

$$\hat{H} = \sum_{n=1}^N \frac{\hat{P}_n^2}{2m_n} + V(x_1, x_2, \dots x_N)$$

$$E^2 - (pc)^2 = (mc^2)^2$$

$$r^2 = (E + Ze^2/r)^2 - (mc^2)^2/c^2$$



$$=(mc^2)^2$$



$$\frac{-\hbar^2}{2m} \frac{\partial^2 \psi(x,t)}{\partial x^2} + U(x) \psi(x,t) = it \frac{\partial \psi(x,t)}{\partial t}$$



# ГЕОРГИЙ ГАМОВ

ТРИДЦАТЬ ЛЕТ, КОТОРЫЕ  
ПОТРЯСЛИ ФИЗИКУ

Книги, изменившие мир.  
Писатели, объединившие  
поколения.

# ГЕОРГИЙ ГАМОВ

ТРИДЦАТЬ ЛЕТ,  
КОТОРЫЕ ПОТРЯСЛИ ФИЗИКУ



ИЗДАТЕЛЬСТВО АСТ  
МОСКВА

УДК 53(091)

ББК 22.3г

Г18

Серия «Эксклюзивная классика»

George Gamow

**THIRTY YEARS THAT SHOOK PHYSICS:  
The Story of Quantum Theory**

Перевод с английского А. Федотовой

Серийное оформление А. Фереза, Е. Ферез

Компьютерный дизайн В. Воронина

Печатается с разрешения наследников автора и  
литературных агентств Fort Ross, Inc. и Nova Littera SIA.

**Гамов, Георгий Антонович.**

- Г18 Тридцать лет, которые потрясли физику / Георгий Гамов ; [перевод с английского А. Федотовой]. — Москва : Издательство ACT, 2024. — 224 с. — (Эксклюзивная классика).

ISBN 978-5-17-161030-2

В начале прошлого века классическую физику потрясли две великие революционные теории. Одна из них — теория относительности Альберта Эйнштейна — произвела переворот в классической концепции пространства-времени. Вторая — квантовая — родилась и развивалась в содружестве целого созвездия ученых, таких как Макс Планк, Нильс Бор, Вернер Гейзенберг, Поль Дирак.

В своей книге «Тридцать лет, которые потрясли физику» Георгий Гамов рассказывает захватывающую историю «мозгового штурма» великих умов, в котором и сам принимал непосредственное участие.

УДК 53(091)

ББК 22.3г

© R. Igor Gamow, 1966

© Перевод. А. Федотова, 2019

© Издание на русском языке AST Publishers, 2024

## ПРЕДИСЛОВИЕ

Две великие революционные теории изменили лицо физики в первые десятилетия двадцатого века: теория относительности и квантовая теория. Первая была, по сути, создана одним человеком, Альбертом Эйнштейном, и состояла из двух частей: специальной теории относительности, опубликованной в 1905 году, и общей теории относительности, опубликованной спустя 10 лет. Теория относительности Эйнштейна повлекла за собой радикальные изменения в классической ньютоновской концепции пространства и времени как двух независимых сущностей физического мира и привела к единому четырехмерному миру, в котором время рассматривается как четвертая координата, хотя и не совсем эквивалентная трем пространственным координатам. Теория относительности внесла важные изменения в трактовку движения электронов в атоме, движения планет

в Солнечной системе и движения звездных галактик во Вселенной.

Квантовая теория, со своей стороны, является результатом творчества нескольких великих ученых, начиная с Макса Планка, который первым ввел в физику понятие кванта энергии. Теория прошла много этапов эволюции и дала нам глубокое понимание структуры атомов и атомных ядер, а также тел привычных нам размеров. На сегодняшний день квантовая теория еще не завершена, особенно в областях, связанных с теорией относительности и проблемой элементарных частиц, решение которой временно приостановлено в связи с невероятными сложностями, встающими на этом пути.

О квантовой теории мы и поговорим в этой книге. В возрасте восемнадцати лет автор впервые познакомился с моделью атома Бора в Ленинградском университете, а затем, позже, в возрасте двадцати четырех лет, ему посчастливилось стать студентом Бора в Копенгагене. В те памятные годы на улице Блэгдамсвей (адрес Института Бора) он имел возможность встречаться со многими учеными, оказавшими влияние на первоначальное развитие квантовой теории, и участвовать в их беседах. Изложенное в этой книге во многом является производным того опыта, который автор получил, общаясь с этими великими учеными

и в первую очередь с горячо любимым им Нильсом Бором. Автор надеется, что новое поколение физиков найдет для себя много интересного на этих страницах.

*Январь 1965 года*  
*Георгий Гамов*

## **ВВЕДЕНИЕ**

Начало двадцатого века предвещало начало беспрецедентной эры переворота в сознании и переоценки классической теории, лежащей в основе физики, начиная с доныштоновских времен. В своей речи на конференции Немецкого физического общества 14 декабря 1900 года Макс Планк заявил, что, если исходить из предположения о том, что энергия излучения может существовать только в форме отдельных скоплений, можно разрешить парадоксы, которыми изобилует классическая теория излучения и поглощения света материальными телами. Планк назвал эти скопления энергии световыми квантами. Пять лет спустя Альберт Эйнштейн успешно применил теорию световых квантов, объяснив с ее помощью эмпирические законы фотоэффекта (выбивание электронов из металлических поверхностей под воздействием фиолетового и ультрафиолетового света). Еще позже Артур Комpton

провел свой знаменитый эксперимент, который показал, что рассеяние рентгеновских лучей свободными электронами подчиняется тем же законам, что и абсолютно упругое соударение. Так, в течение последующих пяти лет инновационная идея квантования энергии излучения прочно закрепилась в теоретической и экспериментальной физике.

В 1913 году датчанин Нильс Бор развил идею Планка о квантовании энергии излучения, описав механическую энергию электронов в пределах атома. Разработав четкие «правила квантования» для механических систем размеров атома, он вывел логическое объяснение планетарной модели атома Эрнеста Резерфорда. Эта модель была доказана экспериментально, однако вступала в серьезные противоречия с другими фундаментальными положениями классической физики. Бор рассчитал энергию отдельных квантовых состояний электрона и определил световое излучение как испускание светового кванта с энергией, количественно равной разнице энергий начального и конечного квантового состояния атомного электрона. Благодаря этим расчетам он смог дать детальное объяснение проблеме, десятилетиями мучившей спектроскопистов: спектральным линиям водорода и более тяжелых элементов. Первая работа Бора по квантовой теории атома стала поворотным моментом.

В течение десяти лет совместными усилиями физиков-теоретиков и специалистов в различных

областях экспериментальной физики были более детально описаны оптические, магнитные и химические свойства некоторых атомов. Но с годами становился все более очевидным тот факт, что теория Бора, несмотря на свой успех, не была окончательной, так как не могла объяснить некоторые вещи, уже известные об атомах. Например, она никак не описывала процесс перехода электрона из одного квантового состояния в другое, равно как не существовало способа рассчитать интенсивность различных линий оптических спектров.

В 1925 году французский физик Луи де Бройль опубликовал исследование, в котором предложил довольно неожиданную трактовку квантовых орбит Бора. По мнению де Бройля, движение каждого электрона происходит под действием неких загадочных волн-пилотов, чья скорость распространения и длина зависят от скорости этого электрона. Полагая, что длина волн-пилотов обратно пропорциональна скорости электрона, де Бройлю удалось показать, что различные квантовые орбиты в гидrogenной модели атома Бора могут вмещать целое количество волн-пилотов. Таким образом, модель атома стала похожа на музыкальный инструмент с основным тоном (самая близкая к центру орбита с наименьшим количеством энергии) и обертонами (внешние орбиты с большим энергетическим потенциалом). Спустя год после публикации ис-

следования де Бройля австрийский физик Эрвин Шредингер развел его идеи и облек их в математически точную форму — так появилась его волновая механика. Волновая механика объясняла и те процессы, которые удалось объяснить Бору, и ряд других, с которыми теория Бора неправлялась (например, интенсивность спектральных линий). Кроме того, Шредингер предсказал некоторые новые явления (дифракция электронного пучка), о которых классическая физика и теория Планка—Бора не могли и предполагать. Фактически волновая механика представляла собой абсолютно полную и самодостаточную теорию всех атомных явлений и, как выяснилось в двадцатые годы, могла объяснить явления радиоактивного распада и искусственных ядерных превращений.

Одновременно с работой Шредингера по волновой механике появилось исследование молодого немецкого физика Вернера Гейзенberга, чей подход к проблемам квантовой физики использовал так называемую некоммутативную алгебру (математическая дисциплина, которая предполагает, что  $a \times b$  не обязательно тождественно  $b \times a$ ). Одновременное появление работ Шредингера и Гейзенберга в двух немецких журналах («Annalen der Physik» и «Physikalische Zeitschrift») потрясло мир теоретической физики. Два исследования были настолько не похожи друг на друга, насколько это вообще возможно, но прихо-

дили к одним и тем же выводам касательно атомной структуры и атомных спектров. Ученым потребовалось больше года для того, чтобы понять, что с точки зрения физики эти теории были абсолютно идентичны, несмотря на то что математически были представлены по-разному. Это как если бы Колумб открыл Америку, двигаясь через Атлантический океан на запад, одновременно с таким же отважным японским мореплавателем, двигавшимся через Тихий океан на восток.

Однако у квантовой теории было слабое место, которое давало о себе знать при попытках квантования механических систем, т.к. ученым приходилось работать с величинами скоростей близкими к скорости света, а это требовало релятивистского подхода. Было совершено множество неудачных попыток объединить теорию относительности и квантовую теорию, пока, наконец, в 1929 году британский физик Поль Дирак не вывел свое знаменитое релятивистское волновое уравнение. Решения этого уравнения позволяли полностью описать движение электронов атома на скоростях близких к скорости света и объясняли их линейные и угловые механические импульсы, а также магнитный момент, что, безусловно, было приятным бонусом. Некоторые формальные трудности, связанные с анализом этого уравнения, привели Дирака к выводу о том, что наряду с обычными отрицательно заряженными электро-

нами существуют и положительно заряженные антиэлектроны.

Его предсказание полностью подтвердилось несколько лет спустя, когда антиэлектроны были обнаружены в космических лучах. Теория античастиц расширялась со временем, и теперь принято говорить не только об антиэлектронах, но и антипротонах, антинейтронах, антимезонах и так далее.

Так, к 1930 году, всего лишь через три десятилетия после судьбоносного заявления Планка, квантовая теория полностью оформилась и стала такой, какой мы видим ее сейчас<sup>1</sup>. В течение этого времени были сделаны лишь незначительные теоретические поправки. С другой стороны, этот период был очень плодотворным с точки зрения экспериментальных исследований, особенно в области изучения вновь открытых элементарных частиц. Тем не менее от понимания самой сути элементарных частиц, их масс, зарядов, магнитных моментов и взаимодействий нас отделяет прочная стена, которую мы надеемся в скором времени сломить. Когда этот прорыв произойдет, мы, вне всяких сомнений, будем иметь дело с понятиями, настолько далекими от существующих в современной физике, как современные далеки от понятий классической.

В последующих главах мы попытаемся описать бурное развитие квантовой теории энергии и ма-

<sup>1</sup> На момент первой публикации, 1966 г. — Примеч. ред.

терии в течение первых тридцати лет ее существования, делая акцент на принципиальных различиях между «старой доброй» классической физикой и новым подходом, берущим свое начало в двадцатом веке.



## Глава 1

### ПЛАНК И СВЕТОВЫЕ КВАНТЫ

Корни революционного заявления Планка о том, что свет может излучаться и поглощаться только в форме отдельных скоплений энергии, лежат в гораздо более ранних работах Людвига Больцмана, Джеймса Клерка Максвелла, Джозайи Уилларда Гиббса и других, в которых мы находим статистическое описание тепловых свойств физических тел.

Согласно кинетической теории тепла, тепло является результатом случайного движения многочисленных отдельных молекул, из которых состоят все физические тела. В силу того, что движение каждой молекулы, участвующей в тепловом движении, отследить не только невозможно, но и бесмысленно, при математическом описании тепловых явлений необходимо использовать статистический метод.

Подобно тому, как экономист не знает, сколько именно гектаров земли засевает фермер Джон Доу и как много у него свиней, физику не важно положение или скорость отдельной молекулы из огромного количества, входящих в состав газа. Будь то экономика страны или наблюдение за поведением газа, важны лишь средние значения.

Один из базовых законов статистической механики (раздел физики, изучающий средние значения физических свойств для крупных сосредоточений отдельных частиц, двигающихся беспорядочно) — это так называемая теорема о равнораспределении, которая математически выводится из ньютоновских законов механики. Согласно ей, общее количество энергии, содержащееся в сосредоточении большого количества отдельных частиц, обменивающихся энергией между собой через соударения, распределено равномерно (в среднем) между всеми частицами. Если все частицы идентичны, как, например, в чистых газах — кислороде или неоне, — то в среднем они все движутся с одинаковой скоростью и имеют одинаковую кинетическую энергию. Если обозначить общую энергию системы как  $E$ , а общее количество частиц принять за  $N$ , то среднее количество энергии для каждой частицы — это  $E/N$ . Если мы имеем дело с различными частицами, как, например, в смесях двух и более газов, то более крупные молекулы будут иметь меньшие

скорости движения, таким образом их кинетические энергии (пропорциональные массе и квадрату скорости) в среднем будут такими же, как у более легких молекул.

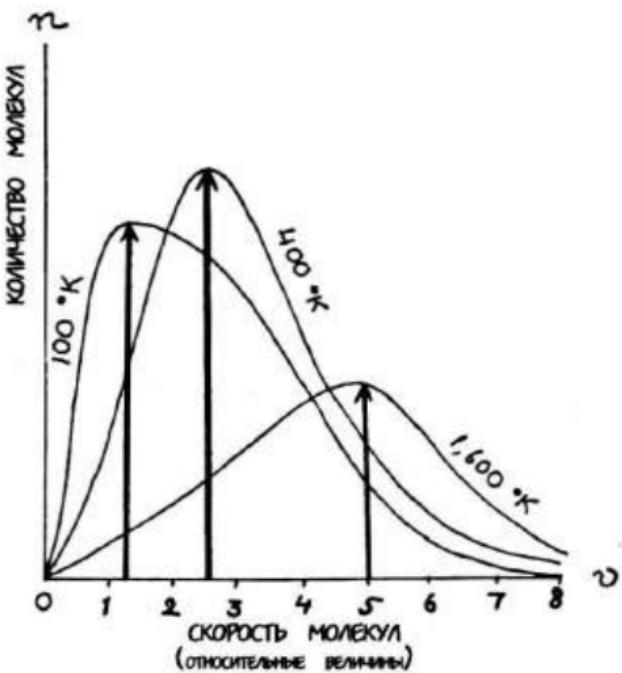
Рассмотрим, к примеру, смесь водорода и кислорода. Молекулы кислорода, которые в шестнадцать раз превосходят молекулы водорода по массе, будут иметь среднюю скорость в  $\sqrt{16} = 4$  раза меньше\*.

В то время как закон равнораспределения энергии регулирует распределение энергии между членами крупных скоплений частиц, скорость и энергия отдельных частиц может отклоняться от средних значений, это явление получило название «статистические флуктуации».

Флуктуации также можно представить математически, рассмотрев кривые, показывающие относительное количество частиц, имеющих скорости, отклоняющиеся от средних значений в большую или меньшую сторону для любой из заданных температур. Эти кривые, впервые рассчитанные Джеймсом Максвеллом и названные в честь него, показаны на рис. 1 для трех различных температур газов.

---

\* Так как кинетическая энергия рассчитывается как произведение массы и квадрата скорости, то ее значение останется неизменным, если масса увеличивается в 16 раз, а скорость уменьшается в 4 раза. В самом деле,  $4^2 = 16!$  — Здесь и далее, за исключением отдельно оговоренных случаев, примечания автора обозначены звездочками, примечания переводчика — цифрами.



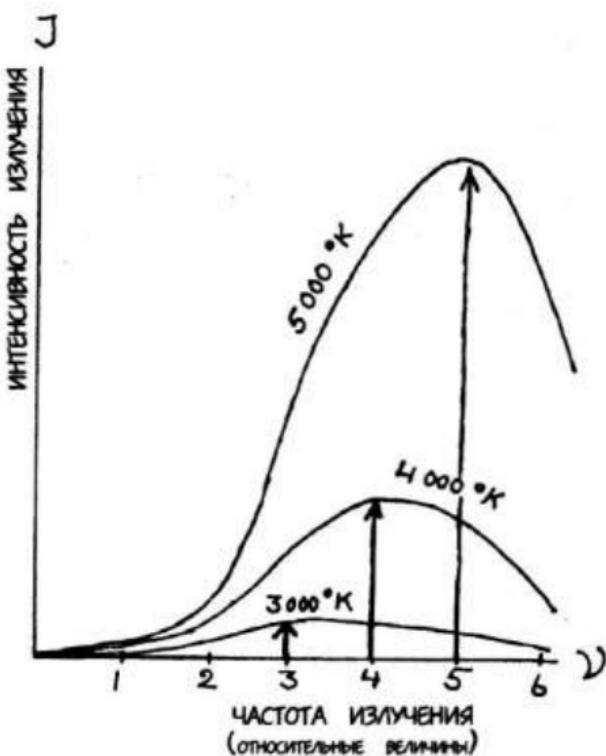
*Рис. 1. Распределение Максвелла: количество молекул, имеющих различные скорости  $v$ , изображено в зависимости от скоростей для трех различных температур, 100, 400 и 1600 °K. Так как количество молекул в сосуде остается неизменным, площади участков под тремя кривыми равны между собой. Средние скорости молекул увеличиваются пропорционально квадрату абсолютной температуры.*

Использование статистического метода в изучении теплового движения молекул позволило объяснить тепловые свойства физических тел, в особенности это касается газов. Применительно к газам, эта теория значительно упрощается в силу того, что молекулы газа свободно передвигаются в пространстве и не прижаты плотно друг к другу, как в жидкостях и твердых телах.

## СТАТИСТИЧЕСКАЯ МЕХАНИКА И ТЕПЛОВОЕ ИЗЛУЧЕНИЕ

К концу девятнадцатого века лорд Рэлей и Джеймс Джинс сделали попытку применить статистический метод, ставший ключом к пониманию тепловых свойств физических тел, к решению проблем при изучении теплового излучения. Все физические тела при нагревании излучают электромагнитные волны различной длины. Когда температура относительно низкая — например, температура кипения воды — преобладающие величины длин испускаемых волн достаточно велики. Эти волны сетчатка человеческого глаза не воспринимает (т.е. они для нас невидимы), тем не менее наша кожа их поглощает, и при этом мы ощущаем тепло — это и есть теплота в физическом смысле, или инфракрасное излучение. Когда температура поднимается до  $600^{\circ}\text{C}$  (температура нагревательных элементов электрических плит), можно увидеть слабый красный свет. При  $2000^{\circ}\text{C}$  (как в нити накаливания электрической лампочки) можно увидеть белый свет, содержащий волны всех длин видимого спектра излучения: от красного до фиолетового.

При еще более высокой температуре электрической дуги,  $4000^{\circ}\text{C}$ , наблюдается значительное количество невидимого ультрафиолетового излучения, интенсивность которого стремительно возрастает при дальнейшем повышении температуры.



*Рис. 2. Наблюдаемое распределение интенсивностей излучения для различных частот  $v$  изображено в зависимости от частот. Поскольку содержание энергии излучения на единицу объема увеличивается как четвертая степень абсолютной температуры  $T$ , площади под кривыми также увеличиваются. Частота, соответствующая максимальной интенсивности, увеличивается пропорционально абсолютной температуре.*

При каждой из данных температур существует одна преобладающая частота колебаний, для которой интенсивность является самой высокой, и когда температура повышается, эта преобладающая частота становится выше и выше. Это графически представлено на рис. 2, который показывает рас-

пределение интенсивности в спектрах, соответствующих трем температурам.

Сравнивая кривые на рис. 1 и 2, можно заметить важное качественное сходство. Если в первом случае увеличение температуры перемещает верхнюю точку кривой к более высоким молекулярным скоростям, то во втором случае точка перемещается к более высоким частотам излучения. Это сходство подтолкнуло Рэлея и Джинса к тому, чтобы применить к тепловому излучению теорему о равнораспределении, которая до этого так хорошо работала с газами; т.е. предположить, что общее количество доступной энергии излучения распределяется поровну между всеми возможными частотами колебаний. Эта попытка привела, однако, к катастрофическим результатам! Проблема заключалась в том, что, несмотря на все сходства между газом, образованным отдельными молекулами, и тепловым излучением, образованным электромагнитными колебаниями, существует одно важное различие: в то время как число молекул газа в данной системе всегда конечно, хоть и обычно очень велико, количество возможных электромагнитных колебаний в этой же системе всегда бесконечно. Чтобы понять это утверждение, необходимо помнить, что модель волновых колебаний в пространстве, ограниченном, скажем, кубом, формируется наложением различных стоячих волн, чьи узлы расположены на стенках ограждающего куба.

Эту ситуацию проще представить на примере одномерного волнового движения, такого, какое мы можем наблюдать при колебании струны, закрепленной с обеих концов. Так как концы струны не могут двигаться, единственный возможный вид колебаний — колебания, представленные на рис. 3, в музыкальной терминологии соответствующие основному тону и различным обертонам колеблющейся струны.

На всей протяженности струны может быть одна полуволна, две, три полуволны, десять полуволн, сто, тысяча, миллион, миллиард... любое количество полуволн.

Соответствующие частоты колебаний различных обертонов будут превышать колебания основного тона в два, три, десять, сто, миллион, миллиард раз и т.д.

В случае стоячих волн в пространстве, ограниченном трехмерным сосудом, таким как куб, ситуация будет аналогичной, хотя и несколько более сложной, что приведет к неограниченному количеству различных колебаний с все более и более короткими волнами и соответственно более и более высокими частотами. Таким образом, если  $E$  — это общее количество энергии излучения, доступной в ограниченном сосудом пространстве, принцип равномерного распределения приведет нас к заключению о том, что каждомуциальному колебанию будет присвоено  $E/\infty$ , т.е. бесконечно малое количество энергии! Парадоксальность этого вывода очевидна, но мы можем еще более ярко проиллюстрировать ее следующими рассуждениями.

КОЛИЧЕСТВО СТРЕМИТСЯ К БЕСКОНЕЧНОСТИ

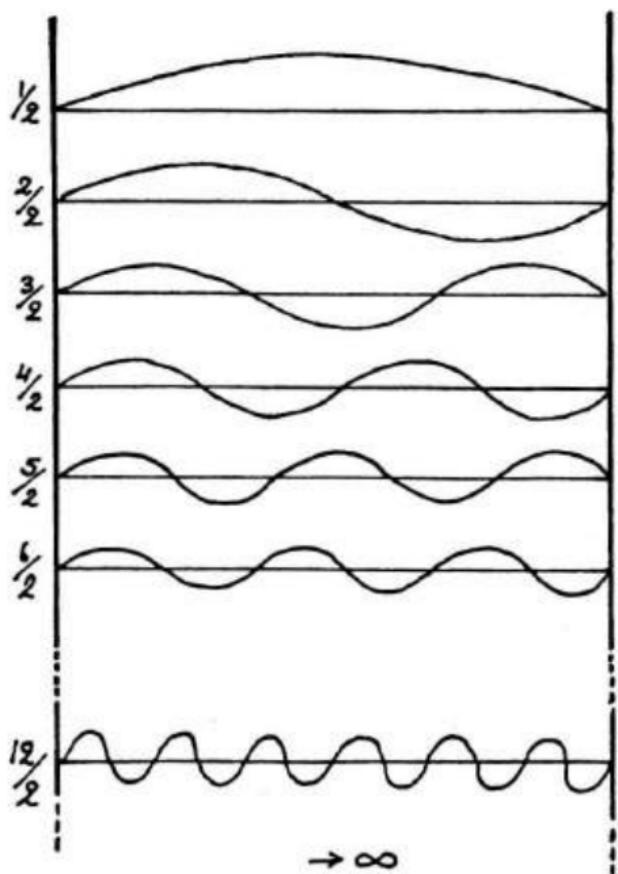


Рис. 3. Основной тон и более высокие обертоны в одномерном пространстве (к примеру, скрипичная струна).

Предположим, у нас есть сосуд в форме куба, известный как «куб Джинса», внутренние стенки которого сделаны из идеальных зеркал, отражающих сто процентов падающего на них света. Разумеется, таких зеркал не существует, и изготовить их невозможно — даже самое лучшее зеркало поглощает небольшое количество падающих лучей. Однако мы можем воспользоваться этим

допущением при теоретических рассуждениях. Такое рассуждение, при котором мы предполагаем, что было бы результатом эксперимента, в котором используются идеальные зеркала, поверхности без трения, невесомые бруски и т.д., получило название «мысленный эксперимент» (от нем. *Gedankenexperiment*) и часто используется в различных областях теоретической физики. Если мы сделаем в стенках куба Джинса небольшое окошко и впустим немного света, то, закрывая идеальный затвор, мы оставим свет внутри на неопределенное время, где идеальные зеркальные стенки будут попеременно его отражать. Если спустя некоторое время мы откроем затвор снова, мы увидим вспышку выходящего света. По аналогичному принципу происходит процесс закачивания и последующего выпуска газа из сосуда.

Газообразный водород в стеклянной таре может оставаться бесконечно долго, что представляет собой идеальный случай. Но водород не будет долго оставаться в сосуде, изготовленном из палладия, поскольку этот металл, как известно, довольно легко пропускает молекулы водорода. Также нельзя использовать стеклянный сосуд для хранения плавиковой кислоты, т.к. она вступает в химическую реакцию со стеклянными стенками. Вот и получается, что куб Джинса с идеальными зеркальными стенками не такая уж и небывалая вещь!

Тем не менее существует разница между газом, запертым в сосуде, и излучением в сосуде. Поскольку молекулы нельзя назвать точками

в математическом смысле (хотя они имеют определенные конечные величины диаметров), между ними происходят множественные соударения, при которых они могут обмениваться энергией. Так, если мы введем в сосуд некоторый горячий газ и некоторый холодный газ, соударения между молекулами быстро приведут к тому, что быстрые молекулы замедлятся, а медленные ускорятся, а энергия таким образом распределится равномерно в соответствии с принципом равнораспределения. В случае с идеальным газом, образованным молекулами-точками, которого, естественно, не существует в природе, молекулы не будут соударяться, поэтому холодная часть останется холодной, а горячая — горячей. Тем не менее обмен энергией между молекулами идеального газа можно стимулировать путем введения в сосуд одной или нескольких частиц с конечным, но очень маленьким диаметром (бронновские частицы). При столкновении с ними быстрые «точечные» молекулы передадут им свою энергию, которая, в свою очередь, перейдет к более медленным «точечным» молекулам.

В случае со световыми волнами ситуация будет другой, т.к. два световых луча, пересекаясь, никаким образом не влияют на распространение друг друга\*.

\* Чтобы избежать возражений со стороны тех читателей, которые знают гораздо больше, чем необходимо для понимания этих рассуждений, автор спешит уточнить, что, согласно современной квантовой электродинамике,

Таким образом, чтобы обеспечить обмен энергией между стоячими волнами различной длины, мы должны ввести в контейнер небольшие тела, которые могут поглощать и переизлучать все возможные длины волн, тем самым обеспечивая обмен энергией между всеми возможными колебаниями. Обычные абсолютно черные тела, такие как древесный уголь, обладают этой способностью, по крайней мере на видимой части спектра, и мы можем представить «идеальные абсолютно черные тела», которые ведут себя так же для волн всех возможных длин. Поместив в куб Джинса несколько частиц идеальной угольной пыли, мы решим нашу проблему обмена энергией.

Теперь давайте проведем мысленный эксперимент: введем определенное количество излучения с заданной длиной волн в изначально пустой куб Джинса, например, из красной части спектра. Сразу после введения внутренняя часть куба будет содержать только красные стоячие волны, распространяющиеся от стенки к стенке, в то время как все остальные длины волн будут отсутствовать. Это как если бы вы нажимали на рояль одну-единственную клавишу. Если, как это бывает на практике, обмен энергией между различными струнами инструмента очень слабый, звук будет слышен до тех пор, пока вся энергия, передаваемая на струну, не будет рассеяна при затухании. следует ожидать некоторого рассеяния одного луча света другим из-за образования виртуальных электронных пар, но Джинс и Планк этого не знали.

хании колебаний. Однако, если в струнах есть утечка энергии через крепления, к которым они присоединены, другие струны тоже начнут колебаться, и это будет продолжаться до тех пор, пока, согласно теореме об равнораспределении, все 88 струн не будут иметь энергию, равную  $1/88$  от общей сообщаемой энергии.

Но чтобы пианино представляло собой более-менее точную аналогию куба Джинса, у него должно быть гораздо больше клавиш, бесконечно уходящих за правый край клавиатуры, в ультразвуковую область (рис. 4). Так, энергия, сообщаемая



*Рис. 4. Пианино с неограниченным количеством клавиш, простирающихся в ультразвуковую область, вплоть до бесконечных частот. Согласно теореме о равнораспределении, вся энергия, сообщаемая музыкантом одной из низкочастотных клавиш, должна доходить до ультразвукового участка клавиатуры со звуками за пределами слышимого диапазона!*

одной струне на слышимом участке клавиатуры будет переходить вправо к участку с большими частотами колебаний и затеряется в бесконечно далеких участках ультразвуковых колебаний, а произведение, которое мы попытаемся сыграть на таком пианино, превратится в резкий и пронзительный писк.

Точно так же энергия красного света, впускаемого в куб Джинса, превратится в энергию синего, фиолетового, ультрафиолетового света, рентгеновских лучей, гамма-лучей и так далее без каких-либо ограничений. В таком случае сидеть перед камином было бы очень опрометчиво, поскольку красный свет, исходящий от дружелюбных тлеющих угольков, быстро превратился бы в опасное высокочастотное излучение продуктов распада!

Поток энергии в область высоких частот не представляет никакой реальной опасности для выступающего пианиста не только потому, что клавиатура имеет ограниченное количество клавиш, но и из-за того, что, как было упомянуто ранее, колебания каждой струны затухают слишком быстро, не успев передать даже небольшую часть энергии соседней струне.

Однако в случае с энергией излучения ситуация куда более серьезная, и если при этом теорема равнораспределения справедлива, то открытая дверца топки парового котла стала бы великолепным источником рентгеновских и гамма-лучей.

Очевидно, где-то в доказательствах физиков девятнадцатого века закралась ошибка, и необходимы были серьезные перемены для того, чтобы избежать «ультрафиолетовой катастрофы», которая грядет в теории, но на практике никогда не случится.

## МАКС ПЛАНК И КВАНТ ЭНЕРГИИ

Задача термодинамического излучения была решена Планком, приверженцем классической физики (за что нельзя его винить). Именно он положил начало современной физике. На пороге нового века, на встрече Немецкого физического общества 14 декабря 1900 года Планк представил свои идеи по данному вопросу, столь необычные и фантастические, что сам едва мог в них поверить, даже несмотря на бурную реакцию аудитории и физического сообщества в целом.

Макс Планк родился в немецком городе Киле в 1858 году, а позже переехал со своей семьей в Мюнхен. Он учился в Максимилианской гимназии в Мюнхене, затем поступил в Мюнхенский университет, где изучал физику три года. После этого несколько лет Планк провел в Берлинском университете, там он познакомился с величайшими физиками того времени: Германом фон Гельмгольцем, Густавом Кирхгофом, Рудольфом Клаузиусом, узнал больше о теории теплоты, формально известной как термодинамика. Вернувшись в Мюнхен, он выступил с докторской

диссертацией о втором законе термодинамики и получил ученую степень в 1879-м, а затем стал преподавателем в университете. Шесть лет спустя он стал доцентом в Киле. В 1889 году он перевелся в Берлинский университет, в 1892 году стал профессором.

Эту академическую должность, самую высокую из возможных в Германии на тот момент, Планк занимал до своего ухода на пенсию в возрасте семидесяти лет. После этого он продолжил свою деятельность и выступал с публичными лекциями до самой смерти в возрасте почти девяноста лет. Две из его последних работ («Научная автобиография» и «Понятие причинности в физике»<sup>1</sup>) были опубликованы в 1947-м, в год его смерти.

Планк был типичным немецким профессором для своего времени, серьезным, возможно, педантичным, но не лишен простых человеческих чувств, что легко увидеть в его переписке с Арнольдом Зоммерфельдом, который, продолжая дело Бора, применял квантовую теорию к структуре атома. Зоммерфельд считал понятие кванта изобретением Планка и в письме к нему писал:

Там, где я мог лишь собирать цветы,  
Возделал целину впервые ты.

На это Планк ответил:

Цветы с тобою собирали вместе,  
Но вот уже настал нам срок,

---

<sup>1</sup> Работы не переведены на русский.

Друг с другом их деля по чести,  
Сплести блестательный венок\*.

За свои научные достижения Планк получил немало академических наград. Он стал членом Прусской академии наук в 1894-м и был избран в иностранные члены Лондонского королевского общества в 1926 году. Несмотря на то что он не внес никакого вклада в астрономию, один из недавно открытых астероидов назвали «Планкианой» в его честь.

Всю свою долгую жизнь Планк был сосредоточен почти исключительно на проблемах термодинамики, а его работы были настолько значительны, что принесли ему почетную должность профессора в Берлинском университете уже в тридцать четыре года.

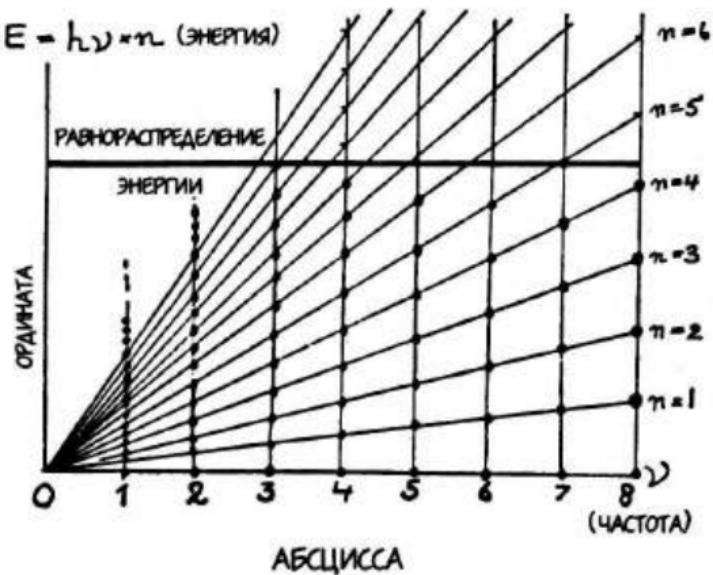
Но настоящий прорыв в его научной деятельности — открытие кванта энергии, за которое он в 1918 году был удостоен Нобелевской премии, — произошел довольно поздно, в возрасте сорока двух лет. Сорок два года — это не так уж поздно в жизни человека с обычной профессией, но часто бывает так, что самая важная работа физико-теоретика уже проделана к двадцати пяти годам. В этом возрасте у него уже было достаточно времени, чтобы изучить нужное количество существующих теорий, но его ум все еще довольно гибок, чтобы порождать новые, смелые и рево-

\* М. Планк. «Научная автобиография». Перевод стихотворного отрывка А. Федотовой.

люционные идеи. Исаак Ньютон, к примеру, открыл закон всемирного тяготения в двадцать три года; Альберт Эйнштейн создал теорию относительности в двадцать шесть; Нильс Бор опубликовал теорию строения атома в возрасте двадцати семи лет. Автор этой книги также опубликовал свой скромный, но самый важный для него труд о естественных и искусственных превращениях атомного ядра, когда ему было двадцать четыре года. В своей лекции Планк заявил, что, согласно его довольно сложным расчетам, парадоксальные выводы, полученные лордом Рэлеем и Джинсом, могут быть исправлены, а ультрафиолетовой катастрофы можно избежать, если исходить из условия, что энергия электромагнитных волн (включая световые волны) может существовать только в форме отдельных скоплений, или квантов, при этом количество энергии в каждом кванте прямо пропорционально соответствующей частоте.

Теоретические соображения в области статистической физики, как известно, довольно трудны для восприятия, но, изучив график на рис. 5, можно получить представление о том, как постулат Планка «препятствует» утечке энергии излучения в безграничную высокочастотную область спектра.

На этом графике частоты возможные в рамках «одномерного» куба Джинса нанесены на оси абсцисс и обозначены как 1, 2, 3, 4 и т.д.; на оси ординат нанесены энергии колебаний, которые



*Рис. 5. Если, согласно гипотезе Планка, энергия, соответствующая каждой частоте  $\nu$ , должна быть целым числом от величины  $h\nu$ , то ситуация существенно изменится по сравнению с предыдущей диаграммой. Например, для  $\nu = 4$  существует восемь возможных колебательных состояний, тогда как для  $\nu = 8$  — только четыре. Это ограничение уменьшает количество возможных колебаний на высоких частотах и устраняет парадокс Джинса.*

могут быть отнесены к каждой возможной частоте. Согласно классической физике, допускается любое количество энергии (т.е. любая точка на вертикальных линиях, проведенных через 1, 2, 3 и т.д.), причем статистически происходит равнораспределение энергии между всеми возможными частотами. С другой стороны, положение Планка ограничивает дискретный набор зна-

чений энергии, равных одному, двум, трем и т.д., при этом количество энергии соответствует данной частоте. Поскольку предполагается, что энергия, содержащаяся в каждом пучке, пропорциональна частоте, мы получаем возможные значения энергии, показанные большими черными точками на диаграмме.

Чем выше частота, тем меньше количество возможных значений энергии ниже любого заданного предела, что ограничивает способность высокочастотных колебаний поглощать дополнительную энергию. В результате количество энергии, которое может быть получено высокочастотными колебаниями, становится конечным, несмотря на их бесконечное количество, и теперь все прекрасно!

Кто-то сказал, что существует три вида лжи: ложь, ложь во спасение и статистика, но в случае с вычислениями Планка статистика практически стала правдой. Для распределения энергии в спектре теплового излучения он получил теоретическую формулу, которая полностью согласуется с наблюдением, показанным на рис. 2.

Пока формула Рэлея—Джинса воспаряет к небесам, требуя бесконечное количество общей энергии, формула Планка с ее высокими частотами спускается вниз, и ее форма полностью соответствует наблюдаемым кривым. Предположение Планка, что количество энергии кванта излучения пропорционально частоте, можно выразить следующим образом:

$$E = hv,$$

где  $\nu$  (греческая буква «ню») — это частота, а  $h$  — универсальная постоянная, известная как постоянная Планка или квантовая постоянная. Для того чтобы теоретические кривые Планка совпадали с наблюдаемыми кривыми, необходимо задать  $h$  определенное численное значение, и значение это было посчитано:  $6,77 \times 10^{-27}$  в единицах системы СГС (сантиметр-грамм-секунда)\*.

Тот факт, что это значение небольшое, делает квантовую теорию неприменимой к крупномасштабным явлениям, с которыми мы сталкиваемся в повседневной жизни, и ею можно пользоваться только в изучении процессов атомного масштаба.

## СВЕТОВЫЕ КВАНТЫ И ФОТОЭЛЕКТРИЧЕСКИЙ ЭФФЕКТ

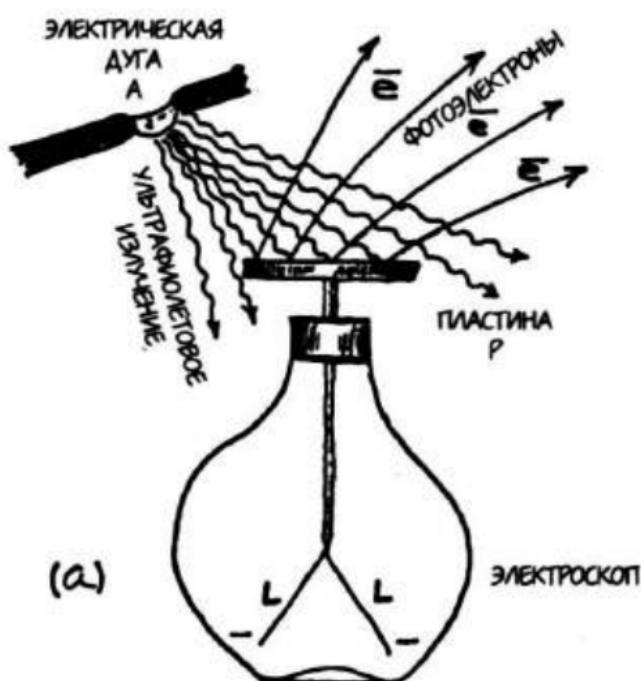
Выпустив квантового джинна из бутылки, Макс Планк сам напугался его до смерти и предпочитал верить, что скопления энергии исходят не от самих световых волн, а от внутреннего строения атома, который может поглощать и излучать излучение только отдельными порциями в определенных количествах. Излучение похоже на мас-

\* Физическое измерение квантовой постоянной  $h$  является произведением энергии и времени, или / эрг × сек / в единицах СГС, и известно в классической механике как действие; действие проявляется во многих важных подходах, таких как принцип наименьшего действия Гамильтона.

ло: его можно купить или вернуть в магазин только в пачке определенного веса, например 180 граммов, хотя масло само по себе может существовать в любых количествах (впрочем, не меньше одной молекулы!).

Только через пять лет после первоначального предложения Планка квант света был признан физическим объектом, существующим независимо от механизма его излучения или поглощения атомами. Этот шаг был предпринят Альбертом Эйнштейном в статье, опубликованной в 1905 году, когда появилась его первая статья по теории относительности. Эйнштейн указал, что существование световых квантов, свободно передвигающихся в пространстве, представляет собой необходимое условие для объяснения эмпирических законов фотоэффекта, т.е. выход электронов из металлических поверхностей, облучаемых фиолетовыми или ультрафиолетовыми лучами.

Элементарное устройство для демонстрации фотоэлектрического эффекта, показанное на рис. 6а, состоит из обычного отрицательно заряженного электроскопа с прикрепленной к нему чистой металлической пластиной Р. Когда свет от электрической дуги А, который содержит фиолетовые и ультрафиолетовые лучи, падает на пластину, видно, что листочки L электроскопа опускаются, следовательно электроскоп теряет заряд. Американский физик Роберт Милликен (1868–1953) и другие ученые неоднократно демонстрировали, как отрицательные частицы (электроны)

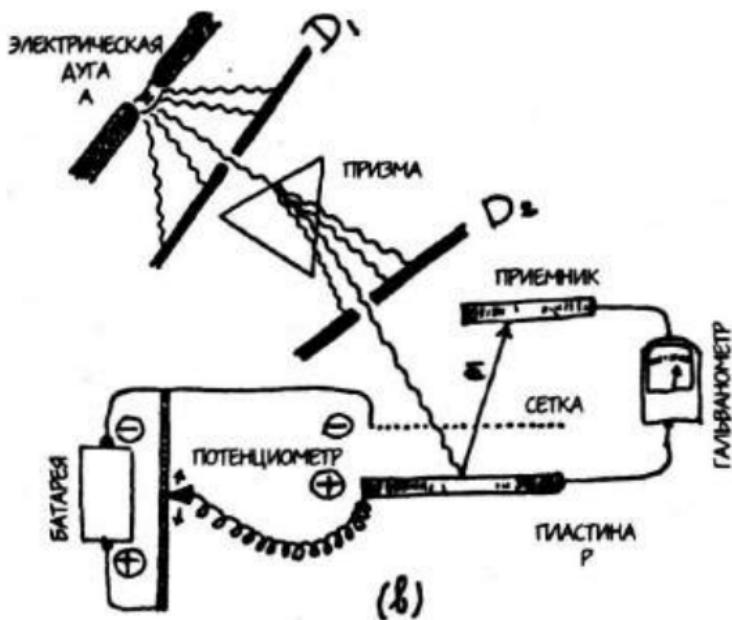


**Рис. 6а.** Экспериментальные исследования фотоэлектрического эффекта. На рис. 6а изображен простейший метод демонстрации фотоэлектрического эффекта. Ультрафиолетовое излучение, испускаемое электрической дугой, выталкивает электроны из металлической пластины, прикрепленной к электроскопу. Отрицательно заряженные листочки  $L$ , которые отталкивались друг от друга, теперь потеряли заряд и опустились. На рис. 6б показан современный метод.

отделяются от металлической пластины. Если между дугой и металлической пластиной находится стеклянная пластина, которая поглощает ультрафиолетовое излучение, электроны не отделяются, что является убедительным доказательством того, что действие лучей вызывает их выход. Более сложное устройство, используемое для де-

тального изучения законов фотоэффекта, схематически показано на рис. 6б. Оно состоит из:

1. Кварцевой или фторидной призмы (пропускающей ультрафиолетовые лучи) и щели, позволяющей выбрать монохроматическое излучение с желаемой длиной волны.



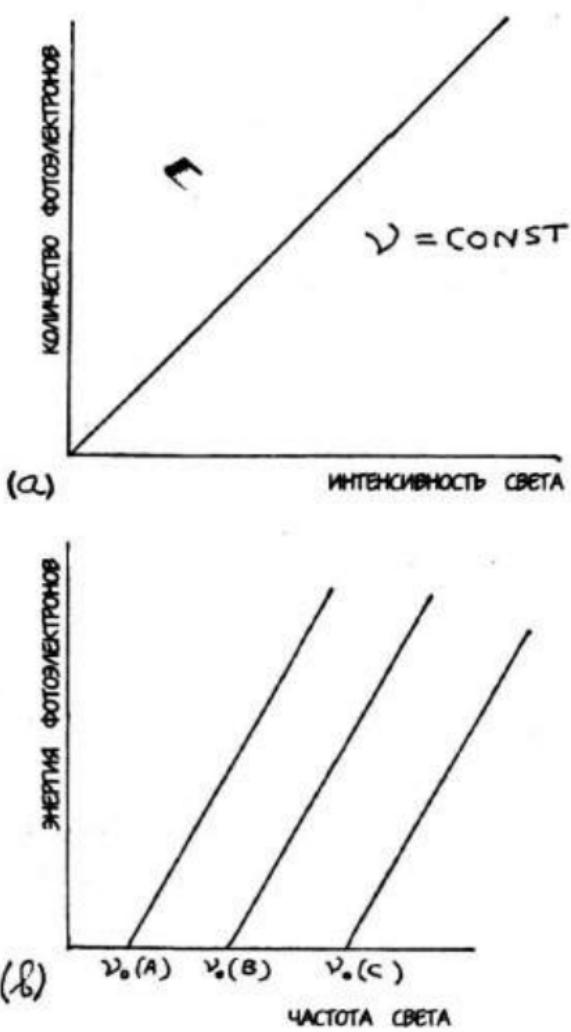
*Рис. 6б. Ультрафиолетовое излучение от электрической дуги проходит через призму, позволяя попадать на пластину волнам только одной выбранной частоты. Поворачивая призму, можно выделить монохроматический световой луч и направить его на пластину. Энергия фотозелектронов измеряется по их способности проходить от пластины к приемнику, двигаясь против электрической силы, создаваемой потенциометром между пластиной и сеткой.*

2. Набора вращающихся дисков с треугольными отверстиями различных размеров, позволяющих изменять интенсивность излучения.
3. Вакуумного контейнера, похожего на радиолампы, используемые в радиоприемниках. Изменяемый электрический потенциалложен к сетке С относительно пластины Р, которая испускает фотоэлектроны. Если сетка заряжена отрицательно и разность потенциалов между сеткой больше или равна кинетической энергии фотоэлектронов, выраженной в электронвольтах, ток не будет течь через систему. В противном случае возникнет ток, и его сила может быть измерена гальванометром GM.

Используя это устройство, можно измерить число и кинетическую энергию электронов, выбиравших падающим светом любой заданной интенсивности и длины волны (или частоты).

Изучение фотоэлектрического эффекта в разных металлах позволило вывести два простых закона:

- I. Для света определенной частоты, но с переменной интенсивностью энергия фотоэлектронов остается постоянной, а их число увеличивается прямо пропорционально интенсивности света (рис. 7а).



*Рис. 7. Законы фотозефекта. (а) число электронов изображено как функция интенсивности падающего монохроматического света. (б) энергия фотозелектронов показана как функция частоты падающего монохроматического света для трех разных металлов: А, В и С.*

II. При изменяющейся частоте светового излучения фотоэлектроны не излучаются до тех пор, пока эта частота не превысит определенный предел  $v_0$ , который различен для разных металлов. За пределами этого порога частоты энергия фотоэлектронов возрастает линейно, пропорционально разности между частотой падающего света и критической частотой  $v_0$  металла (рис. 7б).

Эти общепризнанные факты не могли быть объяснены классической теорией света; в некоторых моментах они даже противоречили ей. Известно, что свет — это короткие электромагнитные волны, и увеличение интенсивности света должно означать увеличение амплитуды колеблющихся электрических и магнитных сил, распространяющихся в пространстве. Поскольку электроны, по-видимому, вырываются из металла под действием электрической силы, их энергия должна увеличиваться с увеличением интенсивности света, а не оставаться постоянной, как это происходит. Также, опираясь на классическую электромагнитную теорию света, нельзя было сделать вывод о линейной зависимости энергии фотоэлектронов от частоты падающего света. Используя идею Планка о световых квantaх и предполагая, что они действительно существуют в виде независимых энергетических скоплений, перемещающихся в пространстве, Эйн-

штейн смог объяснить оба эмпирических закона фотоэффекта. Он представил элементарный акт фотоэлектрического эффекта как результат столкновения между одним квантом падающего света и одним из свободных электронов, участвующих в передаче электрического тока в металле. В этом столкновении квант света исчезает, отдавая всю свою энергию свободному электрону на металлической поверхности.

Но чтобы покинуть поверхность металла и попасть в свободное пространство, электрон должен потратить определенное количество энергии, преодолевая притяжение ионов металла. Эта энергия, известная под немного сбивающим с толку названием «работа выхода», различна для разных металлов и обычно обозначается символом  $W$ . Таким образом, кинетическая энергия  $K$ , с которой фотоэлектрон выходит из металла, равна:

$$K = h(v - v_0) = hv - W^*,$$

где  $v_0$  — критическая частота падающего излучения, и, если она ниже этого значения, фотоэлектрический эффект не возникает. Эта картина объясняет сразу два закона, полученных из эксперимента. Если частота падающего света сохраняется постоянной, то энергия каждого кванта

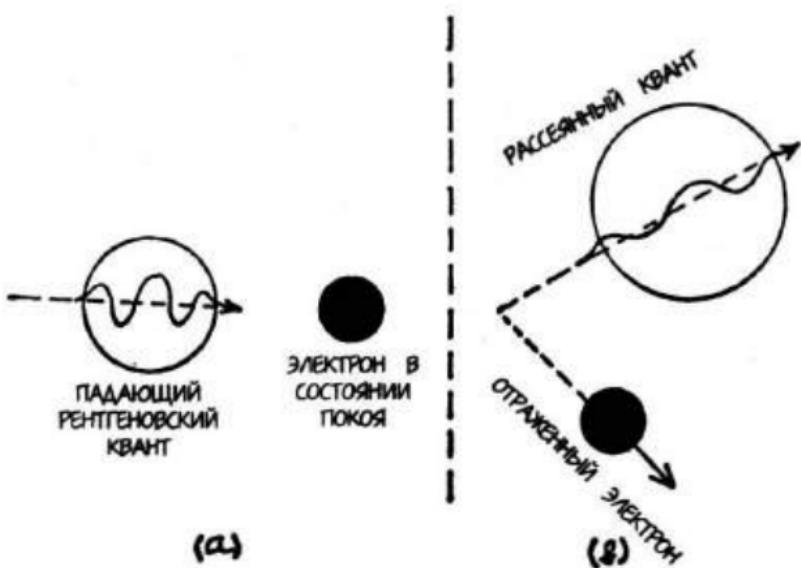
\* Все формулы в книге приведены в системе СГС (сантиметр-грамм-секунда). В широко используемой в быту системе СИ некоторые формулы выглядят несколько иначе.

остается неизменной, а увеличение интенсивности света приводит только к соответствующему увеличению количества световых квантов. Таким образом, выбрасывается больше фотоэлектронов, каждый из которых имеет ту же энергию, что и раньше. Формула, дающая  $K$  как функцию  $v$ , объясняет эмпирические графики, показанные на рис. 7b, и по ней легко понять, что наклон линии должен быть одинаковым для всех металлов и иметь числовое значение, равное  $h$ . Это следствие картины фотоэлектрического эффекта Эйнштейна полностью согласуется с экспериментом и не оставляет сомнений в реальности световых квантов.

## ЭФФЕКТ КОМПТОНА

В 1923 году американский физик Артур Комpton провел важный эксперимент, доказывающий существование светового кванта: он хотел изучить столкновение светового кванта и электрона, свободно передвигающегося в пространстве. В идеале такие столкновения можно наблюдать, если пересечь световой и электронный лучи. К сожалению, количество электронов даже в самом интенсивном электронном луче, который можно было получить, было настолько мало, что столкновения пришлось бы ждать сотни лет.

Комптон решил проблему, используя рентгеновские лучи, кванты которых содержат очень



*Рис. 8. Комптоновское рассеяние рентгеновских лучей. Обратите внимание, что после столкновения длина волны рентгеновского кванта увеличивается из-за передачи части энергии электрону.*

большое количество энергии из-за очень высоких частот. По сравнению с энергией, содержащейся в рентгеновском кванте, энергия, связывающая электроны в атомах легких элементов, настолько незначительна, что можно ею пренебречь, и можно считать их (электроны) несвязанными и относительно свободными. Рассматривая свободное столкновение между квантами света и электроном так же, как и столкновение между двумя упругими шарами, можно ожидать, что энергия и, следовательно, частота рассеянных рентгеновских лучей будет уменьшаться с увеличением угла рассеяния.

Эксперименты Комптона (рис. 8) полностью соответствовали этому теоретическому предположению и формуле, полученной на основе сохранения энергии и механического импульса при столкновении двух упругих сфер. Это соответствие дало дополнительное подтверждение существования световых квантов.



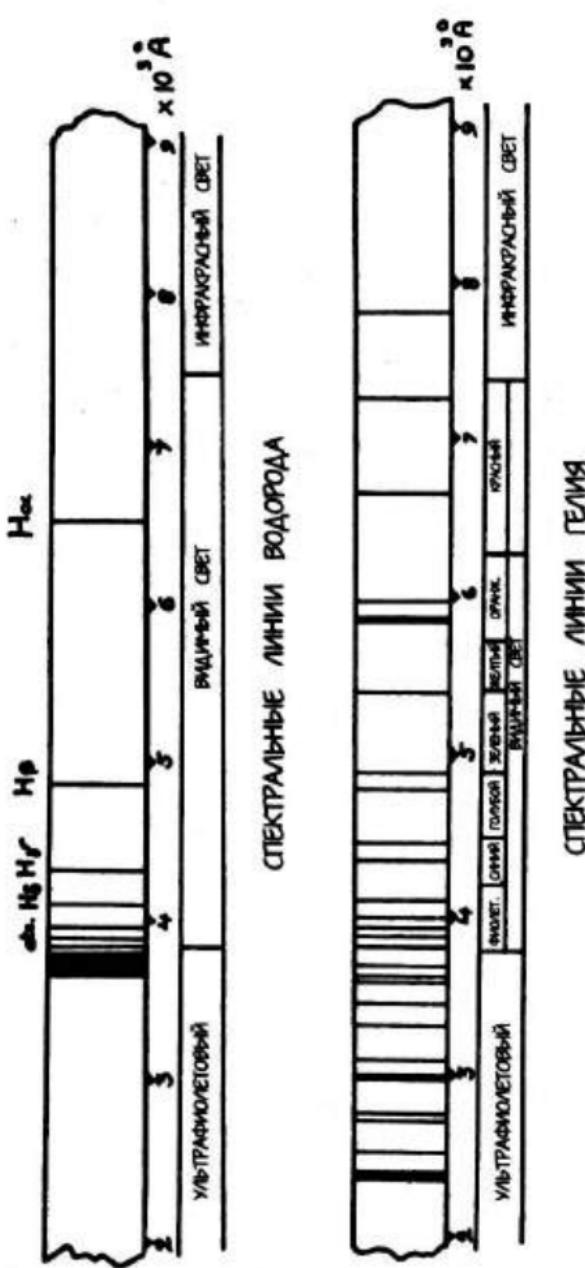
## Глава 2

### Н. БОР И КВАНТОВЫЕ ОРБИТЫ

Открытие того факта, что свет распространяется в пространстве и может излучаться или поглощаться веществом только в виде отдельных квантов света, энергетическое содержание которых строго определяется частотой их колебаний, оказалось огромное влияние на современное представление о структуре самих атомов. Когда в 1897 году Дж. Дж. Томсон с помощью прямых экспериментов доказал, что крошечные отрицательно заряженные частицы (электроны) могут быть извлечены из атомов, оставляя после себя положительно заряженные «остатки» (ионы), стало ясно, что атомы не таковы, как следует из их греческого названия — неделимые единицы, образующие вещество, — но, напротив, довольно сложные

системы, состоящие из положительно и отрицательно заряженных частей.

Томсон представил, что атом образован каким-то положительно заряженным веществом, более или менее равномерно распределенным по всему его объему, с включениями отрицательно заряженных электронов — похоже на изюм в булке. Электроны притягиваются к центру распределения положительного заряда и отталкиваются друг от друга в соответствии с законом электрических взаимодействий Кулона, и нормальное состояние атома достигается, когда эти две группы противоположных сил находятся в равновесии. Если атом потревожить (или, как говорят физики, привести его в возбужденное состояние), столкнув его с другим атомом или проходящим мимо свободным электроном, его внутренние электроны (как струны в рояле) начнут колебаться вокруг своих положений равновесия и будут испускать световые волны характерных частот для данных линейчатых спектров. Атомы разных химических элементов обладают разным количеством по-разному распределенных внутренних электронов с разными характерными частотами и, следовательно, различаются по наблюдаемым оптическим спектрам (рис. 9). Если мы принимаем модель атома Томсона, то методами классической механики можно рассчитать равновесное распределение электронов в теле атома, содержащего заданное количество внутренних электронов, и тогда можно предположить, что группы вычисленных



*Рис. 9. Сравните, насколько просто выглядит водородный спектр, производимый движением лишь одного электрона, и каким сложным и даже беспорядочным кажется спектр гелия, получившийся от двух электронов. Оба спектра уходят гораздо дальше в ультрафиолетовую и инфракрасную области, чем это показано на рисунке.*

характерных частот колебаний будут совпадать с наблюдаемыми линейными спектрами различных элементов.

Сам Томсон и его ученики провели сложные вычисления, чтобы найти конфигурации межатомных электронов, для которых рассчитанные частоты колебаний должны совпадать с наблюдаемыми частотами в линейчатых спектрах различных химических элементов. Результаты их расстроили.

Теоретически рассчитанные спектры, основанные на модели Томсона, совсем не похожи на спектры химических элементов, которые мы наблюдаем в реальности. Становилось все более очевидным, что классическая модель атома Томсона требует кардинальных изменений. Эту мысль особенно подчеркивал молодой датский физик Нильс Бор, который, получив степень доктора наук в Университете Копенгагена за статью по теории прохождения заряженных частиц через вещество, прибыл в 1911 году в Кавендишскую лабораторию Кембриджского университета в Англии, чтобы присоединиться к группе, работающей под руководством Дж. Дж. Томсона. Бор утверждал, что, поскольку свет больше не должен рассматриваться как непрерывно распространяющиеся волны, а должен быть наделен таинственными дополнительными свойствами излучения и поглощения, так как представляет собой отдельные скопления энергии определенных размеров, классическая ньютоновская механика, на которой основана

атомная модель Томсона, должна быть соответственно изменена. Если электромагнитная энергия излучения «квантуется», то есть существует «порционно»: состоит из одного, двух, трех или более световых квантов ( $h\nu$ ,  $2h\nu$ ,  $3h\nu$  и т.д.) — не разумно ли предположить, что механическая энергия атомных электронов также квантуется и что она может принимать только определенный набор значений, а промежуточные значения невозможны в силу какого-то пока не открытого закона природы? И действительно, было бы странно, если бы атомные системы, построенные в соответствии с законами классической ньютоновской механики, какой и являлась атомная модель Томсона, излучали и поглощали свет в виде световых квантов Планка, которые вообще не вписываются в рамки классической физики!

## ТЕОРИЯ ЯДЕРНОЙ МОДЕЛИ АТОМА РЕЗЕРФОРДА

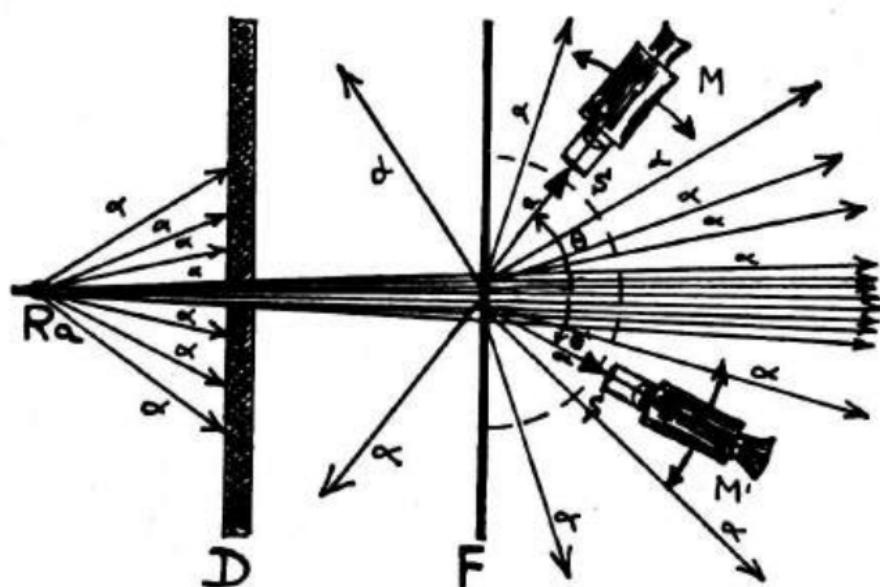
Дж. Дж. Томсон не одобрял эти революционные идеи молодого датчанина. Ряд острых споров заставили Бора покинуть Кембридж и провести оставшееся время по программе обмена там, где его пока что расплывчатые идеи о квантовании движения электронов в атоме встретили бы меньшее сопротивление.

Его выбор пал на Манчестерский университет, где кафедрой физики заведовал новозеландец из семьи фермеров, бывший ученик Томсона, Эрнест

Резерфорд, позже получивший титул «сэр», а затем именуемый «пэр Англии барон Резерфорд Нельсон» за свои научные открытия. Когда Бор прибыл в Манчестер, там уже начались эпохальные исследования внутренней структуры атомов путем их обстреливания снарядами с высокой энергией, известными как « $\alpha$ -частицы», которые испускались вновь открытые тогда радиоактивными элементами. В более ранних исследованиях, проводившихся в основном в Университете Макгилла в Канаде, Резерфорд смог доказать, что  $\alpha$ -частицы, испускаемые радиоактивными элементами, являются не чем иным, как положительно заряженными атомами гелия, движущимися с чрезвычайно высокими скоростями, никогда ранее не встречавшимися в физике. Излучение  $\alpha$ -частиц от нестабильных тяжелых атомов радиоактивных элементов часто сопровождалось испусканием электронов ( $\beta$ -частиц) и высокочастотного электромагнитного излучения ( $\gamma$ -лучей), аналогичного обычному рентгеновскому излучению, но имеющего гораздо более короткую длину волны.

Если мы хотим что-то взломать, мы, конечно же, выберем в качестве метательного снаряда тяжелый железный шар, а не шарик для пинг-понга, и Резерфорд полагал, что массивные  $\alpha$ -частицы гораздо легче проникнут внутрь атома, чем легкие  $\beta$ -частицы. Механизм был довольно прост (рис. 10). Небольшое количество радиоактивного материала, например радия, испускающего  $\alpha$ -частицы, полу-

жили на булавочную головку и разместили на определенном расстоянии от тонкой фольги ( $F$ ), изготовленной из металла, являющегося объектом исследования. После того как луч проходил через диафрагму ( $D$ ), формировался тонкий пучок  $\alpha$ -частиц.



*Рис. 10. Устройство Резерфорда для изучения угловой зависимости рассеяния  $\alpha$ -частиц.*

Проходя через фольгу,  $\alpha$ -частицы сталкивались с входящими в ее состав атомами, и некоторое количество частиц рассеивалось в разных направлениях по ту сторону фольги. Падая на флуоресцентный экран ( $S$ ), помещенный за фольгой, каждая  $\alpha$ -частица производила небольшую искру (сцинтиляцию) в точке столкновения. Наблюдая за этими сцинтиляциями через микроско-

скоп (М), можно было подсчитать количество частиц, рассеянных под разными углами от первоначального направления, так же, как при стрельбе по мишени из огнестрельного оружия можно измерить, на каком расстоянии отверстие от пули находится от центра. В своих экспериментах Резерфорд заметил, что, хотя большинство частиц проходили сквозь фольгу почти без отклонений, образуя люминесцентное пятно (центр мишени) напротив отверстия диафрагмы, некоторые были разбросаны под довольно значительным углом. Несколько изменив условия эксперимента, он увидел, что в некоторых случаях  $\alpha$ -частицы отталкиваются практически в обратном направлении, к источнику излучения.

Это наблюдение противоречило концепции модели атома Томсона. Проходя через атом, падающая  $\alpha$ -частица может быть отклонена от первоначальной траектории либо электрическим притяжением межатомных электронов, либо электрическим отталкиванием распределенного положительного заряда. Взаимодействие  $\alpha$ -частиц с электронами, которые почти в 10 000 раз легче их, безусловно, не может привести к заметному отклонению в движении  $\alpha$ -частиц. С другой стороны, положительно заряженное вещество в модели Томсона распределено слишком тонким слоем по всему телу атома, чтобы вызвать какое-либо заметное отклонение проходящих через него  $\alpha$ -частиц. Действительно, если мы бросим желез-

ный шар в кусок угля, он отскочит от него под случайным углом, возможно, разбив уголь на несколько частей. Но если мы измельчим этот же кусок угля в порошок и бросим тот же самый шар через образовавшееся облако угольной пыли, он пролетит без какого-либо отклонения. Очень большие отклонения, которые мы наблюдали в экспериментах Резерфорда по рассеянию, определенно доказали, что положительный заряд атома (связанный с большей частью массы) не распределен по всему его объему, как в предыдущем примере облака угольной пыли, но концентрируется, как твердый кусок угля, в небольшом крепком орешке — ядре. Наблюдаемая в эксперименте зависимость числа  $\alpha$ -частиц, разбросанных в разных направлениях от угла рассеяния, находилась в полном согласии с теоретической формулой рассеяния частиц, движущихся в поле отталкивающей центральной силы, значение которой обратно пропорционально квадрату расстояния.

Так появилась модель атома Резерфорда: с ее легкими отрицательно заряженными электронами, движущимися в свободном пространстве вокруг положительно заряженного тяжелого ядра в центре, чем-то напоминающая Солнечную систему. Поскольку закон электрического притяжения Кулона математически идентичен закону тяготения Ньютона (обе силы обратно пропорциональны квадрату расстояния), атомные электроны

движутся вокруг ядра вдоль круговой или эллиптической орбиты так же, как и планеты вокруг Солнца.

Но есть одно большое отличие, которое заключается в том, что, хотя Солнце и планеты электрически нейтральны, атомное ядро и электроны несут большие электрические заряды. Хорошо известно, что колеблющиеся электрические заряды создают расходящиеся электромагнитные волны. Атомную модель Резерфорда можно считать миниатюрной радиовещательной станцией, работающей на сверхвысокой частоте. Используя классическую теорию электромагнитной эмиссии, можно легко вычислить, что световые волны, испускаемые электронами, окружающими атомное ядро, вынесут всю энергию электронов в пространство в течение приблизительно стомиллионной доли секунды. Потеряв всю свою энергию, атомные электроны провалятся в ядро, и атом перестанет существовать!

Строго говоря, подобные потери энергии ожидаются и в случае с планетами Солнечной системы. Согласно Общей теории относительности Эйнштейна, колебание гравитирующих масс также испускает так называемые гравитационные волны, которые отнимают энергию.

Но из-за малого значения постоянной Ньютона потери энергии планет в результате гравитационного излучения чрезвычайно малы, и, поскольку они образовались около четырех или пяти миллиардов лет назад, планеты не могли потерять

хоть сколько-нибудь значимое количество своей первоначальной энергии.

## КВАНТОВАНИЕ МЕХАНИЧЕСКИХ СИСТЕМ

Что же делать с атомами, построенными по модели Резерфорда? Теоретически, как мы уже говорили, они не могут существовать дольше ста миллионных долей секунды, но в действительности они существуют вечно. Этот вопрос встал перед молодым Бором по прибытии в Манчестер. Ошеломляющие противоречия такого рода между теоретическими ожиданиями с одной стороны и наблюдаемыми фактами (или даже здравым смыслом) с другой — главные факторы развития науки. Несспособность А. Майкельсона обнаружить движение Земли относительно светоносного эфира\* привела к открытию Эйнштейном теории относительности, которая изменила наши обычные представления о пространстве и времени и классическую физику в принципе. Точно так же «ультрафиолетовая катастрофа», рассмотренная в предыдущей главе, привела Планка к совершенно новой идеи световых квантов.

Теоретическая невозможность экспериментально доказанной модели атома Резерфорда перекликалась с закравшимися у Бора ощущениями, что, если электромагнитная энергия квантуется, механическая энергия скорее всего тоже, хотя, воз-

\* См. книгу Бернарда Джиффа «Майкельсон и скорость света».

можно, и несколько другим способом. Фактически, когда возбужденный атом излучает квант света с энергией  $h\nu$ , его механическая энергия должна уменьшаться именно на эту величину. Поскольку атомные спектры состоят из серии отдельных, четко определенных линий, разности энергий между различными возможными состояниями атома также должны иметь четко определенные значения, как и абсолютные энергии самих этих состояний. Это наталкивает на мысль о том, что атомный механизм чем-то похож на автомобильную коробку передач. Можно включить 1-ю передачу, 2-ю, 3-ю передачу и т.д., но никогда  $1\frac{1}{2}$  или  $3\frac{3}{5}$  передачу.

Пусть  $E_1, E_2, E_3, E_4$  и т.д. — возможные значения энергии различных состояний атома, расположенные в порядке возрастания (рис. 11).

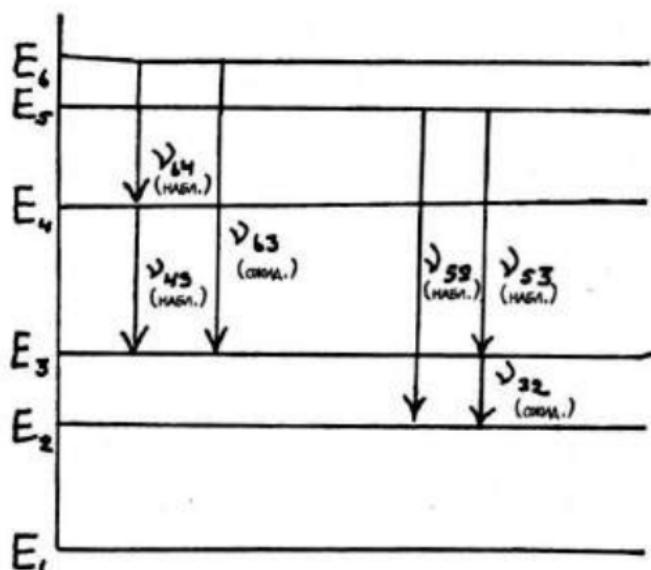


Рис. 11. Объяснение Бором правила Ридберга.

У атома всегда есть некоторая внутренняя энергия, но когда эта энергия падает до минимально возможного уровня,  $E_0$ , никакое ее количество не может быть использовано для испускания кванта света.

Этот уровень  $E_0$  является нормальным или основным состоянием атома, в котором он может существовать вечно. Это получило название нулевой энергии, и в случае с осциллятором составляет  $\frac{1}{2}h\nu$ . Предположим теперь, что атом приведен в возбужденное состояние с некоторой более высокой энергией  $E_1$ . Энергия может быть достигнута, например, путем воздействия на газ очень высокой температуры, как в атмосфере Солнца, где атомы приводятся в возбужденное состояние посредством сильных тепловых столкновений между собой. Другой способ привести атомы в возбужденное состояние — пропустить электрический разряд высокого напряжения через стеклянную трубку, заполненную разреженным газом\*.

Атомы возбуждаются от удара быстрых электронов, проносящихся через трубку от отрицательного электрода (катода) к положительному (аноду). Такие устройства, в которых газ начи-

\* Необходимо использовать разреженный газ, чтобы дать электронам достаточные промежутки времени между столкновениями, для восстановления энергии, потерянной при каждом столкновении, за счет ускорения во внешнем электрическом поле. При нормальном атмосферном давлении газы не проводят электричество, и как только напряжение становится очень высоким, происходит внезапный пробой в форме искры.

нает светиться при прохождении электрического разряда высокого напряжения, были первоначально известны как трубки Гейслера, названные так в честь своего изобретателя — Генриха Гейслера. Сегодня вы видите их повсюду: в светящихся уличных вывесках и других осветительных приборах.

Когда атом возбуждается до энергетического состояния  $E_m$ , он может вернуться в состояние с более низкой энергией  $E_n$  ( $n < m$ ), высвободив излишки энергии в виде кванта света. Теперь мы можем сказать:

$$h\nu_{m,n} = E_m - E_n,$$

или

$$\nu_{m,n} = \frac{E_m - E_n}{h}$$

Два индекса в  $\nu_{m,n}$  указывают, что эта конкретная частота в спектре соответствует переходу из квантового состояния движения  $m$  в квантовое состояние  $n$ .

Эта картина испускания световых квантов в результате перехода атома из состояния с более высокой энергией в состояние с более низкой энергией имеет очень интересное следствие.

Предположим, что в спектре некоторого элемента наблюдаются две линии, соответствующие переходу из 6-го квантового состояния в 4-е и из 4-го в 3-е (левая сторона на рис. 11). Тогда воз-

можно, что переход может произойти прямо из 6-го состояния в 3-е, и мы находим линию с частотой

$$\nu_{6,3} = \nu_{6,4} + \nu_{4,3}$$

Ситуация, показанная на правой стороне того же рисунка, противоположна. Из того факта, что мы наблюдаем частоты  $\nu_{5,2}$  и  $\nu_{5,8}$ , следует, что мы также можем наблюдать частоту

$$\nu_{3,2} = \nu_{5,2} - \nu_{5,3}$$

Швейцарский спектроскопист В. Ритц открыл этот закон сложения и вычитания, когда Нильс Бор еще был школьником. Однако в доквантовой спектроскопии правило Ритца и другие подобные числовые закономерности между наблюдаемыми частотами были лишь непонятными головоломками, которые нельзя было объяснитьrationально. Тем не менее они оказались очень полезными для Нильса Бора в его попытках решить проблему излучения и поглощения света атомами путем введения идеи дискретных квантовых состояний атомных электронов.

Для своих первых исследований Бор выбрал атом водорода, самый легкий и, по-видимому, самый простой по строению атом, который, как известно, также обладал очень простым спектром. В 1885 году швейцарский школьный учитель Дж. Дж. Балмер, который интересовался закономерностями линий атомных спектров, обнаружил,

что частота видимой части водорода может быть с большой точностью представлена очень простой формулой. Частоты этих линий, показанные на рис. 9 слева (где они показаны относительно длины волны  $\lambda = c/v$ ), приведены в следующей таблице:

$$\begin{aligned}H_a & \text{ --- } v_1 = 4,569 \times 10^{14} \text{ сек}^{-1}* \\H_\beta & \text{ --- } v_2 = 6,168 \times 10^{14} \text{ сек}^{-1} \\H_\gamma & \text{ --- } v_3 = 6,908 \times 10^{14} \text{ сек}^{-1} \\H_\delta & \text{ --- } v_4 = 7,310 \times 10^{14} \text{ сек}^{-1}\end{aligned}$$

Читатель сам может убедиться, что эти числа можно получить при помощи формулы:

$$v_{m,n} = 3,289 \times 10^{15} \left( \frac{1}{4} - \frac{1}{m^2} \right) \text{ сек}^{-1},$$

где  $m$  принимает значения: 3, 4, 5, 6\*\*.

Для больших значений  $m$  частоты попадают в ультрафиолетовую область, и линии становятся все более и более плотно расположеными, сходясь к значению

$$3,289 \times 10^{15} \times \frac{1}{4} = 6,225 \times 10^{14} \text{ сек}^{-1}.$$

\*  $\text{сек}^{-1}$  значит «в секунду»;  $\text{см}^{-1}$  значит «на сантиметр»; яблоки  $\times$  доллары $^{-1}$  значит «яблок за доллар».

\*\* Числовой коэффициент в приведенной выше формуле обычно обозначается буквой  $R$  и известен как постоянная Ридберга, хотя его было бы корректнее называть постоянной Бальмера.

В контексте представлений Бора о соотношении излучаемых световых квантов  $h\nu_{m,n}$  и энергетических состояний  $E_m$  и  $E_n$  (или уровней) атома формула Бальмера говорит нам о том, что  $m$ -я линия серии обусловлена переходом от  $m$ -ого состояния возбужденного атома водорода во второе состояние (так как  $4 = 2^2$ ). Если в формуле Бальмера заменить  $\frac{1}{4} = \frac{1}{2^2}$  на  $1 = \frac{1}{1^2}$  и брать значения  $m = 2, 3, 4$  и т.д., получается последовательность линий, которые попадают в дальнюю ультрафиолетовую область и фактически были обнаружены Теодором Лайманом. Если же сперва в формулу Бальмера подставим:  $\frac{1}{9} = \frac{1}{3^2}$  или  $\frac{1}{16} = \frac{1}{4^2}$ , то по изначальной формуле получаем частоты света, которые попадают в дальний инфракрасный диапазон и были обнаружены Фридрихом Пашеном и Фредериком Брэкеттом соответственно. Таким образом, механические квантовые состояния должны выглядеть так, как показано на рис. 12, что также указывает на переходы, приводящие к излучению серий Лаймана, Бальмера, Пашена и Брэкетта.

Таким образом, каждая линия во всем спектре характеризуется двумя индексами  $m$  и  $n$  двух квантовых уровней, между которыми происходит переход (начиная с  $m$ -го и заканчивая  $n$ -м).

Поскольку энергия кванта света равна разности энергий между состоянием, при котором он появился, и состоянием при котором исчез, обобщенную формулу Бальмера следует переписать так:

$$h\nu_{m,n} = Rh \left[ \left( -\frac{1}{m^2} \right) - \left( -\frac{1}{n^2} \right) \right] \text{ или } h\nu_{m,n} = \left( -\frac{Rh}{m^2} \right) - \left( -\frac{Rh}{n^2} \right),$$

где две величины в скобках представляют энергетические уровни  $E_m$  и  $E_n$ . Причина записи этих энергий в виде отрицательных величин заключается в том, что обычно нулевую энергию приписывают состоянию системы, когда все ее части находятся на бесконечном расстоянии друг от друга. Таким образом, если энергия системы положительна, она не будет сохраняться как одно целое, и все ее компоненты разлетятся. В стабильной системе, вроде системы планет, вращающихся



*Рис. 12. Исходная модель атома водорода Бора. Серия Лаймана находится в ультрафиолетовой части спектра, серия Бальмера — в видимой части спектра. Серии Пашина и Брэкетта — в инфракрасном диапазоне.*

вокруг Солнца, или электронов, вращающихся вокруг атомного ядра, энергия отрицательна, и для разделения системы потребуется источник энергии извне.

Чтобы объяснить значения энергии различных состояний атома водорода, как указано в приведенной выше формуле, Бор поставил два упрощающих условия:

1-е: атом водорода, являющийся самым простым атомом всей периодической системы элементов, содержит только один электрон.

2-е: разные квантовые состояния атома водорода соответствуют движению этого электрона по круговым орбитам с разными радиусами.

Следуя этим условиям, можно найти квантовые орбиты электронов из соотношения:

$$E_n = -\frac{R\hbar}{n^2}$$

Рассмотрим орбитальное движение электрона в  $n$ -м возбужденном состоянии атома водорода и запишем  $r_n$  и  $v_n$  для радиуса и орбитальной скорости электрона в  $n$ -м состоянии. Масса электрона равна  $m_e$ , а его заряд  $-e$ , тогда как заряд ядра (в данном случае протона) равен  $+e$ . Условием кругового движения электрона является то, что электростатическая сила притяжения  $-\frac{e^2}{r^2}$  уравновешивается центробежной силой  $+\frac{mv^2}{r}$ .

Из равенства

$$-\frac{e^2}{r^2} + \frac{m_e v^2}{r} = 0$$

следует:

$$v = \frac{e}{\sqrt{m_e r}}.$$

Получаем скорость  $v$  электрона, необходимую для его движения по окружности радиуса  $r$ .

Согласно этому уравнению классической механики, электрон может двигаться по любой круговой орбите, если он имеет необходимую скорость.

Каким же является квантовое условие, которое дает только орбиты с энергиями  $E_n = -\frac{R\hbar}{n^2}$ ?

В квантовой теории излучения, описанной в предыдущем разделе, мы указали, что колебания с заданной частотой  $v$  могут иметь энергию только одного, двух, трех или более световых квантов, так что  $E_n = nhv$  ( $n = 1, 2, 3$  и т.д.). Мы можем переписать это в виде:

$$\frac{E_n}{v} = -nh.$$

Это означает, что величина  $\frac{E}{v}$  может быть только кратной квантовой постоянной  $h$ . Здесь можно упомянуть, что физическая размерность  $h$  — это:

$$[\text{действие}] = \frac{[\text{энергия}]}{[\text{частота}]} = \frac{[\text{масса}] \times [\text{скорость}]^2}{[\text{частота}]} = \frac{[\text{масса}] \times [\text{длина}]^2}{[\text{время}]^{-1} \times [\text{время}]^2} = \\ = [\text{масса}] \times \frac{[\text{длина}]}{[\text{время}]} \times [\text{длина}] = [\text{масса}] \times [\text{скорость}] \times [\text{длина}]$$

Произведение массы частицы на ее скорость и расстояние, которое она проходит, есть хорошо

известная величина, называемая действием, и играет важную роль в классической аналитической механике. Например, «принцип наименьшего действия», сформулированный французским математиком П. Л. М. де Мопертюи в 1747 г., утверждает, что частица, подвергнутая действию силы, будет перемещаться из точки А в точку В по траектории, для которой «суммарное действие» от А до В будет либо наименьшим, либо наибольшим из всех других возможных траекторий между этими двумя точками. Закон световых квантов Планка добавляет к принципу Мопертюи дополнительное условие: общее действие всегда должно быть кратно  $h$ .

В случае замкнутой круговой траектории движения электрона вокруг ядра квантовое условие потребует, чтобы произведение массы электрона, его скорости и расстояния, пройденного за один оборот, было кратно  $h$ . Таким образом, для  $n$ -й орбиты Бора получим:

$$m_e \times v_n \times 2\pi r_n = nh$$

$$m_e \times \frac{e}{\sqrt{m_e r_n}} \times 2\pi r_n = 2\pi e \sqrt{m_e} \sqrt{r_n} = nh$$

$$r_n = \frac{h^2}{4\pi^2 e^2 m_e} \times n^2$$

Теперь мы вычислим полную энергию  $E_n$  электрона на  $n$ -й орбите, которая является суммой его кинетической энергии  $K$  и потенциальной энергии  $U$ . Используя выражение для скоро-

сти  $v = e/\sqrt{m_e r}$  показанное ранее, и помня, что потенциал энергии двух зарядов  $+e$  и  $-e$ , расположенных на расстоянии  $r$  друг от друга, равна  $+e^2/r$ , мы пишем:

$$E_n = K_n + U_n = \frac{1}{2} m_e \frac{e^2}{m_e r_n} + \frac{e^2}{r_n} = \frac{1}{2} \frac{e^2}{r_n} - \frac{e^2}{r_n} = -\frac{1}{2} \frac{e^2}{r_n}.$$

Подставляя в это выражение вместо  $r_n$  результат из предыдущей формулы, получим:

$$E_n = -\frac{4\pi^2 e^4 m_e}{h^2} \times \frac{1}{n^2},$$

что совпадает с эмпирическим выражением

$$E_n = -\frac{R h}{n^2},$$

полученным из формулы Бальмера, если написать:

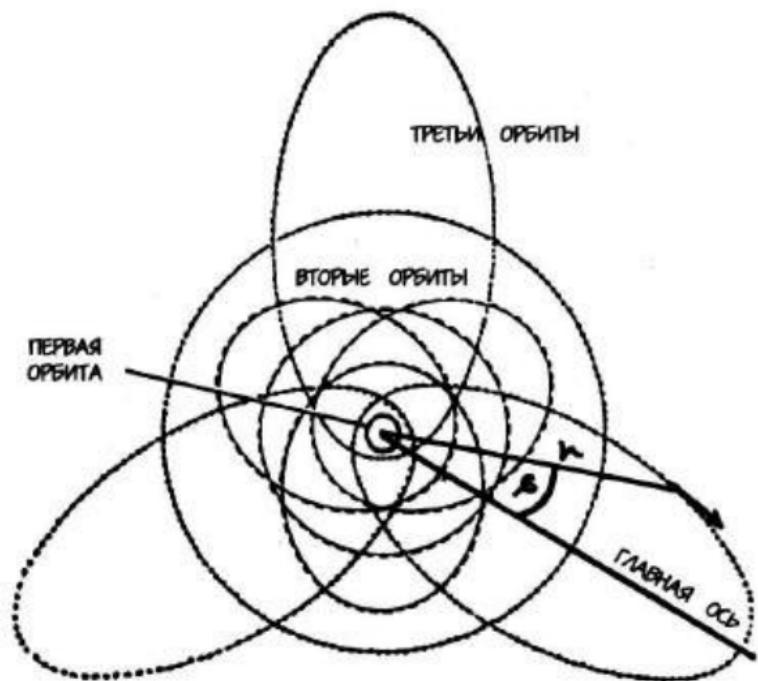
$$R = \frac{4\pi^2 e^4 m_e}{h^3}.$$

Когда Бор подставил в это выражение числовые значения  $e$ ,  $m_e$  и  $h$ , он получил  $R = 3,289 \times 10^{15}$  сек $^{-1}$ , что в точности соответствует его эмпирическому значению, полученному путем спектроскопического наблюдения. Таким образом, проблема квантования механической системы была успешно решена.

### ЭЛЛИПТИЧЕСКИЕ ОРБИТЫ ЗОММЕРФЕЛЬДА

За статьей Бора об атоме водорода вскоре последовала статья немецкого физика Арнольда Зом-

мерфельда, который применил идеи Бора к эллиптическим орбитам. Движение частицы в поле центральной силы, как правило, характеризуется двумя (полярными) координатами: расстоянием  $r$  от центра притяжения и полярным углом (азимутом)  $\phi$  относительно большой оси эллипса, как указано на рисунке (рис. 13);  $r$  имеет максималь-



*Рис. 13. Круговые и эллиптические квантовые орбиты в атоме водорода. Первая круговая орбита (сплошная линия) соответствует самой низкой энергии электрона. Следующие четыре орбиты, одна круговая и три эллиптические (пунктирные линии), соответствуют одной и той же энергии, которая выше, чем на первой орбите. Следующие девять орбит (линии с более мелким пунктиром), из которых только четыре показаны на рисунке, соответствуют еще более высокой энергии (одинаковой для всех девяти).*

ное значение, когда  $\phi = 0$ , уменьшается до минимального значения при  $\phi = \pi$  и снова увеличивается до своего максимального значения при  $\phi = 2\pi$ . Таким образом, в отличие от круговых орбит Бора, где  $r$  остается постоянным и изменяется только  $\phi$ , движение по эллиптическим орбитам Зоммерфельда характеризуется двумя независимыми координатами,  $r$  и  $\phi$ . Отсюда следует, что каждая квантованная эллиптическая орбита должна характеризоваться двумя квантовыми числами: азимутальным квантовым числом  $n_\phi$  и радиальным квантовым числом  $n_r$ . Применяя квантовые условия Бора, согласно которым суммарные механические воздействия для азимутальной и радиальной составляющих движения должны быть кратными  $n_\phi$ ,  $n_r$  и  $h$ , Зоммерфельд получил формулу для энергии квантованного эллиптического движения:

$$E_{n_\phi, n_r} = -\frac{Rh}{(n_\phi + n_r)^2}.$$

Это абсолютно то же самое, что и изначальная формула Бора, за исключением того, что вместо квадрата целого числа знаменатель представляет собой квадрат суммы двух произвольных целых чисел, который, конечно же, является произвольным целым числом. Если  $n_r = 0$ , перед нами, в качестве частного случая, круговые орбиты Бора. Если  $n_r \neq 0$ , мы получим эллиптические орбиты с различной степенью эллиптичности. Но энергии

всех орбит, соответствующих одной и той же сумме  $n_\phi + n_r$ , абсолютно одинаковы, несмотря на их различные формы. Сумма  $n_\phi + n_r$ , которую обычно обозначают как просто  $n$ , называется главным квантовым числом.

Здесь можно отметить, что релятивистский подход к атому водорода дает несколько иной результат, потому что масса частицы в соответствии с механикой Эйнштейна увеличивается с ее скоростью, приближаясь к бесконечному значению, когда скорость приближается к скорости света  $c$ . На самом деле, если  $m_0$  — это «масса покоя» частицы (в сущности, ее масса, когда она движется гораздо медленнее, чем свет), масса с гораздо более высокой скоростью  $v$  определяется как:

$$m = \frac{m_0}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}},$$

которая стремится к бесконечности, когда  $v$  приближается к  $c$ . Так как при эллиптическом движении скорость изменяется для разных точек траектории (второй закон Кеплера), масса электрона также изменяется, и вычисления становятся более сложными. В этом случае энергии разных орбит, соответствующих одному и тому же главному квантовому числу, уже слегка отличаются, и один уровень распадается на несколько близко расположенных компонентов.

Соответственно, одна спектральная линия, возникающая в результате переходов между двумя квантовыми уровнями, характеризующимися двумя главными квантовыми числами  $m$  и  $n$ , распадается на ряд компонентов. Это расщепление, которое можно наблюдать только с помощью спектрального анализатора с очень высокой разрешающей способностью, известно как «тонкая структура» спектральных линий. Различия в частотах между компонентами тонкой структуры зависят от так называемой постоянной тонкой структуры  $\alpha$ , которую можно вычислить следующим образом:

$$\alpha = \frac{e^2}{hc} = \frac{1}{137}.$$

Эта величина не имеет физической размерности: она — безразмерная величина, а ее малость объясняет близость компонентов тонкой структуры. Если бы  $c$  было бесконечно, а было бы нулем, и никакой тонкой структуры вообще бы не наблюдалось.

Теория Бора вновь получила развитие, когда выяснилось, что эллиптические орбиты Зоммерфельда не обязательно должны быть в одной плоскости, но могут иметь разную ориентацию в пространстве, в результате чего атомы с большим количеством электронов, движущихся по множеству различных орбит, выглядят не как плоские диски (как в нашей Солнечной системе), а, скорее, как трехмерные тела.

## ИНСТИТУТ НИЛЬСА БОРА

После триумфального возвращения Бора в Данию Королевская датская академия наук оказала ему финансовую поддержку, чтобы он смог построить собственный институт атомных исследований и предоставить стипендии молодым физикам-теоретикам со всех уголков мира, которые хотели приехать в Копенгаген, чтобы работать с ним. Так на улице Блэгдамсвей, 15\* и возникло здание Института теоретической физики, а рядом с ним — дом директора Бора и его семьи.

Нельзя не упомянуть тот факт, что Королевская датская академия наук получает основную финансовую поддержку от Карлсбергской пивоварни, которая производит лучшее пиво в мире. Много лет назад основатель пивоварни завещал доход от нее в пользу академии, средства должны были пойти на развитие науки, также в его завещании было указано, что роскошный особняк, который старик Карлсберг построил для себя прямо посреди своего пивного завода, теперь предоставляется в качестве резиденции самому известному из ныне живущих датских ученых.

Когда Бор обрел известность, а прежний хозяин особняка умер в начале тридцатых годов, Бор переселился в него вместе со своей семьей. На рис. 14 можно увидеть зарисовку галстука с изо-

\* Официальный адрес института с тех пор был изменен на Блэгдамсвей, 17.

бражением бутылки пива «Карлсберг», который был сделан к юбилею известного датского биохимика Линнерстрём-Ланга, который много лет был директором исследовательской лаборатории Карлсбергского пивоваренного завода.

Это важный символ для всех, кто получал стипендию Карлсберга, работая в Институте Бора.



Рис. 14. Пиво Карлсберг и его последствия.

Институт Бора быстро стал мировым центром квантовой физики, и, пользуясь известной фразой древних римлян, можно было смело заявить: «Все дороги ведут в Блэгдамсвей, 17». Институт был похож на улей, гудящий от работы молодых физиков-теоретиков и их новых идей об атомах, атомных ядрах и квантовой теории в целом. Популярность института была обусловлена как гением его директора, так и его сердечностью, можно сказать, отеческой добротой. В то время как еще один гений той эпохи, Альберт Эйнштейн, будучи также очень добрым человеком, никогда не создавал вокруг себя никаких «школ», а работал, как правило, только с одним помощником, Бор «вырастил» не одного ученого. Почти в каждой стране мира есть физики, которые с гордостью говорят: «Мне довелось поработать с Бором». Посетив однажды Геттингенский университет, Бор встретил молодого немецкого физика Вернера Гейзенberга (см. главу 5), который в возрасте двадцати пяти лет уже сделал важный вклад в области квантовой механики. Бор предложил Гейзенбергу приехать в Копенгаген, чтобы поработать с ним.

На следующий день на обеде, организованном в честь Бора в университете, двое немецких полицейских в форме прервали трапезу, и один из них, положив руку на плечо Бора, объявил: «Вы арестованы по обвинению в похищении маленьких детей!» Конечно, «полицейские» были на самом деле двумя переодетыми студентами, и Бор не

отправился в тюрьму, зато Гейзенберг отправился в Копенгаген! Многие физики-теоретики из Европы и Америки ездили в Копенгаген на год, два или более, и впоследствии возвращались снова и снова: П. Дирак (см. главу 6) и Н. Мотт (ныне директор Кавендишской лаборатории) из Англии; Х. Крамерс и Х. Казимир из Голландии; Вольфганг Паули (глава 3), Вернер Гейзенберг (глава 5), М. Дельбрюк (см. Приложение) и Карл фон Вайцзеккер из Германии; Л. Розенфельд из Бельгии; С. Росселанд из Норвегии; О. Клейн из Швеции; Г. Гамов и Л. Ландау из России; Р. Толмен, Дж. Слейтер и Роберт Оппенгеймер из США; Ё. Нишина из Японии; и т.д. Одни приезжали ненадолго, другие оставались на длительный срок, третьи просто посещали конференции, которые проводились каждую весну.

Одним из самых ярких посетителей был Пауль Эренфест, профессор Лейденского университета. Эренфест родился в Вене в 1880 году и учился у Больцмана, получил докторскую степень в 1904 году. В тот год он женился на Татьяне, математике из России, и они переехали в Санкт-Петербург, где оставались до 1912 года, когда его пригласили на кафедру физики в Лейденском университете. Он оставался там до своей смерти в 1933 году. Его работы по статистической механике и теории адиабатических инвариантов слишком абстрактны и сложны, чтобы описывать их в этой книге, но он был бесценным участником

всех научных собраний из-за его глубоких познаний в физике и критического мышления, которые помогли ему найти несостыковки (иногда ложные) в новой теории. Он любил называть себя «школьным учителем», и многие из его учеников действительно преуспели в своей последующей научной карьере.

Однажды, когда я\* ехал из Дании в Англию через Голландию, Эренфест пригласил меня остаться в его доме на несколько дней. Он встретил меня на вокзале, привел к себе домой и, показав гостевую комнату, в которой я должен был спать, сказал: «Здесь не курят. Если вы хотите курить, идите на улицу».

В то время я курил почти столько же, сколько и сейчас, поэтому я обошел его правило: отодвинул заслонку голландской печи в моей комнате, и дымил прямо туда. Он ненавидел любой запах, кроме свежего воздуха. Однажды его ученик Казимир (сейчас научный директор радиокомпании «Филипс») назначил ему встречу во второй половине дня. Перед встречей Кас (сокращение от Казимира, что по-голландски означает «сыр») пошел в парикмахерскую, чтобы подстричься, и слишком поздно заметил, что парикмахер втирает лосьон в его светлые волосы. Все два часа до встречи с Эренфестом ему пришлось потратить, прогуливаясь по улицам, чтобы запах лосьона

\* В своих воспоминаниях автор позволит себе отойти от академического стиля и будет вести повествование от первого лица.

выветрился. И, конечно же, никто не посмел бы сказать Эренфесту, что голландский Болс лучше (или хуже) английского джина!

В любительской пьесе «Бледамсвей Фауст», известной среди ученых, Эренфест сыграл роль Фауста, которого соблазняет Мефистофель (Паули), показывая ему видение Гретхен (нейтирино).

Личность Нильса Бора и радости его жизни и работы в институте до сих пор свежи в моих воспоминаниях (начиная с 1928 года и до конца его жизни), и я надеюсь, что одна-две истории из его жизни помогут читателю сформировать хотя бы общее представление о личности этого замечательного человека.

После сдачи комплексного экзамена в Ленинградском университете весной 1928 года мне удалось получить разрешение от советского правительства на двухмесячное пребывание в летней школе в Геттингенском университете. В то время идея «пролетарских» и «капиталистических» наук, враждующих между собой, еще не сформировалась в Советской России, а проблема выезда за границу заключалась лишь в сложности обменять большое количество русских рублей на эквивалентную сумму немецких рейхсмарок.

Предоставив рекомендации нескольких профессоров университета, мне удалось получить довольно скучную сумму немецких денег, и я оказался на корабле, плывущем из Ленинграда к немецким берегам.

Прибыв в Гётtingен, я снял типичную студенческую комнату и принялся за работу.

Это было всего через два года после открытия волновой механики (см. главу 4), и все были озабочены расширением первоначальной теории Бора об атомной и молекулярной структуре в контексте новой и более продвинутой области волновой механики. Но я не люблю и никогда не любил работать над тем, над чем и без меня уже трудится слишком много людей, поэтому решил попробовать обратиться к структуре атомного ядра. В то время ядро изучалось экспериментально, но к теории его структуры и свойств еще никто не подступался. В течение этих двух месяцев в Гётtingене я нащупал золотую жилу: на основе волновой механики мне удалось объяснить самопроизвольный распад радиоактивных ядер, а также ядерный распад под облучением частиц, выпущенных извне. Как я обнаружил позже, очень похожая работа была проделана в это же время британским физиком Р. Гёрни в сотрудничестве с американским физиком Э. Кондоном; в сущности, наши статьи были представлены для публикации почти в один и тот же день.

К концу летней школы в Гётtingене у меня закончились деньги, и мне пришлось уехать домой. Но по дороге я решил остановиться в Копенгагене, чтобы встретиться с профессором Н. Бором, работой которого я так восхищался. В Копенгагене я снял самую дешевую комнату

в маленьком ветхом отеле и отправился в Институт Бора к его секретарю мисс Шульц, чтобы договориться о встрече. (Когда я был в Копенгагене несколько лет назад, примерно за год до смерти Бора, она все еще там работала.) «Профессор, — сказала она, — сможет встретиться с вами сегодня днем».

Когда я вошел в его кабинет, я увидел дружелюбного улыбающегося человека средних лет, который спросил меня, каковы мои интересы в физике и над чем я сейчас работаю. Я рассказал ему о работе, которую проделал в Гёттингене по ядерным превращениям (рукопись была отправлена для публикации, но в печать еще не вышла). Бор внимательно выслушал и сказал: «Очень интересно, действительно, очень и очень интересно. Как долго вы собираетесь оставаться здесь?» Я объяснил, что денег у меня оставалось еще ровно на один день. «Но не могли бы вы остаться на год, — спросил Бор, — если я предложу вам карлсбергскую стипендию в нашей Академии наук?\*» Я открыл рот от изумления и наконец смог пробормотать: «О, да, я могу!» Дальше все происходило быстро. Мисс Шульц отвела мне очень хорошую комнату в пансионе, которым руководила мисс Хейв, всего в нескольких кварталах от института, который впоследствии стал площадкой для многих молодых физиков, приезжающих работать с Бором. Работа в институте была очень легкой

\* Сейчас я имею честь быть членом этой Академии.

и простой: каждый мог делать все, что хотел, приходить на работу и уходить домой, когда ему было угодно. Другим молодым человеком, приехавшим в пансионат мисс Хейв, был Макс Дельбрюк из Германии. Мы оба любили спать подольше, и мисс Хейв разработала особый метод, чтобы поднять нас. Она приходила ко мне в комнату и будила меня: «Профессор Гамов, вам лучше бы подниматься. Доктор Дельбрюк уже позавтракал и ушел на работу!» Затем она проделывала то же самое со спящим Дельбрюком: «Профессор Дельбрюк, просыпайтесь. Доктор Гамов уже ушел на работу!» А потом мы с Максом встречались в ванной. Но все-таки каждый продвигался в своей работе, особенно по вечерам, ведь вечер — самое вдохновляющее время дня для физиков-теоретиков. В один из вечеров Бор то и дело прерывал работу в институтской библиотеке, наконец, он сказал, что очень устал и хотел бы пойти в кино.

Единственное кино, которое ему нравилось, это вестерны (в голливудском стиле), и ему всегда нужно было, чтобы несколько учеников пошли с ним и объясняли сложные сюжеты, в которых участвовали дружелюбные и враждебные индейцы, храбрые ковбои и головорезы, шерифы, барменши, золотоискатели и другие персонажи Старого Запада. Но его теоретический ум проявлялся даже в этих походах в кино. Он разработал теорию, объясняющую, почему, несмотря на то, что злодей всегда нападает первым, герой оказывается бы-

стреем и в итоге убивает его. Эта теория Бора была основана на психологии. Поскольку герой никогда не стреляет первым, злодей должен принимать решение, когда начать атаку, что сильно его отвлекает. Герой, с другой стороны, действует в соответствии с условным рефлексом и автоматически хватается за оружие, как только видит движение руки злодея. Мы не согласились с этой теорией, и на следующий день я пошел в магазин игрушек и купил два пистолета. Мы устроили перестрелку с Бором, он был «героем», и ему удалось победить всех своих учеников.

Еще одно замечание Бора, навеянное западными фильмами, касалось теории вероятности. «Я могу поверить, — сказал он, — что девушка, прогуливаясь по узкой тропе где-то в Скалистых горах, оступается и, скатываясь к пропасти, хватается за крошечную сосну на краю и таким образом спасает себя от неизбежной смерти. Я также могу себе представить, что именно в это время красивый ковбой может ехать по той же тропе и, заметив происшествие, привязать лассо к седлу своей лошади и спуститься вниз, чтобы спасти девушку. Но мне кажется абсолютно невозможным, что в это же время там окажется оператор, чтобы снять это захватывающее событие на пленку!»

В молодости Нильс Бор был настоящим спортсменом, а на футбольном поле (в Старом Свете играли сферическим мячом, по которому

били ногой) уступал только своему брату, известному математику Харальду Бору, который был первоклассным полузащитником копенгагенской команды.

Когда во время рождественских каникул в 1930 году я поехал с Бором (которому тогда было сорок пять лет), чтобы присоединиться к группе норвежских ученых (Росселанд, Солберг и «Старик Бьеркнес») для катания на лыжах в северной части Норвегии за полярным кругом, Бор нас всех обогнал.

Одна история, которую я всегда люблю рассказывать, когда речь заходит о Боре, касается вечера в Копенгагене, когда Бор, Фру (его жена), вышеупомянутый Казимир и я возвращались с прощального ужина, который дал Оскар Клейн по случаю его избрания в качестве профессора университета в его родной Швеции. В этот поздний час улицы города были пусты (чего нельзя сказать об улицах Копенгагена сегодня). По дороге домой мы миновали здание банка со стенами из крупных цементных блоков. На углу здания расщелины между рядами блоков были достаточно глубокими, чтобы дать точку опоры хорошему альпинисту. Казимир, превосходный скалолаз, поднялся почти на третий этаж. Когда Кас спустился, Бор, не имевший никакого опыта в этом деле, решил повторить его подвиг. В тот момент, когда он, еле держась, висел на уровне второго этажа, а Фру Бор, Казимир и я с тревогой наблю-

дали за его попыткой, сзади подошли два копенгагенских полицейских с оружием в руках. Один из них поднял голову и сказал другому: «Да это же просто профессор Бор!», и оба спокойно отправились на охоту за более опасными грабителями банков.

Есть еще одна забавная история о причудах Бора. Над входной дверью своего загородного дома в Тисвильде он прибил подкову, которая, как известно, приносит удачу.

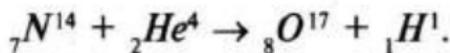
Увидев это, посетитель воскликнул: «Вы, великий ученый, действительно верите, что подкова над входом в дом приносит удачу? Нет, — ответил Бор, — я, разумеется, не верю в эту примету. Но, знаете, — добавил он с улыбкой, — говорят, что она приносит удачу, даже если в это не верить!»

После открытия волновой механики и формулировки Гейзенбергом принципа неопределенности Бор вложил всю свою энергию в полуфилософскую разработку концепции двойственности взгляда на микроявления в физике, согласно которой каждый физический объект, будь то квант света, электрон или любая другая атомная частица, представляют собой две стороны медали. С одной стороны, объект можно рассматривать как частицу, а с другой — как волну. В главе 5 мы более подробно рассмотрим эту тему. Также работая со своим помощником Л. Розенфельдом, он расширил первоначальное соотношение неопределенности для отдельной частицы, применив его к электромагнитному полю, чем заложил основу

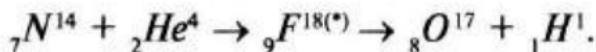
для очень сложной ветви квантовой теории, известной как квантовая электродинамика.

В более поздние годы, после открытия нейтронов, Бор стал сильно интересоваться тогда только частично разработанной теорией ядерных реакций. Он показал, что, когда облучающая частица попадает внутрь ядра, она не просто выталкивает некоторые ядерные частицы, подобно двум соударяющимся бильярдным шарам, но и остается там некоторое время (возможно, около одной десятимиллиардной доли секунды), распределяя энергию удара среди всех остальных частиц. Тогда эта энергия может быть излучена в виде кванта  $\gamma$ -лучей или, накопившись в некоторых ядерных частицах, вытолкнуть их.

Так, например, первые исследования Резерфорда по ядерным реакциям не следует представлять в том виде, в котором они изначально были записаны:



Это, скорее, трехступенчатый процесс:



В условных обозначениях атомных ядер различных химических элементов нижние индексы слева представляют собой атомные номера элементов; верхние индексы справа — это атомные веса рассматриваемых изотопов. Промежуточный недолговечный продукт  ${}_9F^{18(*)}$  (возбужденное ядро

изотопа фтора) известен как «составное ядро», и введение этого понятия значительно упростило анализ сложных ядерных реакций.

Когда я окончательно покинул Советскую Россию в 1933 году, я стал профессором физики в Университете Джорджа Вашингтона в Вашингтоне, округ Колумбия, где в следующем году ко мне присоединился старый друг и бывший студент Бора профессор Эдвард Теллер. Следуя примеру Копенгагена, под эгидой Университета Джорджа Вашингтона и Института Карнеги были организованы ежегодные конференции по теоретической физике, где доктор Мерл Тув проводил важные экспериментальные исследования по ядерной физике. Состав конференции 1939 года был особенно хорош: в первом ряду присутствовали Нильс Бор (который в то время находился в Соединенных Штатах) и Энрико Ферми (см. главу 7).

Первый день конференции прошел спокойно за обсуждением текущих проблем, но следующий день оказался очень волнительным. Бор слегка опоздал тем утром, с собой он принес радиограмму от профессора Лизы Мейтнер из Стокгольма (куда она эмигрировала из нацистской Германии). В сообщении было сказано, что ее бывший напарник, профессор Отто Ган, и его коллеги в Берлине обнаружили, что в образце урана, облучаемого нейтронами, появились барий и другой элемент, который оказался изотопом криптона.

Она и ее племянник, физик-теоретик Отто Фриш, предположили, что результат эксперимента говорит о том, что твердое ядро урана расщепляется на две примерно равные части.

Читатель может представить волнение этого и оставшихся дней конференции. В ту же ночь эксперимент был повторен в лаборатории Тува, и было обнаружено, что деление урана под воздействием одного свободного нейтрона приводит к испусканию еще нескольких новых нейтронов. Возможность разветвленной цепной реакции и широкомасштабного освобождения ядерной энергии казалась открытой. Вежливо выпроводив журналистов из зала заседания, ученые тщательно взвесили все положительные и отрицательные стороны цепной реакции деления. Бор и Ферми, стоящие перед доской и вооруженные длинными кусочками мела, напоминали двух рыцарей на средневековом турнире. Именно так ядерная энергия вошла в мир человека, что привело к созданию урановых бомб, ядерных реакторов, а затем и термоядерного оружия!

Когда началась Вторая мировая война, Бор находился в Копенгагене, и он решил переждать нацистскую оккупацию, чтобы оказать как можно больше помощи своим соотечественникам. Но однажды он услышал от датского подполья, что на следующее утро его арестует гестапо. В ту же ночь датский рыбак переправил его через Сунд к берегу Швеции, где его подобрал британский бомбардировщик «Москито». Эти бомбардиров-

щики были небольшими, и Бору пришлось занять место в хвостовой части самолета, где обычно располагается хвостовой стрелок. Он мог общаться с кабиной только по внутренней связи. Где-то над Северным морем пилот решил спросить, как чувствует себя Бор, но не получил никакого ответа. Крайне встревоженный, пилот приземлился на английской взлетно-посадочной полосе, бросился к хвосту самолета и открыл дверь отсека хвостового стрелка. Внутри Бор, целый и невредимый, спал безмятежным сном!

Приехав из Англии в Соединенные Штаты, Бор направился прямо в Лос-Аламос, чтобы продолжить работу над атомной бомбой. Из-за строгих правил безопасности он носил документы на имя Николаса Бейкера, а ласково его называли «дядя Ник». Есть история о том, что во время одного из своих визитов в Вашингтон он встретил в лифте отеля молодую женщину, которую он часто видел в Копенгагене. Раньше она была женой физика-ядерщика профессора фон Хальбана и часто бывала в Копенгагене со своим мужем. «Очень рада снова вас видеть, профессор Бор», — поприветствовала она его. «Извините, — сказал Бор, — вы, должно быть, ошиблись. Меня зовут Николас Бейкер». «Но, — добавил он, стараясь быть вежливым, не нарушая правил безопасности, — я вас помню. Вы миссис фон Хальбан». «Нет, — отрезала она, — я миссис Плачек». Дело в том, что некоторое время назад она развелась со своим первым мужем и вышла замуж за Георга

Плачека, который ранее длительное время работал с Бором.

Летом 1960 года, когда мы с женой путешествовали по Европе, отправились в Копенгаген, чтобы навестить Бора и его семью. Он проводил лето в своем загородном коттедже в Тисвильде и пригласил нас быть его гостями на несколько дней. Он был абсолютно таким же, каким я помню его, когда впервые увидел в 1928 году, но, конечно, гораздо более медлительным и менее энергичным. Мы много говорили о трудностях в современном развитии физики. Поэтому я был совершенно шокирован, когда через два года услышал по радио, что Нильс Бор умер.



## Глава 3

### В. ПАУЛИ И ЕГО ПРИНЦИП ИСКЛЮЧЕНИЯ

Одним из самых ярких посетителей на улице Блэгдамсвей был, без сомнения, Вольфганг Паули. Паули родился в Германии в 1900 году и провел большую часть своей жизни в качестве профессора в Цюрихе, и чудесным образом становился демоном вдохновения всякий раз, когда дело касалось развития теоретической физики. Его заразительный, в некотором роде сарднический смех оживлял любую конференцию, на которой он появлялся, независимо от того, насколько скучной она казалась вначале. Свои нескончаемые новые идеи он преподносил аудитории, прогуливаясь взад-вперед возле своего стола, отчего его тучное тело слегка колебалось. Его манера держать себя

вдохновила кого-то на стихотворение, из которого я могу вспомнить лишь этот фрагмент:

В пылу дискуссии научной  
Колеблется профессор тучный,  
Когда работу защищает,  
Вибрировать не прекращает.  
Блеск гениальнейших идей  
Он отгрызает от ногтей!

Однажды, предположительно по указанию врача, Паули решил сбросить вес и, как и во всем, что он пытался сделать, преуспел в этом деле очень быстро. Когда он снова появился в Копенгагене уже без лишних килограммов, он был совсем другим человеком: грустным, мрачным и ворчливым. Мы все убедили его присоединиться к трапезе с восхитительным венским шницелем и замечательным пивом «Карлсберг», и менее чем через две недели Паули снова стал самим собой.

С политической точки зрения Паули был антинацистом и никогда не поднимал правую руку в приветствии «Хайль Гитлер» — кроме одного раза. Читая лекции в Мичиганском университете в Анн-Арбore, он присоединился к веселой вечеринке на озере и, выходя из лодки в темноте, упал, сломав правую руку в плече. Ему наложили гипс и зафиксировали руку под углом на 45 градусов. На своей следующей лекции он держал мел в левой руке и обращался к студентам так, как это было

принято у нацистов. Он отказывался фотографироваться до тех пор, пока не сняли гипс.

Паули начал свою научную карьеру очень рано и в возрасте двадцати одного года написал книгу по теории относительности, которая (в пересмотренном издании) до сих пор представляет собой одну из лучших книг по этой теме. В мире физики он знаменит благодаря трем вещам:

1. Принцип Паули, который он предпочитал называть принципом исключения.
2. Нейтринно Паули, о котором он размышлял с начала двадцатых годов и которое в течение трех десятилетий не было экспериментально обнаружено.
3. Эффект Паули — загадочное явление, которое не объясняется и, вероятно, никогда не будет объяснено с точки зрения здравого смысла.

Всем известно, что физики-теоретики не могут работать с экспериментальным оборудованием; оно ломается всякий раз, когда они его касаются. Паули был настолько хорошим физиком-теоретиком, что обычно в лаборатории что-то ломалось каждый раз, когда он просто заходил в нее. Загадочное событие, которое поначалу, казалось, никак не было связано с присутствием Паули, произошло в лаборатории профессора Дж. Франка в Гётtingене. Однажды днем без видимой причины вышел из строя сложный прибор для изучения атомных явлений. Франк с юмором написал об этом Паули по адресу в Цюрихе и через некоторое время полу-

чил ответ в конверте с датской печатью. Паули писал, что он отправился навестить Бора, и во время аварии в лаборатории Франка его поезд на несколько минут остановили на железнодорожной станции Гёттингена. Вы можете не верить в эту историю, но существует много других наблюдений, подтверждающих существование эффекта Паули!

## ОГРАНИЧЕНИЕ ЧИСЛА ЭЛЕКТРОНОВ НА ЭНЕРГЕТИЧЕСКОМ УРОВНЕ

Принцип Паули, в отличие от эффекта Паули, доказан гораздо лучше и касается движения электронов в атомах. В предыдущих главах мы описали квантовые орбиты или, выражаясь более современным языком, квантовые колебательные состояния в кулоновском поле сил, окружающих атомное ядро\*. Поскольку атом водорода содержит только один электрон, этот электрон может свободно занимать любой возможный энергетический уровень и, при отсутствии внешнего воздействия, естественным образом расположен максимально близко к ядру в состоянии с наименьшей энергией.

Если его энергия увеличивается под воздействием внешних сил, она возвращается обратно в исходное низшее состояние, по мере испуская различных линий водородного спектра. Но что происходит с атомами, содержащими два, три

---

\* См. следующую главу.

и более электронов? В главе II мы вывели две формулы для атома водорода в его низшем энергетическом состоянии ( $n = 1$ ). Радиус орбиты, или, точнее, средний радиус непрерывной функции, описывающей это состояние, определяется как:

$$r_1 = \frac{\hbar^2}{4\pi^2 e^2 m},$$

а наименьшая энергия как:

$$E_1 = -\frac{4\pi^2 e^2 m}{\hbar^2}.$$

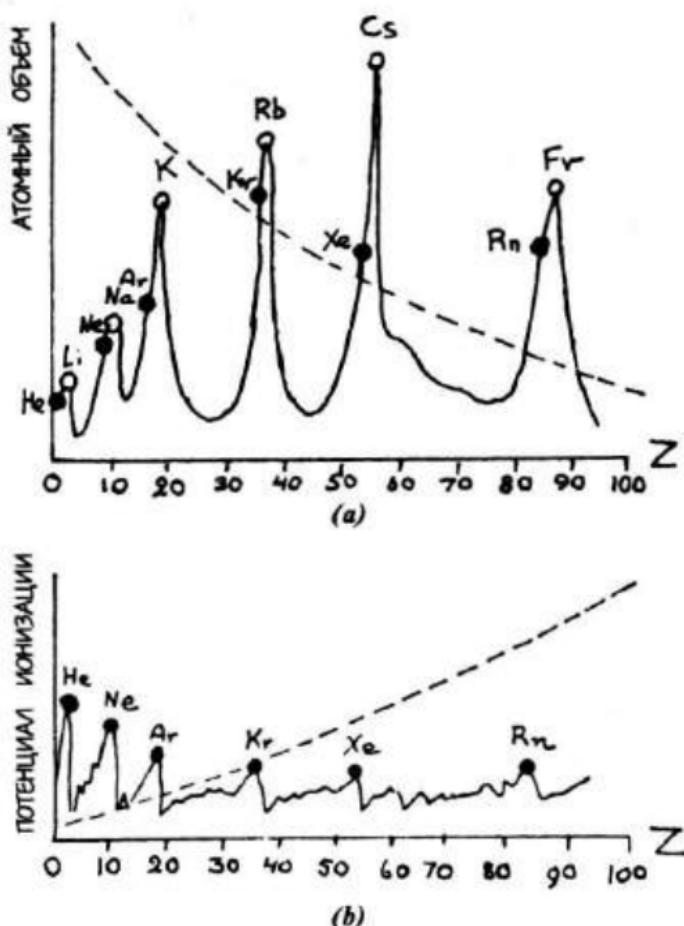
Эти формулы получены, исходя из предположения, что электрическая сила равна  $e^2/r^2$ . Предположим теперь, что единственный электрон вращается вокруг ядра с зарядом  $Z_e$ , где  $Z$  — его атомный номер. В этом случае сила будет равна  $Ze^2/r^2$  вместо  $e^2/r^2$ , и в приведенных выше формулах мы должны заменить  $e^2$  на  $Ze^2$ , а  $e^4$  на  $Z^2e^4$ . С увеличением атомного номера  $Z$  радиусы основного состояния будут уменьшаться как  $Z$ , а абсолютные значения их энергий будут увеличиваться как  $Z^2$ . Если вместо одного электрона мы поместим  $Z$  электронов и если они все соберутся на самом низком уровне, атомы, образующие естественную систему элементов, станут все меньше и меньше и будут все более и более плотно упакованы. Конечно, следуя этим рассуждениям, необходимо помнить, что электростатическое отталкивание между электронами будет стремиться раздвинуть их, но можно легко увидеть, что это

отталкивание не будет достаточно сильным, чтобы помешать атомам более тяжелых элементов сжаться до значительно меньших размеров.

Таким образом, можно ожидать, что объемы атомов\* будут непрерывно и довольно быстро уменьшаться на всем пути от водорода до урана, как показано пунктирной линией на рис. 15а. Сплошная линия на том же рисунке, представляющая экспериментальные данные, выглядит совсем не так. Она имеет очень плавный наклон и характеризуется в основном своей пилообразной формой с острыми пиками в местах расположения инертных газов (*He, Ne, Ar, Kr, Xe* и т.д.), которые, как известно любому химику, очень неохотно вступают в реакцию с другими элементами или между собой. Кроме того, если бы все электроны атома накапливались на самом низком энергетическом уровне, сложность извлечения одного электрона из атома быстро возрастала бы от легких к тяжелым элементам на протяжении естественной системы (прерывистая линия на рис. 15б). Это опять-таки совсем не согласуется с наблюдаемой кривой потенциалов ионизации, которая характеризует эту сложность и показана сплошной линией на том же рисунке. И, сравнивая две кривые, мы замечаем, что максимальная сложность извлечения атомного электрона достигается в тех же местах, где атомные объемы имеют наименьшие

\* Их можно рассчитать по известным атомным весам и плотностям различных элементов, поделив вес 1 см<sup>3</sup> данного элемента на вес его атомов.

величины. Таким образом, похоже, что последовательность химических элементов может быть представлена как ряд атомов с периодически меняющимися размерами и устойчивостью к отдаче своих электронов.



*Рис. 15. Изменения атомных объемов и потенциалов ионизации на протяжении естественной системы элементов. Черные круги соответствуют инертным газам (энергетические оболочки которых заполнены), имеющим самую сильную связь. Черные круги — это щелочные металлы, электроны которых начинают заселять новые оболочки.*

В результате мы можем сделать вывод, что с добавлением все большего и большего числа электронов объемы, занимаемые различными квантовыми состояниями, уменьшаются, но число состояний, занимаемых электронами, увеличивается, так что полный внешний диаметр атома остается приблизительно постоянным. Следовательно, должен существовать некоторый базовый физический принцип, предотвращающий скопление всех атомных электронов в низшем квантовом состоянии; как только «квота» для данного уровня заполняется, все последующие электроны должны быть размещены в других квантовых состояниях с более высокой энергией. Паули предположил, что можно прийти к удовлетворительному результату, если допустить, что только два электрона занимают квантовое состояние, описанное тремя квантовыми числами: радиальным  $n_r$ , азимутальным  $n_\phi$  и ориентационным  $n_o^*$ .

В первоначальной теории Бора, в ходе которой и был впервые сформулирован принцип Паули, эти три квантовых числа соответствовали средним диаметрам, эксцентризитетам и пространственной ориентации квантовых орбит электрона. В волновой механике\*\* они представляют число узлов

\* Здесь, для простоты, мы отступаем от принятой терминологии в теории квантовых чисел. В любой отрасли науки терминология становится настолько громоздкой в процессе своего развития, что ее очень сложно выразить простым способом для читателя, который впервые сталкивается со всеми этими сложными понятиями.

\*\* См. следующую главу.

в сложном трехмерном колебательном движении  $\Psi$ -функций.

Используя принцип Паули, Бор и его коллеги (включая, конечно, самого Паули) смогли создать модели всех атомов от водорода до урана. Они не только объяснили периодические изменения атомных объемов и потенциалов ионизации, но также и все другие свойства атомов, их химическое сходство между собой, их валентности и другие свойства, которые много лет назад были получены эмпирически и систематизированы русским химиком Д. И. Менделеевым в его периодической системе элементов. Все эти события выходят за рамки этой маленькой книги, главная цель которой — описать новые революционные идеи, а не рассказывать в подробностях об их последствиях.

## ВРАЩАЮЩИЙСЯ ЭЛЕКТРОН

Исследования и интерпретация атомных спектров на основе теории Бора, которая опиралась на три квантовых числа (что вполне естественно для трехмерного пространства!) для описания движения атомных электронов, благополучно продвигались вперед, пока в начале двадцатых годов трех квантовых чисел неожиданно оказалось недостаточно.

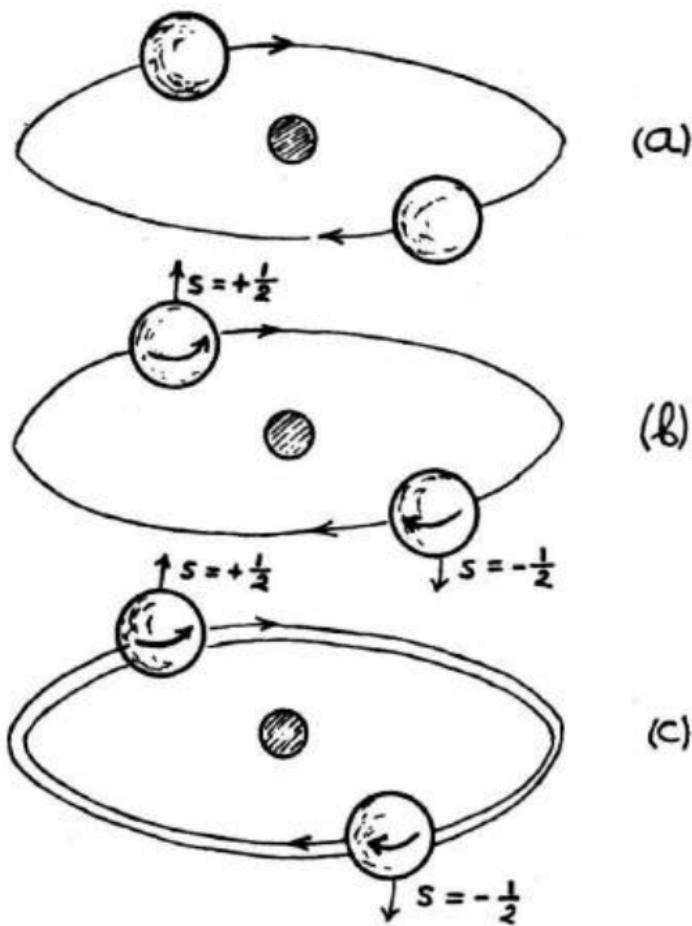
Исследования эффекта Зеемана (расщепление спектральных линий сильными магнитными полями) показали, что три целых числа не способны

объяснить существующее количество компонентов, и поэтому было введено четвертое квантовое число. Сначала его называли «внутренним квантовым числом», и это не самое плохое название, потому что никто не мог объяснить излишнее расщепление. Затем, в 1925 году, два голландских физика, Сэмюэл Гаудсмит и Джордж Уленбек, сделали смелое заявление. Они предположили, что это избыточное расщепление линий связано не с каким-либо дополнительным квантовым числом, описывающим орбиту электрона в атоме, а с самим электроном. С момента своего открытия электрон рассматривался как точка, характеризующаяся только своей массой и электрическим зарядом. Почему бы не рассмотреть его как маленькое электрически заряженное тело, вращающееся, как волчок, вокруг своей оси? У него были бы определенный момент импульса и магнитный момент, как у любого вращающегося заряда. Другая ориентация спина электрона (как его называли) относительно плоскости его орбиты будет учитывать дополнительные компоненты в расщеплении линий. Вскоре было обнаружено, что это предложение работает и что, приписывая электрону правильное числовое значение спина (то есть углового механического импульса) и магнитного момента, можно объяснить все дополнительные компоненты линий, найденные экспериментально. Магнитный момент вращающегося электрона любезно оказался равным так называемому магнетону Бора, то есть минимальному значению

магнитного поля, которое могло быть вызвано его вращением вокруг ядра. Но затем возникли проблемы с механическим угловым моментом вращающегося электрона, который оказался только половиной обычного углового момента  $\hbar/2\pi$  атомных орбит.

Было предпринято много попыток разрешить эту проблему, а окончательно это сделать удалось только четыре года спустя П. Дираку и очень нетрадиционным способом (см. главу VI). Причину, по которой введение вращающегося электрона преобразовало принцип Паули, можно понять следующим образом. Как вы помните, этот принцип гласил, что только два электрона могут занимать любую квантовую орбиту. Почему два? После открытия вращающегося электрона первоначальный принцип Паули был скорректирован утверждением: «только два электрона, обладающих противоположным спином», то есть вращающиеся в противоположных направлениях.

Ситуация иллюстрируется графически на рис. 16. Рис. 16а представляет старое видение, где два точечных электрона,  $e_1$  и  $e_2$ , движутся вдоль одной и той же орбиты. На рис. 16б мы видим новое представление: два электрона могут двигаться только по одной и той же орбите, если один из них  $e_1$  вращается вокруг своей оси в том же направлении, что и вокруг ядра, тогда как другой  $e_2$  вращается в противоположном направлении. Можно добавить, что рис. 16б не совсем корректен, поскольку взаимодействие между магнитным



*Рис. 16. Движения двух электронов по одной и той же орбите согласно: (а) первоначальному принципу Паули (не более двух электронов могут занимать одну и ту же орбиту); (б) измененному принципу Паули (два электрона, занимающие одну и ту же орбиту, должны иметь противоположный спин, т.е. вращаться вокруг своей оси в противоположном направлении); и в соответствии с (с) переформулированным принципом Паули, в котором из-за магнитных сил, возникающих в результате магнитного импульса электронов, орбиты не идентичны, и на каждый энергетический уровень допускается только один электрон.*

моментом электрона и магнитным полем внутри атома, в котором он движется, слегка изменяет орбиту, так что на самом деле мы имеем две орбиты, на каждой из которых находится только один электрон 16с. Таким образом, исходный принцип Паули может быть переформулирован путем «допуска» только одного электрона на каждой орбите, если учесть небольшое расщепление исходной орбиты.

## ПАУЛИ И ЯДЕРНАЯ ФИЗИКА

Теперь мы переходим к совершенно другой области деятельности Паули в науке: его вкладу в область ядерной физики. Как мы все знаем — или, по крайней мере, должны знать, — радиоактивные элементы испускают три вида излучения: альфа ( $\alpha$ ), бета ( $\beta$ ) и гамма ( $\gamma$ ).

Основным процессом радиоактивного распада является испускание  $\alpha$ -частиц, больших кусков нестабильных ядер, которые, как доказал Резерфорд, являются ядрами атомов гелия. С другой стороны,  $\beta$ -частицы — это электроны, которые иногда испускаются ядрами после  $\alpha$ -распада, чтобы восстановить баланс между зарядом и массой, нарушенный выбросом  $\alpha$ -частиц. Наконец,  $\gamma$ -лучи — это короткие электромагнитные волны, возникающие в результате внутренних возмущений, вызванных  $\alpha$ - и  $\beta$ -излучением. Для данного радиоактивного элемента  $\alpha$ -частицы имеют одинаковую энергию, соответствующую разностям

энергий материнского и дочернего ядер.  $\gamma$ -лучи представляют собой сложные острые линии, намного более острые, чем линии оптических спектров.

Вся эта активность указывает на то, что атомные ядра представляют собой квантованные системы, подобные атомам, за исключением того, что они намного меньше; поскольку ядра меньше, в их преобразованиях, согласно квантовым законам, участвуют гораздо более высокие значения энергии. Но для физиков оказалось большим сюрпризом, когда Джеймс Чедвик открыл в 1914 году, что, в отличие от  $\alpha$ -частиц и  $\gamma$ -лучей, испускаемых радиоактивными ядрами,  $\beta$ -частицы не имеют четко определенных энергий. Напротив, их энергетический спектр непрерывно расширяется от практически нулевого до очень больших значений (рис. 17). Возможность того, что это распространение энергии было связано с некоторыми внутренними потерями у  $\beta$ -частиц в процессе выхода из радиоактивного материала, была полностью опровергнута тщательными экспериментами. Таким образом, мы сталкиваемся с ситуацией, когда ядерные книги учета доходов и расходов не сходились. Нильс Бор, первый отреагировав на то, что показал эксперимент, занял радикальную позицию, он решил, что, если эксперименты дают такой результат, закон сохранения энергии действительно не выполняется для  $\beta$ -излучения или (предположительно) для процессов  $\beta$ -поглощения.



*Рис. 17. Типичная кривая распределения энергии типичного  $\beta$ -излучения.*

Действительно, это была эпоха, когда многие законы классической физики были отвергнуты под воздействием недавно разработанной теории относительности и квантовой теории, поэтому ни один ее закон больше не казался непоколебимым. Бор даже пытался использовать это якобы несохранение энергии в процессах  $\beta$ -распада, чтобы объяснить кажущееся вечным излучение энергии звездами. Согласно этим малоизвестным и никогда не публиковавшимся представлениям, звезды имели внутри себя крупные ядра ядерной материи, обладающие теми же свойствами, что и обычные атомные ядра, но гораздо большие по размеру (их диаметр не  $10^{-12}$  см, а многие и многие километры). Эти звездные ядра, которые должны были быть нестабильными, испускали  $\beta$ -частицы с четко определенной энергией. Они были окружены обычной материи в полностью ионизован-

ном состоянии (сегодня мы называем это плазмой), состоящей из свободных высокоэнергетических электронов и обычных голых ядер. Энергия электронов, составляющих основу этих звездных оболочек, определялась классическим соотношением:  $E = \frac{3}{2}kT$ , где  $k$  — постоянная Больцмана, а  $T$  — температура в основании оболочки\*. С другой стороны,  $\beta$ -частица, испускаемая с поверхности атомного ядра, всегда имела одинаковую энергию, определяемую внутренними свойствами ядерной жидкости. Таким образом, должно существовать динамическое равновесие между атомным ядром и окружающим ионизированным газом (плазмой), аналогичное равновесию между водой и насыщенным паром над ним. Количество  $\beta$ -частиц, испускаемых радиоактивным ядром, было равно числу свободных электронов из поглощенной им оболочки, но, в то время как энергия поглощенных свободных электронов из оболочки определялась ее температурой  $T$ , энергия  $\beta$ -частиц, испускаемых ядром, всегда оставалась одинаковой, соответствуя

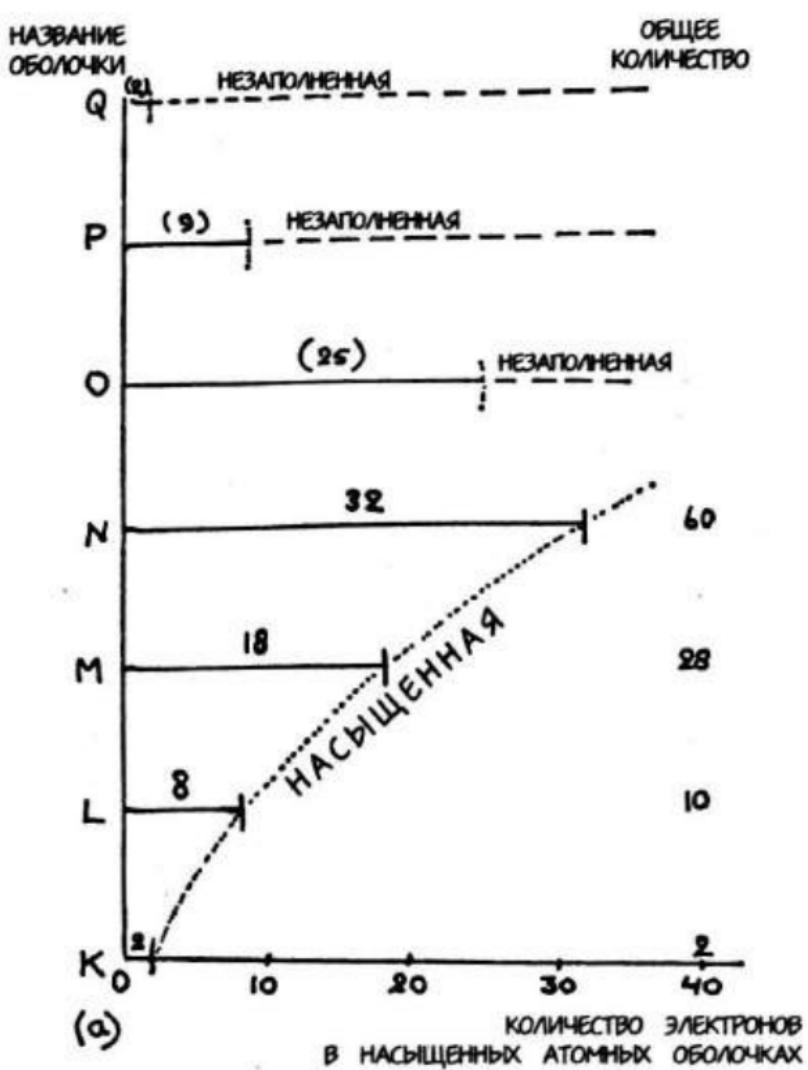
\* В соответствии с механической теорией тепла, разработанной Больцманом и Максвеллом в середине прошлого века, «тепло — это не что иное, как движение молекул, образующих физические тела». Они обнаружили, что энергия теплового движения (на молекулу) пропорциональна его абсолютной температуре, то есть температуре, отсчитываемой от «абсолютного нуля» при  $-273^{\circ}\text{C}$ . Эмпирически определенный коэффициент пропорциональности (точнее, две трети от него) был назван постоянной Больцмана.

определенной универсальной ядерной температуре  $T_o$ . Поэтому для  $T < T_o$  существовал постоянный поток энергии от атомного ядра в оболочку, и этот поток, поднимаясь к поверхности звезды, поддерживал ее высокую температуру. В силу несохранения энергии в процессах  $\beta$ -излучения в атомном ядре ничего не изменялось, и звезды могли светить вечно. Бор говорил об этой своей теории немного критично, но казалось, что он бы не сильно удивился, если бы она оказалась верной.

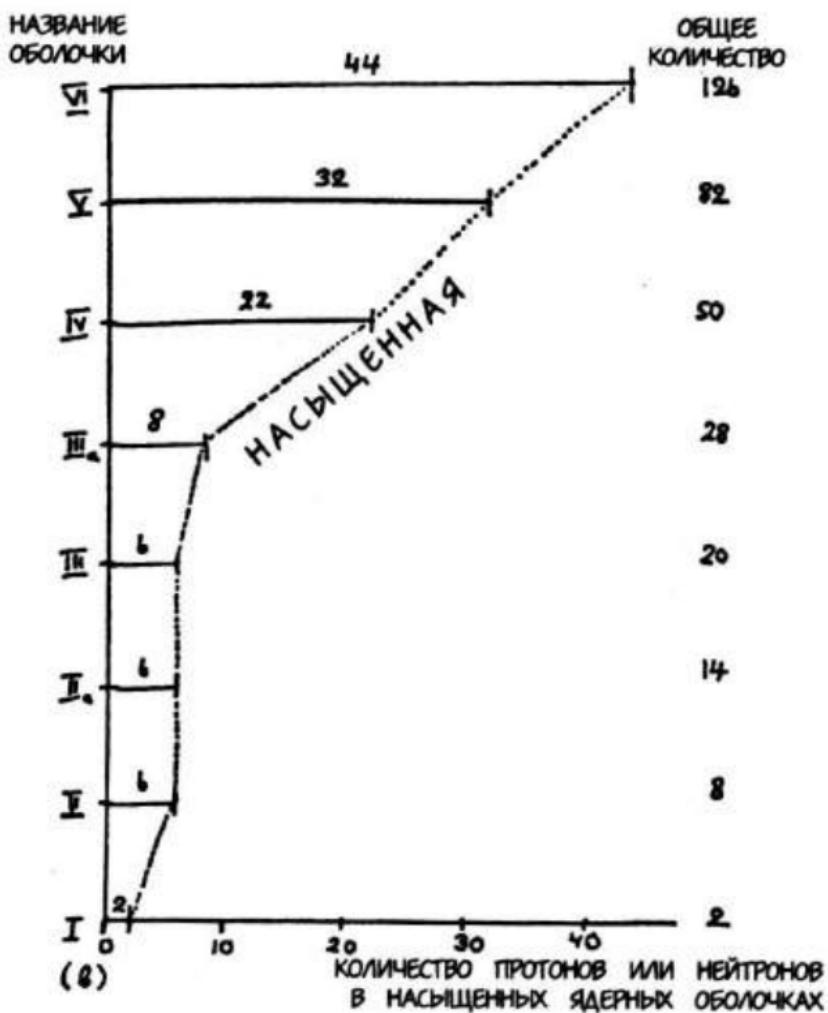
## НЕЙТРИНО

Паули, которого нельзя было назвать консервативным ни в каком смысле этого слова, тем не менее выступал решительно против позиции Бора.

Он считал, что вернее будет предположить, что баланс энергии, нарушенный непрерывностью спектров  $\beta$ -излучения, восстанавливается излучением некоторых других видов еще неизвестных частиц, которые он назвал «нейтронами». Название этого «нейтрана Паули» было позже изменено на «нейтрино», после того как Чедвик открыл то, что сегодня мы называем нейтроном. Предполагалось, что нейтрино — это частицы, не несущие электрического заряда и не имеющие массы (или, по крайней мере, массы, достойной упоминания). Предположительно они излучались в паре с  $\beta$ -частицами таким образом, что сумма



*Рис. 18 а и б. Сравнение между (а) заполнением электронных оболочек на диаграмме последовательности атомов Бора-Костера и (б) насыщением протонных и нейтронных оболочек в последовательности атомных ядер на диаграмме Майера-Йенсена.*



энергий этих частиц и  $\beta$ -частиц всегда оставалась одинаковой, что, конечно, соответствует старому добруму закону сохранения энергии. Но из-за их нулевого заряда и нулевой массы они были практически необнаружимы и ускользали из-под носа даже при самых тщательно поставленных экспериментах. Помимо Бора, еще одним «нейтринофобом» был П. Эренфест, и между ними трепая велись горячие словесные дискуссии и объемная, но нигде не публиковавшаяся переписка по этому вопросу.

Шли годы, накапливались все больше и больше доказательств, хотя и косвенных, в пользу нейтрино Паули. Лишь в 1955 году два физика из Лос-Аламоса, Ф. Райнес и К. Коэн, установили неоспоримое существование нейтрино: задетектировали на выходе из атомных реакторов на проекте Комиссии по атомной энергии на Саванна-Ривер. Было обнаружено, что взаимодействие между нейтрино и веществом было настолько мало, что понадобился бы железный щит толщиной в несколько световых лет, чтобы уменьшить интенсивность пучка нейтрино хотя бы наполовину. Сегодня нейтрино приобретают все большее значение в исследовании элементарных частиц и астрофизических явлений; они могут стать самыми важными элементарными частицами в физике. Подобно электронам, нейтрино ведут себя, как маленькие вращающиеся волчки, и их угловые моменты абсолютно такие же, как у электронов.

Но поскольку нейтрино не несут электрического заряда, их магнитный момент равен нулю.

Позже экспериментально было установлено, что протоны и нейтроны так же, как и электроны, имеют спин и подчиняются принципу Паули. Последний факт имеет большое значение в проблеме внутренней структуры атомных ядер, которые образуются в результате агломерации разного количества протонов и нейтронов, тесно связанных между собой ядерными силами.

В 1934 году Г. Гамов впервые указал на то, что естественная последовательность атомных ядер от водорода до изотопов урана демонстрирует периодические изменения их различных свойств, похожие на изменения химических свойств атомов в периодической системе элементов Менделеева, но в гораздо меньшей степени. Эта периодичность указывает на то, что атомные ядра должны иметь структуру оболочки, аналогичную, но, вероятно, более сложную, чем структура атомных электронных оболочек. Ситуация здесь осложняется тем фактом, что, в то время как атомные оболочки образованы только одним видом частиц, а именно электронами, ядра образованы двумя типами частиц, нейtronами и протонами, и что принцип запрета Паули применяется к каждому виду отдельно. Таким образом, любое данное энергетическое состояние, характеризуемое тремя кванто-

выми числами, может вместить два протона (с противоположным спином) вместе с двумя нейтронами (также с противоположным спином), и у нас фактически есть две системы оболочек, одна для протонов и одна для нейтронов, перекрывающих друг друга. Есть еще одна сложность. Из-за тесного расположения протонов и нейтронов в ядре расчеты уровней энергии становятся значительно более сложными. Эта проблема была окончательно решена в 1949 г. М. Гёппертом-Майером, Х. Йенсеном и другими; они смогли доказать, что нейтронные, а также протонные оболочки внутри ядер имеют емкости в 2, 8, 14, 20, 28, 50, 82 и 126 частиц каждая, что схематически показано на рис. 18. Эти числа, известные как «магические числа», позволили физикам полностью понять наблюдаемую периодичность в структуре ядра.

Другое важное применение принципа Паули можно найти в работе П. Дирака, который использовал его для объяснения стабильности вещества, как будет описано в главе 6. На основании своей теории Дирак пришел к выводу, что для каждой из «нормальных частиц», таких как электроны, протоны, нейтроны и многие другие, открытые в течение последнего десятилетия, должна существовать «античастица» с точно такими же физическими свойствами, но с противоположным электрическим зарядом. Это будет обсуждаться более подробно в главах 6 и 8.

В заключение этой главы достаточно сказать, что найти область современной физики, в которой бы не применялся принцип Паули, так же сложно, как найти человека столь же одаренного, добродушного и веселого, каким был Вольфганг Паули.



## Глава 4

### Л. ДЕ БРОЙЛЬ И ВОЛНЫ-ПИЛОТЫ

Луи Виктор де Броиль, родившийся в Дьепе в 1892 году и унаследовавший титул князя после смерти старшего брата, сделал довольно необычную научную карьеру. Будучи студентом в Сорбонне, он решил посвятить свою жизнь средневековой истории, но началась Первая мировая война, и он вступил в ряды французской армии. Так как он был образованным человеком, де Броиль получил должность в одном из полевых подразделений радиосвязи, что было в то время новшеством, и переключил свой интерес с готических соборов на электромагнитные волны. В 1925 году он представил докторскую диссертацию, в которой содержались революционные

идеи относительно пересмотра оригинальной теории атомного строения Бора, к чему большинство физиков отнеслись довольно скептически; некоторые даже окрестили ее «La Comédie Française».

Работая с радиоволнами во время войны и будучи знатоком камерной музыки, де Бройль сравнивал атом с особенным видом музыкального инструмента, который в зависимости от своего строения может производить определенный основной тон и последовательность обертонов. Поскольку к тому времени идея Бора о том, что электронные орбиты характеризуют различные квантовые состояния атома, де Бройль взял их в качестве базового шаблона для своей волновой схемы. Он полагал, что каждый электрон, движущийся по данной орбите, сопровождается некоторыми волнами-пилотами (теперь известными как волны де Бройля), рассеивающимися по всей орбите. Первая квантовая орбита содержала только одну волну, вторая — две волны, третья — три и т.д. Таким образом, длина первой волны должна быть равна длине  $2\pi r_1$ , первой квантовой орбиты, а длина второй волны должна быть равна половине длины второй орбиты  $\frac{1}{2} \cdot 2\pi r_2$  и т.д. Как правило,  $n$ -я квантовая орбита содержит  $n$  волн длиной  $\frac{1}{n} \cdot 2\pi r_n$  каждая.

Как мы видели в главе 2, радиус  $n$ -й орбиты у Бора равен:

$$r_n = \frac{1}{4\pi^2} \cdot \frac{h^2}{me} \cdot n^2.$$

Из равенства центробежной силы, обусловленной орбитальным движением, и электростатического притяжения между заряженными частицами, мы получаем:

$$\frac{mv_n^2}{r_n} = \frac{e^2}{r_n^2},$$

или

$$e^2 = mv_n^2 r_n.$$

Подставляя это значение  $e^2$  в исходную формулу, получим:

$$r_n = \frac{1}{4\pi^2} \frac{h^2 n^2}{m} \cdot \frac{1}{mv_n^2 r_n},$$

или

$$(2\pi r_n)^2 = \frac{h^2 n^2}{m^2 v^2}.$$

Извлекая квадратный корень с обеих сторон этого уравнения, мы в итоге получаем:

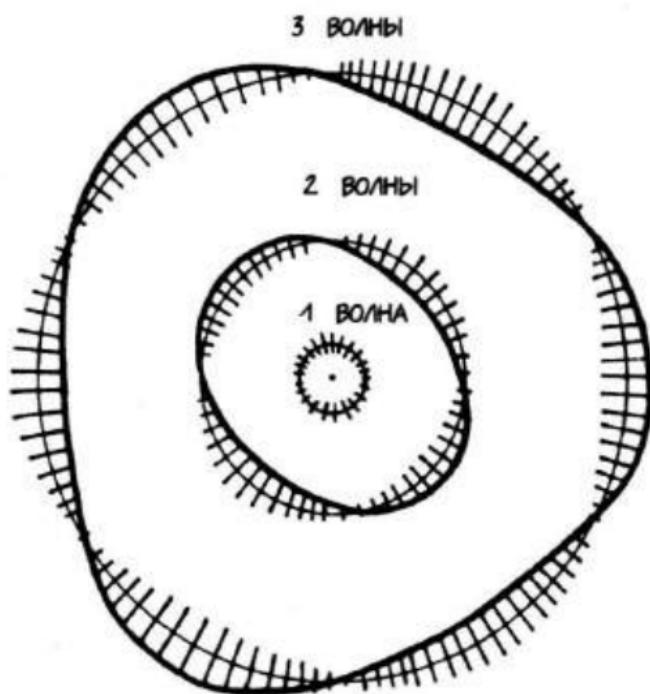
$$2\pi r_n = n \cdot \frac{h}{mv_n}.$$

Таким образом, длина  $\lambda$  волны, сопровождающей электрон, равна постоянной Планка  $h$ , деленной на механический импульс  $mv$  частицы, тогда:

$$\lambda = \frac{h}{mv}.$$

Таким образом де Бройль мог удовлетворить свое желание внедрить волны такой природы,

чтобы 1, 2, 3 и т.д. из них точно вписывались бы в 1-ю, 2-ю, 3-ю квантовые орбиты Бора (рис. 19). Полученный результат математически эквивалентен исходному квантовому условию Бора и не вносит ничего физически нового — то есть ничего, кроме идеи, что движение электронов вдоль квантовых орбит Бора сопровождается таинственными волнами с длинами, которые определяются массой и скоростью движущихся частиц. Если эти волны представляют собой реальное физическое явление, они также должны сопровождать частицы, свободно перемещающиеся в пространстве,

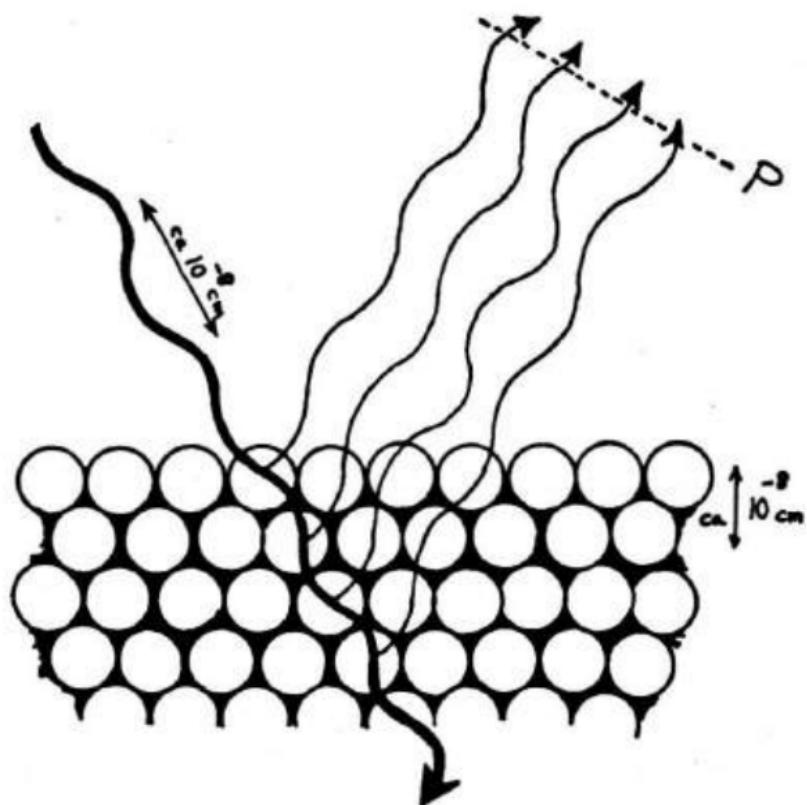


*Рис. 19. Волны де Бройля, соответствующие квантовым орбитам в модели атома Бора.*

и в этом случае их существование или несуществование может быть экспериментально доказано. Фактически, если движение электронов всегда направляется волнами де Бройля, пучок электронов при надлежащих условиях должен демонстрировать дифракционные явления, подобные тем, которые характерны для пучков света.

Электронные пучки, ускоренные электрическим напряжением в несколько киловольт (которые обычно используются в лабораторных экспериментах), должны, согласно формуле де Бройля, сопровождаться пилотными волнами с длиной около  $10^{-8}$  см, что сопоставимо с длиной волны обычного рентгеновского излучения. Эта длина волны слишком мала, чтобы демонстрировать дифракцию в обычных оптических решетках, и ее следует изучать с помощью техники стандартной рентгеновской спектроскопии. В этом методе падающий луч отражается от поверхности кристалла, а соседние кристаллические слои, расположенные на расстоянии около  $10^{-8}$  см друг от друга, выполняют функцию более широко разделенных линий в оптических дифракционных решетках (рис. 20).

Этот эксперимент был проведен одновременно и независимо друг от друга сэром Джорджем Томсоном (сыном сэра Дж. Дж. Томсона) в Англии, а также К. Дэвиссоном и Л. Джермером в Соединенных Штатах, которые использовали кристаллическое устройство, подобное тому, что было у Брэгга и Вульфа, но заменили пучок



*Рис. 20. Падающая волна, будь то короткая электромагнитная волна (рентгеновское излучение) или волна де Броиля, связанная с пучком быстрых электронов, создает отраженные волны при прохождении через последовательные слои кристаллической решетки. В зависимости от угла падения появляются темные и светлые интерференционные полосы. (Р – фазовая плоскость.)*

рентгеновских лучей пучком электронов, движущихся с заданной скоростью. В экспериментах на экране (или на фотопластинке) появлялась характерная дифракционная картина, которая размещалась на пути отраженного луча, и дифракционные полосы расширялись или сужались при

увеличении или уменьшении скорости падающих электронов.

Измеренная длина волны во всех случаях точно совпадала с той, что дана формулой де Броиля. Таким образом, физическое существование волн де Броиля стало неоспоримо, хотя никто пока не понимал, что это такое.

Позже немецкий физик Отто Штерн доказал существование дифракционных явлений в случае атомных пучков. Поскольку атомы в тысячи раз больше электронов, их волны де Броиля должны были быть соответственно короче при той же скорости. Чтобы атомные волны де Броиля имели длину, сопоставимую с расстояниями между кристаллическими слоями (около  $10^{-8}$  см), Стерн решил использовать тепловое движение атомов, поскольку он мог регулировать скорость, просто изменяя температуру газа. Источник состоял из керамического цилиндра, нагреваемого электрическим проводом, намотанным вокруг него. На одном конце закрытого цилиндра находилось крошечное отверстие, через которое атомы со своей тепловой скоростью выходили в намного больший по размеру вакуумированный сосуд, и в своем полете они сталкивались с кристаллом, помещенным на их пути. Отраженные в разных направлениях атомы прилипали к металлическим пластинам, охлаждаемым жидким воздухом, и число атомов на разных пластинах подсчитывалось сложным методом химического микроанализа. Изображая зависимость количества атомов, рассеянных в раз-

ных направлениях относительно угла рассеяния, Штерн снова получил идеальную дифракционную картину, точно соответствующую длине волны, рассчитанной по формуле де Бройля. И полосы становились шире или тоньше, когда температура цилиндра менялась.

Когда в конце двадцатых годов я работал в Кембриджском университете с Резерфордом, я решил провести рождественские каникулы в Париже (где я никогда раньше не был) и написал де Бройлю о том, что я очень хотел бы встретиться с ним и обсудить некоторые проблемы квантовой теории.

Он ответил, что университет будет закрыт, но он будет рад видеть меня у себя дома. Он жил в великолепном семейном особняке в фешенебельном парижском пригороде Нёйи-сюр-Сен. Дверь мне открыл внушительный дворецкий.

— Я хотел бы увидеть профессора де Бройля.

— Вы хотели сказать, месье герцога де Бройля, — поправил меня дворецкий.

— Хорошо, герцога де Бройля, — сказал я, и меня впустили.

Де Бройль, одетый в шелковый халат, встретил меня в своем роскошно обставленном кабинете, и мы начали говорить о физике. Он не говорил по-английски; мой французский был довольно скучным. Но каким-то образом, сочетая мой ломанный французский и написание формул на бумаге, мне удалось передать ему то, что я хотел сказать,

и понять его комментарии. Не прошло и года, как профессор де Бройль приехал в Лондон, чтобы прочитать лекцию в Лондонском королевском обществе, и я, конечно, был в аудитории. Он прочитал блестящую лекцию на прекрасном английском языке лишь с небольшим французским акцентом. Тогда я понял еще один его принцип: когда иностранцы приезжают во Францию, они должны говорить по-французски.

Несколько лет спустя, когда я планировал поездку в Европу, и де Бройль попросил меня прочитать специальную лекцию в Институте Анри Пуанкаре, директором которого он был, я решил прийти хорошо подготовленным. Я планировал написать лекцию на моем (все еще) бедном французском языке на борту лайнера по пути через Атлантику, попросить кого-нибудь в Париже исправить текст и использовать эти заметки на лекции. Но, как мы знаем, океанский воздух и обилие отвлекающих факторов в путешествии могут разрушить любые благие намерения, поэтому в Сорbonну я прибыл совершенно неподготовленный. Речь вышла слегка путаной, но мой французский все-таки меня спас, и все поняли, что я хотел сказать.

После лекции я сказал де Бройлю, что мне жаль, что мне не удалось осуществить мой первоначальный план с французскими заметками. «Боже мой! — воскликнул он. — Как хорошо, что ты этого не сделал».

Де Бройль рассказал мне о лекции известного британского физика Р. Фаулера. Всем известно, что англичане считают, что их язык самый лучший, а все иностранцы обязаны его знать, что освобождает первых от необходимости изучать чужой язык. Поскольку лекции в Сорбонне должны вестись на французском языке, Фаулер подготовил полный английский текст своей лекции и заранее отправил его де Бройлю, чтобы тот его перевел. Так, Фаулер читал на французском, используя машинописный французский текст. «Де Бройль сказал, что после лекции к нему обратилась группа студентов: «Месье профессор», — сказали они, — мы очень озадачены. Мы ожидали, что профессор Фаулер будет читать по-английски, и мы все знаем его достаточно хорошо, чтобы понимать, о чем он говорит. Но он говорил не по-английски, а на каком-то другом языке, и нам так и не удалось понять на каком». «И тогда, — добавил де Бройль, — мне пришлось сказать им, что профессор Фаулер говорил на французском!»

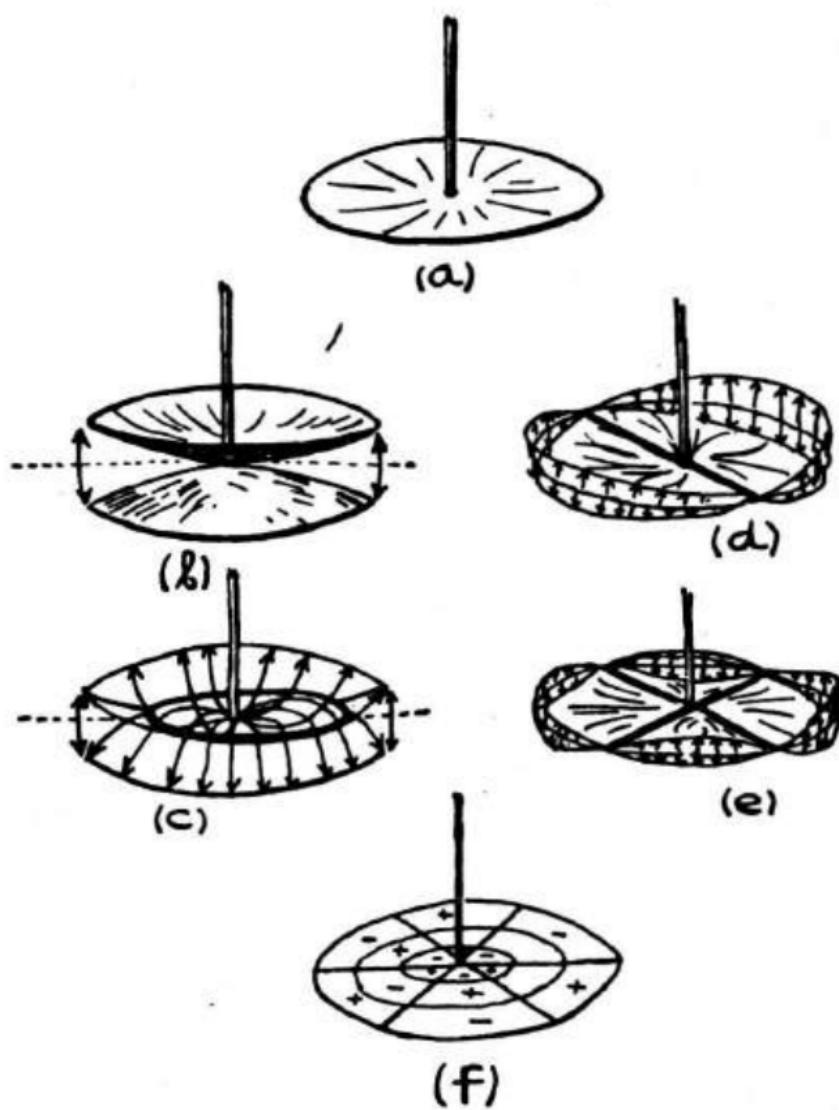
## УРАВНЕНИЕ ШРЕДИНГЕРА

Породив революционную идею о том, что движение атомных частиц направляется какими-то таинственными пилотными волнами, де Бройль не успел подкрепить свою теорию математически, и в 1926 году, примерно через год

после его публикации, появилась статья австрийского физика Эрвина Шредингера, который написал общее уравнение для волн де Броиля и доказал его справедливость для всех видов движения электронов. В то время как модель атома де Броиля напоминала необычный струнный инструмент или, скорее, набор колеблющихся концентрических металлических колец разных диаметров, модель Шредингера больше напоминала духовые инструменты; в его атоме колебания происходят во всем пространстве, окружающем атомное ядро.

Рассмотрим плоский металлический диск, похожий на тарелку, закрепленную по центру (рис. 21а).

Если ударить по нему, он начнет колебаться, его край будет периодически перемещаться вверх и вниз (рис. 21б). Существуют также более сложные виды колебаний (обертона), как, например, на рис. 21с, где центр тарелки и все точки, расположенные между центром и внешней окружностью (отмечены жирной линией на рисунке), находятся в покое. Таким образом, когда часть в пределах этого круга поднимается вверх, часть вне круга перемещается вниз, и наоборот. Неподвижные точки и линии вибрирующей упругой поверхности называются узловыми точками и линиями; можно расширить рис. 21с, изобразив более высокие обертоны, которые соответствуют двум или более узловым кругам вокруг центральной узловой точки.



*Рис. 21. Различные виды колебаний эластичного диска, закрепленного по центру: (а) состояние покоя; (б) узловая точка в центре; (с) одна круглая узловая линия; (д) одна радиальная узловая линия; (е) две радиальные узловые линии; (ж) три радиальные и две круглые узловые линии.*

Помимо таких «радиальных» колебаний, существуют также «азимутальные колебания», в которых узловые линии являются прямыми линиями, проходящими через центр, как показано на рис. 21d и e, где стрелки показывают подъем или опускание мембранны относительно равновесной горизонтальной позиции. Конечно, радиальные и азимутальные колебания могут существовать одновременно на заданной мембране. Получившееся сложное состояние движения должно описываться двумя целыми числами  $n_r$  и  $n_\phi$ , показывающими количество радиальных и азимутальных узловых линий.

Следующими по сложности являются трехмерные колебания, такие как, например, звуковые волны в воздухе, заполняющие жесткую металлическую сферу. В этом случае возникает необходимость ввести третий тип узловых линий, а также третье целое число  $n_z$ , показывающее их количество.

Этот вид колебаний был изучен в теоретической акустике много лет назад, а, в частности, Герман фон Гельмгольц в прошлом веке подробно исследовал колебания воздуха, заключенного в жесткие металлические сферы (резонаторы Гельмгольца). Он просверлил небольшое отверстие в сфере, чтобы пропустить звук снаружи, и использовал сирену, которая издавала чистый тон, высота которого могла изменяться непрерывно, путем изменения скорости вращения диска сирены.

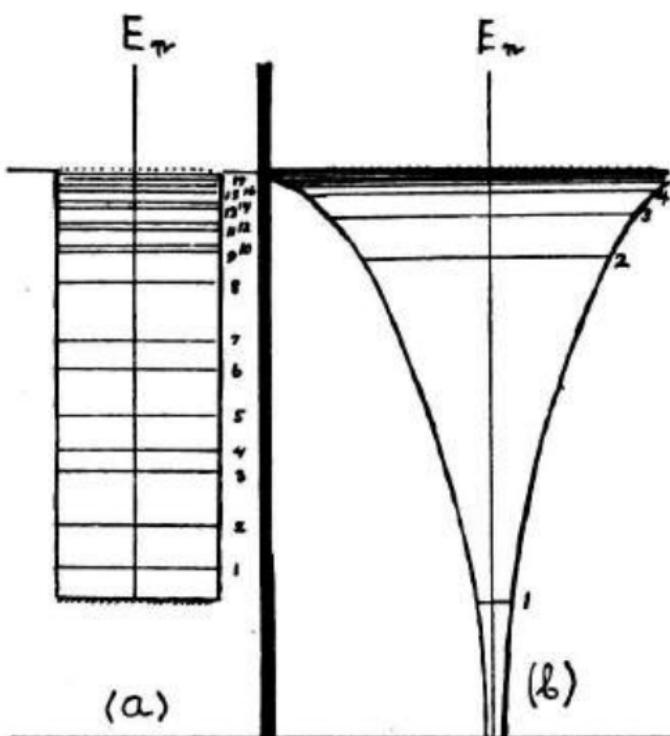
Когда частота звука сирены совпадала с одним из возможных колебаний воздуха в сфере, наблюдался резонанс.

Эти эксперименты полностью соответствовали математическим решениям волнового уравнения для звука, которое слишком сложно, чтобы говорить о нем в этой книге.

Уравнение, написанное Шрёдингером для волн де Броиля, очень похоже на хорошо известные волновые уравнения для распространения звуковых и световых (то есть электромагнитных) волн, за исключением того, что в течение нескольких лет вопрос: «А что именно колебалось?» — оставался открытым. Мы вернемся к нему в следующей главе.

Когда электрон движется вокруг протона в атоме водорода, ситуация несколько напоминает колебания газа в жесткой сферической оболочке. Но в то время как у источников колебаний Гельмгольца есть жесткая стенка, препятствующая распространению газа за ее пределы, атомный электрон подвергается электрическому притяжению ядра, которое замедляет движение, когда электрон отдаляется все дальше и дальше от центра, и останавливает его, когда он выходит за пределы, разрешенные его кинетической энергией. Ситуация в обоих случаях графически показана на рис. 22. На рисунке слева «потенциальная яма» (то есть снижение потенциальной энергии в окрестности определенной точки) напоминает цилиндрический

колодец; рисунок справа больше похож на воронкообразное отверстие в земле. Горизонтальные линии представляют квантованные энергетические уровни, самые низкие из которых соответствуют самой низкой энергии, которую может иметь частица. Сравнивая рис. 22б с рис. 12 из главы 2, мы видим, что уровни атома водорода, рассчитанные на основе уравнения Шредингера, идентичны уровням, полученным из старой теории квантовых орбит Бора.



*Рис. 22. Квантовые уровни энергии в прямоугольной потенциальной яме (a) и в воронкообразной потенциальной яме (b).*

Но физический аспект существенно отличается. Вместо точных круговых и эллиптических орбит, по которым движутся точечные электроны, у нас теперь есть полноценный атом, представленный многогранными колебаниями того, что ранее в волновой механике называли (за отсутствием лучшего названия)  $\Psi$ -функцией (греческая буква пси).

Здесь следует отметить, что распределение потенциала по форме прямоугольного колодца, показанное на рис. 22а, оказалось очень полезным для описания движения протона и нейтрона внутри атомного ядра, а позже успешно использовалось Марией Гёпперт-Майер и Хансом Йенсеном (независимо друг от друга) для изучения уровней энергии в атомных ядрах и происхождения рентгеновских спектров радиоактивных ядерных частиц.

Частоты различных видов  $\Psi$ -колебаний соответствуют не частотам световой волны, излучаемой атомом, а значениям энергии различных квантовых состояний, деленным на  $h$ . Таким образом, излучение спектральной линии потребовало возбуждения двух видов колебаний, скажем, если  $\Psi_m$  и  $\Psi_n$  с результирующей составной частотой:

$$\nu_{m,n} = \frac{E_m}{h} - \frac{E_n}{h} = \frac{E_m - E_n}{h},$$

что совпадает с выражением Бора для частоты кванта света, возникающего в результате пере-

хода атомного электрона с энергетического уровня  $E_m$  на более низкий энергетический уровень  $E_n$ .

## ПРИМЕНЕНИЕ ВОЛНОВОЙ МЕХАНИКИ

Помимо более рационального обоснования первоначальной идеи Бора о квантовых орбитах и устранения некоторых несоответствий, волновая механика могла бы объяснить некоторые явления, выходящие за рамки старой квантовой теории. Как было упомянуто в главе 2, автор настоящей книги и, независимо, команда, состоящая из Рональда Герни и Эдварда Кондона, успешно применила волновое уравнение Шредингера для объяснения излучения  $\alpha$ -частиц радиоактивными элементами и их проникновения в ядра других более легких элементов с результирующим превращением элементов. Чтобы понять это довольно сложное явление, мы сравним атомное ядро с крепостью, окруженной со всех сторон высокими стенами; в ядерной физике эти стены называют потенциальным барьером. Поскольку атомное ядро и  $\alpha$ -частица несут положительный электрический заряд, существует сильная отталкивающая кулоновская сила\*, действующая на  $\alpha$ -частицу, приближающуюся к ядру.

\* Во время ранних исследований электрических явлений французский физик Шарль де Кулон обнаружил, что силы, действующие между заряженными частицами, про-

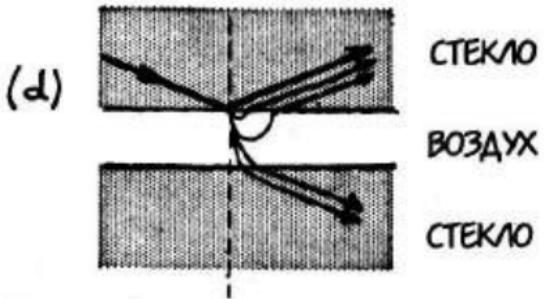
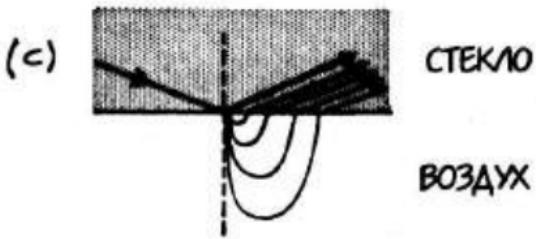
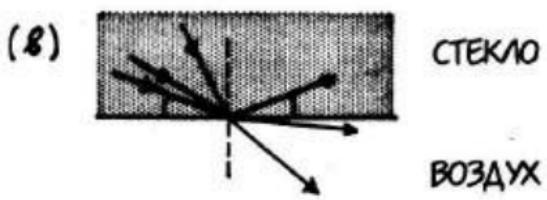
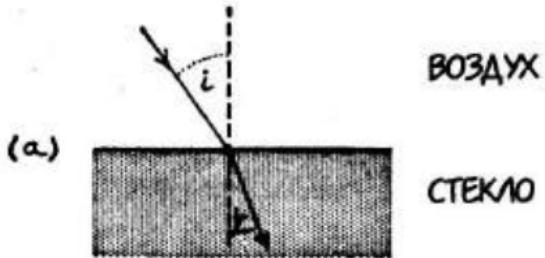
Под действием этой силы  $\alpha$ -частица, летящая в ядро, может быть остановлена и отброшена назад еще до того, как вступит в прямой контакт с ядром. С другой стороны,  $\alpha$ -частицы, которые находятся внутри различных ядер в качестве составных частей, неизбежно находятся под влиянием очень сильных притягивающих ядерных сил (аналогичных силам сцепления обычных жидкостей), но эти ядерные силы действуют только тогда, когда частицы находятся в непосредственном контакте друг с другом. Комбинация этих двух сил образует потенциальный барьер, препятствующий выходу внутренних частиц и проникновению внешних частиц, если только их кинетическая энергия недостаточно высока, чтобы перелезть через него. Резерфорд экспериментально обнаружил, что  $\alpha$ -частицы, испускаемые различными радиоактивными элементами, такими как уран и радий, имеют гораздо меньшую кинетическую энергию, чем та, которая необходима для преодоления барьера. Также было известно, что когда  $\alpha$ -частицы, летящие снаружи, сталкиваются с ядрами с кинетической энергией, меньшей чем необходимо для преодоления потенциального барьера, они часто проникают в ядра, производя искусственные ядерные превращения. Согласно базовым принципам классической механики, оба явления были абсолютно невозможны, порциональны произведению их электрических зарядов и обратно пропорциональны квадрату расстояния между ними. Это и есть закон Кулона.

так что не могло существовать никакого само-произвольного ядерного распада, приводящего к эмиссии  $\alpha$ -частиц, и никаких искусственных ядерных превращений под воздействием последних. И все же оба явления экспериментально наблюдались!

Если взглянуть на ситуацию с точки зрения волновой механики, то она выглядит совсем иначе, поскольку движение частиц регулируется волнами-пилотами де Броиля. Чтобы понять, как волновая механика объясняет эти «невозможные» события, нужно помнить, что волновая механика находится в том же отношении к классической ньютоновской механике, что и волновая оптика к старой геометрической оптике. Согласно закону Снеллиуса, световой луч, падающий на стеклянную поверхность под определенным углом падения  $i$  (рис. 23а), преломляется под меньшим углом  $r$ , удовлетворяя условию  $\sin i / \sin r = n$ , где  $n$  — показатель преломления стекла. Если мы изменим ситуацию (рис. 23б) и позволим лучу света, распространяющемуся через стекло, выйти в воздух, угол преломления будет больше, чем угол падения, и мы получим:  $\sin i / \sin r = 1/n$ . Таким образом, луч света, падающий на поверхность раздела между стеклом и воздухом под углом падения, превышающим определенное критическое значение, вообще не попадет в воздух, а будет полностью отражен обратно в стекло. Согласно волновой теории света, ситуация иная. Световые волны, испытывающие полное вну-

треннее отражение, не отражаются от математической границы между двумя веществами, а проникают во вторую среду (в данном случае в воздух) на глубину нескольких длин волн  $\lambda$  и затем отбрасываются обратно в исходную среду (рис. 23с). Поэтому, если мы поместим другую стеклянную пластинку на расстоянии в несколько длин волн (несколько микрон, если мы имеем дело с видимым светом), некоторое количество света, попадающего в воздух, достигнет поверхности этого стекла и продолжит распространяться в первоначальном направлении (рис. 23д). Теорию для данного явления можно найти в книгах по оптике, опубликованных сто лет назад; она стандартно представлена во многих университетских курсах по оптике.

Точно так же волны де Броиля, которые направляют  $\alpha$ -частицы и другие атомные «снаряды», могут проникать через области пространства, которые являются запрещенными для частиц классической ньютоновской механикой, а сами  $\alpha$ -частицы, протоны и т.д. могут пересекать потенциальные барьеры, чья высота больше, чем энергия падающей частицы. Но вероятность проникновения имеет физическое значение только для частиц с массой порядка атомной, а также для барьеров шириной не более  $10^{-12}$  или  $10^{-13}$  см. Возьмем, к примеру, ядро урана, которое испускает  $\alpha$ -частицу с интервалом около  $10^{10}$  лет. Заключенная в урановом потенциальном барьере  $\alpha$ -частица ударяется о стенку барьера примерно  $10^{21}$  раз





*Рис. 23. Аналогия между волновой механикой и волновой оптикой. На рис. 23(a) изображена знакомая картина преломления света, входящего из менее плотной в более плотную среду. На рис. 23(b) изображена обратная ситуация, когда свет, попадающий из более плотной в менее плотную среду, может полностью отражаться от границы раздела, если угол падения превышает некоторое критическое значение.*

*Согласно волновой теории света, отражение происходит не на математической поверхности, разделяющей две среды, а внутри определенного слоя толщиной в несколько волновых длин. Таким образом, если второй слой более плотной среды расположен на расстоянии в несколько волновых длин за пределами первого слоя, часть падающего света не будет полностью отражена, а проникнет во второй плотный слой, распространяясь в первоначальном направлении. Аналогично, согласно волновой механике, некоторые частицы могут проникать через области, где потенциал выше, чем исходная кинетическая энергия частиц, что является невозможным с точки зрения классической механики.*

в секунду, что означает, что вероятность ее высвобождения после удара составляет один к  $10^{10} \times 3 \cdot 10^7 \times 10^{21} \cong 3 \cdot 10^{38}$  (здесь  $3 \times 10^7$  — количество секунд в году). Точно так же шансы, что атомный снаряд попадет в ядро, очень малы для каждого отдельного удара, но могут стать значительными, если происходит очень большое количество ядерных столкновений. В 1929 году Фридрих Хоутерманс и Роберт Аткинсон показали, что ядерные столкновения, вызванные интенсивным тепловым движением, известные как термоядерные реакции, производят энергию на Солнце и звездах. Сейчас физики усердно работают над созданием так называемых управляемых термоядерных реакций, которые обеспечат нас дешевыми, неисчерпаемыми и безвредными источниками ядерной энергии. Все это было бы невозможно, если бы классическая механика Ньютона не была заменена волновой механикой де Броиля — Шредингера.



## Глава 5

### В. ГЕЙЗЕНБЕРГ И ЕГО ПРИНЦИП НЕОПРЕДЕЛЕННОСТИ

Одновременно с работой Шредингера о волновой механике, появившейся в «Анналах физики», в другом немецком журнале, «Физический журнал», появилась статья Вернера Гейзенberга из Геттингенского университета, посвященная той же теме и содержащая точно такие же выводы. Но, к своему великому удивлению, физики, читавшие эти две статьи, обнаруживали, что они исходили из совершенно разных физических предположений, использовали совершенно разные математические методы и, казалось, не имели ничего общего друг с другом.

Как было описано в предыдущей главе, Шредингер считал, что движение атомных электронов управляет системой обобщенных трехмерных волн де Броиля, окружающих атомное ядро, формы и частоты колебаний которых определялись полем электрических и магнитных сил. Гейзенберг, с другой стороны, разработал более абстрактную модель. Он рассматривал атом так, как если бы он состоял из бесконечного числа линейных «виртуальных» источников колебаний с частотами, совпадающими со всеми возможными частотами, которые мог излучать рассматриваемый атом. Таким образом, в то время как в представлении Шредингера излучение спектральной линии с частотой  $\nu_{m,n}$  считалось «совместным результатом» двух колебательных функций  $\Psi_m$  и  $\Psi_n^*$ , в модели Гейзенberга одна и та же спектральная линия излучалась отдельным источником колебаний, который мы можем назвать  $V_{m,n}$ .

В классической механике линейный источник колебаний описывается двумя числами: его смещением от положения равновесия  $q$  и его скоростью  $v$ , причем обе величины периодически изменяются во времени. В продвинутой механике принято вместо скорости  $v$  использовать механический импульс\*\*  $p$ , определяемый как произведе-

\* Для простоты мы используем здесь не три, а только одно квантовое число для каждого вида колебаний.

\*\* Понятие механического импульса, которое Исаак Ньютон назвал количеством движения, было дано в его книге «Математические начала натуральной философии»

ние массы частицы на ее скорость ( $p = mv$ ). Для данного закона силы, действующей на источник колебаний, он будет иметь четко определенную частоту  $v$ .

Но оптический спектр обладает двойным многообразием частот, которое можно представить в виде таблицы:

$V_{m,n}$	$V_{11}$	$V_{12}$	$V_{13}$	$V_{14}$	$V_{15}$	$V_{16}$	и т.д.
	$V_{21}$	$V_{22}$	$V_{23}$	$V_{24}$	$V_{25}$	$V_{26}$	и т.д.
	$V_{31}$	$V_{32}$	$V_{33}$	$V_{34}$	$V_{35}$	$V_{36}$	и т.д.
	$V_{41}$	$V_{42}$	$V_{43}$	$V_{44}$	$V_{45}$	$V_{46}$	и т.д.
	и т.д.	и т.д.					

Числовые массивы такого типа давно были известны математикам, их называли матрицами и успешно использовали при решении различных алгебраических задач. Матрицы могут быть конеч-

и возникло в результате сочетания второго и третьего законов движения. Если две частицы, изначально находящиеся в состоянии покоя, взаимодействуют друг с другом, то действующие силы  $F_1$  и  $F_2$  численно равны и направлены противоположно. С другой стороны, скорости, полученные в течение периода взаимодействия ( $v_1$  и  $v_2$ ), обратно пропорциональны массам ( $m_1$  и  $m_2$ ) двух частиц. Таким образом, «количества движения» (или механические импульсы, как мы их сегодня называем) численно равны и противоположно направлены. Это и есть знаменитый закон сохранения механического импульса.

ными, если брать индексы  $m$  и  $n$  от 1 до заданного числа, или бесконечными, если  $m$  и  $n$  идут до бесконечности. По сути, была разработана специальная ветвь математики, в которой любая заданная матрица (конечная или бесконечная) может быть представлена только одним символом, напечатанным жирным шрифтом. Таким образом,  $a$  означает матрицу:

$a_{11}$	$a_{12}$	$a_{13}$	$a_{14}$	$a_{15}$	$a_{16}$	и т.д.
$a_{21}$	$a_{22}$	$a_{23}$	$a_{24}$	$a_{25}$	$a_{26}$	и т.д.
$a_{31}$	$a_{32}$	$a_{33}$	$a_{34}$	$a_{35}$	$a_{36}$	и т.д.
$a_{41}$	$a_{42}$	$a_{43}$	$a_{44}$	$a_{45}$	$a_{46}$	и т.д.
и т.д.	и т.д.					

Как и обычные числа, матрицы можно складывать, вычитать, умножать и делить друг на друга. Правила сложения и вычитания аналогичны правилам обычных чисел: складывать и вычитать элементы нужно один за другим. Например:

$$a \pm b = \begin{array}{cccc} a_{11} \pm b_{11} & a_{12} \pm b_{12} & a_{13} \pm b_{13} & \text{и т.д.} \\ a_{21} \pm b_{21} & a_{22} \pm b_{22} & a_{23} \pm b_{23} & \text{и т.д.} \\ a_{31} \pm b_{31} & a_{32} \pm b_{32} & a_{33} \pm b_{33} & \text{и т.д.} \\ \text{и т.д.} & \text{и т.д.} & \text{и т.д.} & \text{и т.д.} \end{array}$$

Из этого определения следует, что сложение матриц подчиняется переместительному закону; то есть  $a + b = b + a$ , так же, как  $3 + 7 = 7 + 3$  или  $a + b = b + a$ . Но законы умножения и деления матриц немного сложнее. Чтобы получить элемент в  $m$ -й строке и  $n$ -м столбце произведения  $ab$ , нужно умножить  $a$ , элемент за элементом, на всю последовательность элементов в  $m$ -й строке, а  $b$  — на всю последовательность элементов в  $n$ -м столбце, и затем сложить все эти произведения вместе.

Схематически это правило может быть представлено следующими диаграммами, где обведенная точка произведения получается в результате сложения произведений точек, помещенных в квадраты:

The diagram shows two ways to calculate the product of two 3x3 matrices. 
 The first way shows a 3x3 matrix with rows labeled '1-я', '2-я', '3-я' and columns labeled '1-й', '2-й', '3-й'. It is multiplied by another 3x3 matrix where the second column is highlighted with squares. The result is a 3x3 matrix where the second column contains circles, indicating the result of the dot product between the first row of the first matrix and the second column of the second matrix.

или

The second way shows the same matrices and multiplication operation. In this version, the second row of the first matrix is highlighted with squares, and the second column of the second matrix is highlighted with squares. The result is a 3x3 matrix where the second row contains circles, indicating the result of the dot product between the second row of the first matrix and the second column of the second matrix.

Чтобы лучше понять этот процесс, вместо букв для элементов матрицы будем использовать числа и вычислим произведение двух матриц:

Для

1	3	5
2	5	1
4	3	2

 $\times$ 

3	5	4
1	1	1
2	3	5

получаем

16	23	32
13	18	18
19	29	29

так как  $1 \times 3 + 3 \times 1 + 5 \times 2 = 16$ ;  $1 \times 5 + 3 \times 1 + 5 \times 3 = 23$  и т.п.

Теперь изменим порядок множителей и вычислим:

Для

3	5	4
1	1	1
2	3	5

 $\times$ 

1	3	5
2	5	1
4	3	2

получаем

29	46	28
7	11	8
28	36	23

Результат сильно отличается от предыдущего! Переместительный (коммутативный) закон умножения, столь распространенный в арифметике и элементарной алгебре, не выполняется в матричных расчетах! Именно поэтому вычисления с матрицами называют некоммутативной алгеброй. Здесь следует отметить, что не все пары матриц обязательно дают разные результаты, когда порядок умножения меняется на обратный. Если результат один и тот же, говорят, что две матрицы

коммутируют; если результат отличается, они не коммутируют.

Деление матриц осуществляется так же, как и в обычной алгебре, где  $a/b = a^{-1}b$ , а значение  $b^{-1}$  (обратное этому числу) подчиняется условию  $b^{-1}b = 1$ . В некоммутативной алгебре  $a/b = a^{-1}b$ , где  $b^{-1}$  удовлетворяет условию  $b^{-1}b = 1$  и

$$1 = \begin{array}{cccccc} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & \text{и т.д.} \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & \text{и т.д.} \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & \text{и т.д.} \\ \text{и т.д.} & \text{и т.д.} \end{array}$$

Идея Гейзенberга заключалась в том, что, поскольку частоты спектральных линий, излучаемых атомом, представляют собой бесконечную матрицу:

$$\nu_{m,n} = \begin{array}{ccccc} \nu_{11} & \nu_{12} & \nu_{13} & \nu_{14} & \text{и т.д.} \\ \nu_{21} & \nu_{22} & \nu_{23} & \nu_{24} & \text{и т.д.} \\ \nu_{31} & \nu_{32} & \nu_{33} & \nu_{34} & \text{и т.д.} \\ \text{и т.д.} & \text{и т.д.} & \text{и т.д.} & \text{и т.д.} & \text{и т.д.} \end{array}$$

Механические величины, такие как скорости, импульсы и т.д., также должны быть записаны

в виде матриц. Таким образом, механические импульсы и координаты должны быть заданы матрицами:

$$P = \begin{array}{ccccc} p_{11} & p_{12} & p_{13} & p_{14} & \text{и т.д.} \\ p_{21} & p_{22} & p_{23} & p_{24} & \text{и т.д.} \\ p_{31} & p_{32} & p_{33} & p_{34} & \text{и т.д.} \\ \text{и т.д.} & \text{и т.д.} & \text{и т.д.} & \text{и т.д.} & \text{и т.д.} \end{array}$$

и

$$q = \begin{array}{ccccc} q_{11} & q_{12} & q_{13} & q_{14} & \text{и т.д.} \\ q_{21} & q_{22} & q_{23} & q_{24} & \text{и т.д.} \\ q_{31} & q_{32} & q_{33} & q_{34} & \text{и т.д.} \\ \text{и т.д.} & \text{и т.д.} & \text{и т.д.} & \text{и т.д.} & \text{и т.д.} \end{array}$$

где отдельные значения  $p_{m,n}$  и  $q_{m,n}$  колеблются с частотами  $v_{m,n}$ , приведенными в таблице выше.

Подставляя  $p$  и  $q$  в уравнения классической механики, Гейзенберг рассчитывал получить отдельные значения частот и амплитуды различных «виртуальных» источников колебаний. Однако для получения окончательного результата необходим был еще один шаг. В классической механике  $p$  и  $q$  являются обычными числами, и поэтому в вычислениях не имеет значения:  $pq$  или  $qp$ . Матрицы  $p$  и  $q$  не коммутируют ( $pq \neq qp$ ), поэтому необходимо

мо ввести дополнительное условие, объясняющее разницу между  $pq$  и  $qp$ . Гейзенберг предположил, что эта разница, которая также является матрицей, равна единичной матрице I с обычным числовым коэффициентом, для которого он взял  $\hbar/2\pi i$ . Таким образом, дополнительным условием стало:  $pq - qp = \frac{\hbar}{2\pi i}I$ . Добавив это условие к классическому уравнению механики, записанному в матричной форме, он получил систему уравнений, которая дала верные значения частот и относительных интенсивностей спектральных линий, которые были идентичны результатам, полученным Шредингером при использовании его волнового уравнения.

Неожиданное совпадение результатов, полученных волновой механикой Шредингера и матричной механикой Гейзенberга, которые, казалось, не имели ничего общего ни в физическом, ни в математическом планах, было объяснено Шредингером в одной из его последующих работ. Ему удалось доказать, что, хотя это и казалось невероятным на первый взгляд, его волновая механика была математически идентична матричной механике Гейзенберга, и что на самом деле одно может быть выведено из другого. Это было так же удивительно, как то, что киты и дельфины — это не рыбы, как акулы или сельдь, а животные, как слоны или лошади! Но это был факт, и сегодня волновая и матричная механика взаимозаменяемы и используются одна вместо другой в зависимости от предпочтений и удобства.

В частности, при расчете интенсивностей излучения используются матричные элементы, рассчитанные на основе волновой механики.

## ОТКАЗ ОТ КЛАССИЧЕСКИХ ЛИНЕЙНЫХ ТРАЕКТОРИЙ

Но несмотря на то, что новая квантовая теория, не важно, в волновой или матричной форме, дала прекрасное математическое описание атомных явлений, она не могла осветить физическую сторону вопроса. Какой физический смысл присыпывать этим таинственным волнам, этим загадочным матрицам? Как они связаны с нашими научными представлениями о материи и мире, в котором мы живем? Ответ на этот вопрос дал Гейзенберг в своей статье 1927 года.

Гейзенберг начинает свое рассуждение с упоминания теории относительности Эйнштейна, которая во времена ее публикации (и, в некоторой степени, это продолжается до сегодняшнего дня) противоречила здравому смыслу, по мнению многих выдающихся физиков.

А что такое «здравый смысл»? Известный немецкий философ Иммануил Кант (с произведениями которого автор знаком лишь отдаленно), вероятно, определил бы его следующим образом: «Здравый смысл»? Странный вопрос. Здравый смысл определяет, каким все должно быть». И затем, если бы его спросили: «А что значит «каким все должно быть?»», он бы, наверное, ответил:

«Ну, это означает: “таким, каким оно было всегда”»\*.

Эйнштейн, вероятно, был первым, кто осознал тот важный факт, что базовые понятия и законы природы, какими бы хорошо обоснованными они ни были, действительны только в рамках наблюдательских возможностей и не обязательно выходят за их пределы. Для людей древних культур Земля была плоской, но это уже не так для Магеллана и современных космонавтов. Основные физические представления о пространстве, времени и движении были хорошо разработаны и подчинялись здравому смыслу, пока наука не вышла за пределы, ограничивавшие ученых прошлого. Затем возникло резкое противоречие, главным образом из-за экспериментов Майкельсона, касающихся скорости света, которые вынудили Эйнштейна отказаться от старых представлений «здравого смысла» об исчислении времени, измерении расстояния и механики и привели к формулировке «нездравомысленной» теории относительности. Оказалось, что для очень высоких скоростей, очень больших расстояний и очень длительных периодов времени все было не так, как «должно быть».

Гейзенберг утверждал, что такая же ситуация имела место и в области квантовой теории, и он стал выяснять, что же не так с классической механикой материальных частиц, когда мы вторга-

\* Этот воображаемый разговор является исключительно фантазией автора.

емся в область атомных явлений. Так же, как Эйнштейн начал критический анализ несостоительности классической физики в релятивистской области критикой таких основных понятий, как одновременность двух событий на расстоянии, Гейзенберг атаковал основное понятие классической механики — понятие траектории движущегося физического тела. Траекторией с незапамятных времен считался путь, по которому тело движется в пространстве. В предельном случае, используемом в математических вычислениях, «тело» было математической точкой (без размера, по определению Евклида), тогда как «путь» был математической линией (не имеющей толщины, по мнению того же авторитета). Никто не сомневался, что этот предельный случай был наилучшим из возможных описаний движения и что, уменьшая экспериментальные ошибки в определении координат и скорости движущейся частицы, мы могли все ближе и ближе подходить к точному описанию движения.

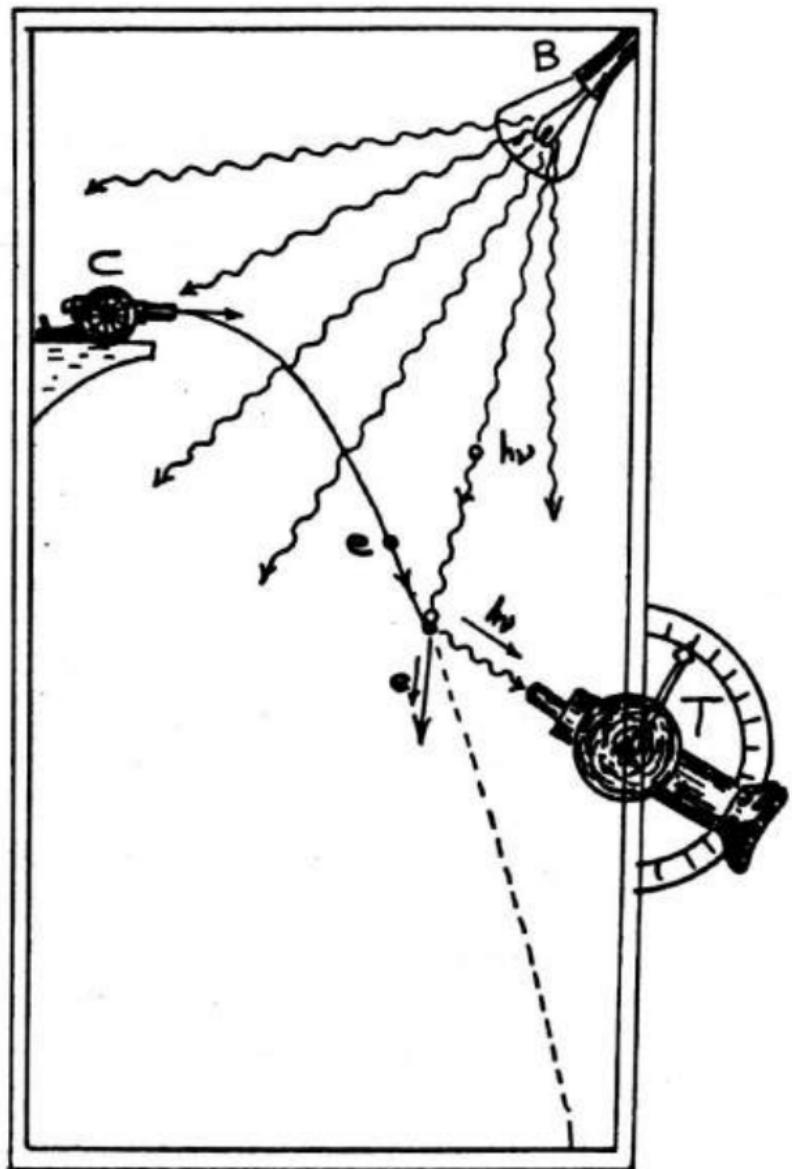
Гейзенберг оспорил это положение и отметил, что оно, несомненно, было бы истинным, если бы миром управляли законы классической физики, однако существование квантовых явлений может полностью изменить ситуацию. Рассмотрим для начала идеальный эксперимент по определению траектории частицы, имеющей массу, ну, например, в гравитационном поле Земли. С этой целью мы строим камеру и отка-

чиваем из нее воздух, пока внутри нее не останется ни одной молекулы (рис. 24). На стенке этой камеры мы устанавливаем небольшую пушку  $C$ , которая стреляет снарядом с массой  $m$  и скоростью  $v$ , скажем, в горизонтальном направлении. На противоположной стенке камеры помещен небольшой теодолит  $T$ , который может быть направлен на падающую частицу по пути следования. Камера освещается электрической лампочкой  $B$  на потолке.

Свет от лампочки отражается от падающей частицы и попадает в теодолитную трубку, а положение частицы считывается либо сетчаткой глаза наблюдателя, либо проявляется на фотопластинке.

Поскольку эксперимент, который мы проводим, является идеальным, мы должны учитывать все возможные факторы, способные повлиять на движение частицы, и таковые существуют, несмотря на полное отсутствие воздуха в камере. Поскольку свет от лампочки отражается на трубку теодолита, он оказывает на частицу определенное давление, которое отклоняет частицу от ее ожидаемой параболической траектории. Можно ли свести это воздействие к минимуму, сделать бесконечно маленьким?

Будем действовать пошагово и оценим сначала только десять положений частицы; мы зажигаем лампу только десять раз за время падения и, таким образом, устранием эффект давления



*Рис. 24. Идеальный квантовый микроскоп Гейзенберга, интерпретирующий соотношения неопределеностей:  
 $\Delta p \Delta q \geq h$ .*

света, пока на частицу не смотрят. Предположим, что при первой попытке эффект от десяти ударов, вызванных отраженным светом, отклоняет частицу слишком далеко от ожидаемой траектории. Есть простое решение. Мы можем уменьшить интенсивность до необходимого показателя, поскольку в классической физике не существует нижнего предела количества излучающей энергии, которая может выпускаться за одну вспышку, а также нет предела чувствительности объекта воздействия отраженного света. Сокращая интенсивность, мы можем сделать общее отклонение от траектории во время полета частицы меньше любого выбранного нами числа  $\epsilon$ . Если теперь мы решим увеличить количество наблюдаемых положений в десять раз для более точного определения траектории, во время полета нам придется включить лампочку сто раз. Эффект давления излучения в течение всего полета, соответственно, возрастет, и общее отклонение может стать больше, чем  $\epsilon$ . Чтобы исправить ситуацию, мы используем лампочку в десять раз слабее, а рецептор — в десять раз чувствительнее. Следующие шаги будут состоять из 1000, 10 000, 100 000 и т.д. наблюдений с использованием, соответственно, более слабых ламп и более чувствительного детектора. В пределе мы получаем бесконечное количество наблюдений, где траектория не изменяется больше, чем на  $\epsilon$ . Есть еще один момент, который необходимо учитывать.

Независимо от того, насколько мала движущаяся точка, из-за явлений дифракции ее оптическое изображение на экране не может быть меньше длины волны  $\lambda$  используемого света. И это снова можно исправить уменьшением  $\lambda$  и использованием вместо видимого света ультрафиолетового, рентгеновского излучения, и все более и более жестких  $\gamma$ -лучей. Поскольку в классической физике не существует нижнего предела длины электромагнитных волн, диаметр каждой дифракционной картины, таким образом, можно сделать настолько малым, насколько это необходимо. Поступая таким образом, мы можем наблюдать путь, сколь угодно тонкий, не нарушая общее движение более чем на  $\epsilon$ . Таким образом, в рамках классической физики мы можем концептуально выстроить понятие траектории как линии в евклидовом смысле этого слова.

Но соответствует ли это евклидово положение вещей реальности? Нет, говорит Гейзенберг. Он утверждал, что процедура нашего идеального эксперимента становится невозможной из-за существования световых квантов. Фактически наименьшее количество энергии, переносимой «вспышкой света», равно  $\hbar v$ , что соответствует механическому импульсу  $\hbar v/c$ . При отражении вспышек на теодолит частица, изменяя ее импульс следующим образом:

$$\Delta p \cong \frac{\hbar v}{c}.$$

Таким образом, число наблюдений увеличивает отклонение траектории сверх какого-либо предела, и вместо движения вдоль параболы мы увидим броуновское движение частицы, при котором ее будет отбрасывать туда-сюда по всей камере. Единственный способ уменьшить это отклонение — это уменьшить  $v$ , а так как  $v = c/\lambda$ , длина волны будет увеличиваться, пока не станет такой же большой, как камера.

Тогда вместо того чтобы видеть маленькие искры, прыгающие по экрану, мы бы могли наблюдать систему больших, перекрывающих друг друга дифракционных пятен, которые бы занимали весь экран.

Тогда, используя этот метод, мы бы не добились ничего похожего на математические линии.

Единственная альтернатива — искать компромисс. Мы должны использовать фотоны с не очень высокой частотой и не очень большой длиной волны. Поскольку неопределенность  $\Delta q$  в наших знаниях о положении частицы равна  $\approx \lambda = c/v$  мы получаем:

$$\Delta p \approx \frac{hv}{c} = \frac{h}{\lambda},$$

или

$$\Delta p \Delta q \approx h^*.$$

---

\* Это соотношение часто обозначается как  $\cong$ , что означает «приблизительно равно», или  $\sim$ , означающее «порядка», или, как на рис. 25, как  $\gg$ , что означает «больше либо равно».

что является известным соотношением неопределенностей Гейзенберга.

С точки зрения скорости это соотношение выглядит как:

$$\Delta v \Delta q \cong \frac{h}{m},$$

показывая, что отклонения от классической механики становятся значительными только для очень маленьких масс. Для частицы с массой в 1 мг\* получаем:

$$\Delta v \Delta q \cong \frac{10^{-27}}{10^{-3}} = 10^{-24},$$

что удовлетворяется если:

$$\Delta v \cong 10^{-12} \frac{\text{см}}{\text{сек}}; \quad \Delta q = 10^{-12}.$$

Таким образом, благодаря этому соотношению скорость небольшой картечнины не определена в пределах 0,3 метра в столетие, а неопределенность ее положения сопоставима с диаметром атомного ядра. Очевидно, что никому нет дела до таких неопределенностей!

С другой стороны, для электрона с массой  $10^{-27}$  г имеем:

$$\Delta v \Delta q \cong \frac{10^{-27}}{10^{-27}} \cong 1.$$

---

\* Миллиграмм (мг) составляет одну тысячную грамма, то есть массу одного кубического миллиметра воды при 4°C.

Поскольку утверждение, что электрон находится внутри атома, означает, что  $\Delta q \cong 10^{-8}$  см, мы находим, что неопределенность его скорости:

$$\Delta v \cong \frac{1}{10^{-8}} = 10^8 \text{ см/сек}.$$

Неопределенность кинетической энергии, соответствующая этой неопределенности скорости, равна:

$$\Delta K \cong mv\Delta v = 10^{-27} \times 10^{-8} \times 10^{-8} \cong 10^{-11} \text{ эрг} \cong 10 \text{ эВ}$$

что сравнимо с общей энергией связи электрона в атоме. Очевидно, что в этих обстоятельствах бессмысленно проводить линии электронных орбит в атоме, поскольку ширина этих линий будет сопоставима с диаметрами квантовых орбит Бора!

Можно сказать, что траекторию частицы следует наблюдать не оптическим методом, что приводит к описанным трудностям, а с помощью каких-то механических приспособлений, разбросанных в пространстве, а для регистрации прохождения частиц вблизи них — колокольчики, которые звенят при ударе частицы о них. Но здесь снова возникает проблема. Предположим, что регистрирующее устройство состоит из подвижной частицы внутри оболочки радиуса  $l$ . Эта частица, будучи квантованной, имеет последовательность квантовых состояний, различающихся по своим механическим импульсам на величины:

$$\Delta p \cong \frac{\hbar}{l}.$$

Таким образом, если удар падающей частицы переводит устройство из одного квантового состояния в другое, то падающая частица теряет значительную часть своего импульса. Но  $\Delta$  — это неопределенность  $\Delta q$  в положении падающей частицы, поскольку она может попасть в регистрирующее устройство в любой точке его поверхности. Таким образом, мы снова получаем:

$$\Delta p \Delta q \cong h$$

для измерений, проводимых механическими методами. Можно отметить, что этот метод звездного колокольчика широко используется в экспериментальной ядерной физике под названием камера Вильсона, где ионизированные атомы газа (с конденсированными на них водяными парами) образуют длинные следы (треки), показывающие движение различных атомных частиц. Но следы камеры Вильсона не являются математическими линиями и на самом деле намного толще, чем позволяет соотношение неопределенности.

Поскольку в атомной и ядерной физике понятие классических линейных траекторий неизбежно терпит неудачу, очевидна необходимость разработки другого метода описания движения материальных частиц, и здесь нам на помощь приходят  $\Psi$ -функции. Они не принадлежат к физической реальности. Волны де Броиля не имеют такой массы, как электромагнитные волны, и, в то время как, в принципе, можно купить пол-

кило красного света, в мире не существует ни грамма волн де Бройля. Они не более материальны, чем линейные траектории классической механики, и, по сути, их можно описать как «расширенные математические линии». Они направляют движение частиц в квантовой механике в том же смысле, что и линейные траектории направляют движение частицы в классической механике. Но так же, как мы не рассматриваем орбиты планет в Солнечной системе как своего рода железнодорожные пути, которые заставляют Венеру, Марс и нашу Землю двигаться по эллиптическим орбитам, мы не можем рассматривать волново-механические непрерывные функции как некоторое поле сил, которые влияют на движение электронов.

Волновые функции де Бройля — Шредингера (точнее, квадрат их абсолютных значений, т.е.  $|\Psi|^2$ ), просто определяют вероятность того, что частица будет найдена в той или иной части пространства и будет двигаться с той или иной скоростью.

Мы не можем закончить эту главу, не описав захватывающий спор между Нильсом Бором, который был большим защитником отношений неопределенности, и Альбертом Эйнштейном, который до самой смерти оставался их ярым противником. Этот инцидент произошел в Брюсселе на шестом Сольвеевском конгрессе (1930 г.), который был посвящен проблемам квантовой теории и затрагивал тему (как можно ожидать из

присутствия Эйнштейна!) соотношения неопределенностей в четырех координатах.

До сих пор в этой книге мы упомянули отношение  $\Delta p \Delta q \cong h$  для любой отдельной координаты и соответствующего механического импульса. Однако в трехмерной декартовой системе координат существуют три независимых соотношения:

$$\Delta p_x \Delta x \cong h,$$

$$\Delta p_y \Delta y \cong h,$$

$$\Delta p_z \Delta z \cong h.$$

Поскольку в теории относительности время (в форме  $ct^*$ ) служит четвертой координатой, а энергия (в форме  $E/c$ ) — четвертым компонентом механического импульса, можно ожидать, что существует четвертое соотношение неопределенностей:

$$\Delta E \Delta t \cong h,$$

и именно эта тема привела к инциденту на конгрессе. Эйнштейн выступил с заявлением, что может предложить идеальный эксперимент, противоречащий этому четвертому соотношению.

Он сказал, что размышлял о коробе, выложенном изнутри идеальными зеркалами (как куб Джинса, о котором мы говорили в главе 1) и наполненном определенным количеством светового излучения. В одной из стенок расположен некий идеальный фотографический затвор, связанный

\* Где  $c = 3 \times 10^{10}$  см/сек — скорость света в вакууме.

с идеальным будильником, который можно установить так, чтобы затвор работал в любой момент времени после того, как ящик был заполнен излучением (рис. 25). Поскольку часы находятся внутри коробки, а затвор закрыт, внутренняя часть коробки полностью изолирована от внешнего мира. Эйнштейн предложил взвесить коробку до срабатывания будильника.

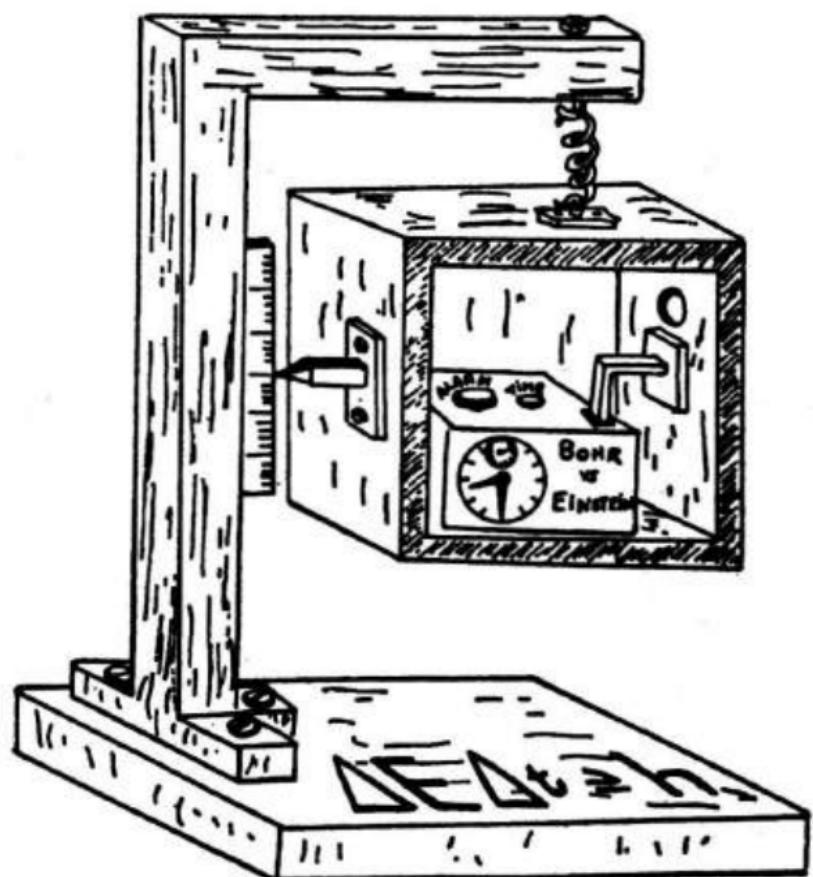


Рис. 25. Идеальный эксперимент Бора, который опроверг утверждение Эйнштейна о неправильности соотношения  $\Delta E \Delta t \geq h$ .

Взвешивание может быть выполнено с любой желаемой точностью, при условии достаточного количества времени. Затвор откроется в тот самый момент, на который был установлен будильник, и будет выпущено определенное количество светового излучения. После закрытия затвора можно снова взвесить коробку с любой необходимой точностью. Изменение массы коробки  $M_2 - M_1$ , можно получить с любой точностью из двух измерений веса, а умножение на  $c^2$  даст точное количество излучаемой энергии, так что  $\Delta E = 0$ . С другой стороны, идеальные часы сработают безукоризненно, так что не будет никакой неопределенности во времени, когда эта энергия испускалась, и  $\Delta t = 0$  тоже. Получив одновременно  $\Delta E = 0$  и  $\Delta t = 0$ , мы уничтожаем четвертое соотношение неопределенности. Аргумент казался очень убедительным, и Бор не знал, что сказать. Но на следующее утро, после почти бессонной ночи, Бор с сияющим лицом появился в зале заседаний с объяснением. Он отметил, что для того, чтобы взвесить коробку, ее нужно перемещать в вертикальном направлении независимо от того, используются ли рычажные или пружинные весы. Часы, изменяя свое положение в гравитационном поле Земли, будут терять или выигрывать время, согласно закону Эйнштейна, касающемуся влияния гравитационного потенциала на ход часов. Появится неопределенность  $\Delta t$  во время спуска затвора. С другой стороны, амплитуда вертикальных колебаний короба, которая определяет  $\Delta t$ , связана через

обычное отношение  $\Delta p \Delta z \approx h$  с изменением массы, которое задает качание короба при потере энергии. Поиграв с уравнениями, Бор легко пришел к выводу, что  $\Delta E \Delta t \approx h$ , и таким образом опроверг аргумент Эйнштейна, используя его собственные важнейшие открытия.

Эта глава была сосредоточена на принципе Гейзенберга, а не на его личных качествах, но автор может добавить, что Гейзенберг был опытным лыжником, играл в пинг-понг левой рукой и, несмотря на свою большую славу в качестве физика, был лучше известен в Лейпциге (где он был профессором) как первоклассный пианист.



## Глава 6

### П. ДИРАК И АНТИЧАСТИЦЫ

Теория относительности и квантовая теория, появившиеся почти одновременно в начале нынешнего столетия, были двумя грандиозными взрывами человеческого разума и потрясли самые основы классической физики: относительность для скоростей, приближающихся к скорости света; квант для движения, ограниченного очень маленькими (атомными) размерами. Но на протяжении почти трех десятилетий эти две великие теории так или иначе существовали отдельно друг от друга. Первоначальная теория квантовых орбит Бора, а также волновые уравнения Шредингера, в которые она переросла, были по сути нерелятивистскими; обе теории были применимы только

к частицам, движущимся с небольшой скоростью (относительно скорости света).

Но скорости электронов внутри атомов не так малы. Например, электрон на первой орбите атома водорода имеет скорость  $2,2 \times 10^8$  см/сек (если вычислять по Бору), что составляет лишь немногим менее 1% от скорости света. Скорость электронов внутри более тяжелых атомов значительно больше. Конечно, несколько процентов — это не слишком много, и рассчитанное значение можно сделать более точным, введя «релятивистские поправки», тогда оно стало бы несколько лучше согласовываться с измерениями, полученными в результате эксперимента. Но это лишь небольшое усовершенствование, а не окончательная теория.

Другая проблема касалась магнитного момента электрона. В 1925 году Гаудсмит и Уленбек доказали, что для объяснения некоторых деталей атомных спектров необходимо присвоить электрону определенные угловые и магнитные импульсы\*, известные всем как спин электрона. В то время бытовало наивное представление об электроне как о сфере с низким зарядом и диаметром  $3 \times 10^{-18}$  см. Предполагалось, что быстрое вращение этой сферы вокруг своей оси создает магнитный момент, что приводит к дополнительному взаимодействию с ее орбитальным движением

\* См. Фрэнсис Биттер «Магниты: образование физика (1959). (Книга не переведена на русский язык. — Примеч. пер.).

и с магнитными моментами других электронов. Однако оказалось, что для создания необходимого магнитного поля электрон должен вращаться так быстро, что точки на его экваторе перемещались бы с гораздо более высокими скоростями, чем скорость света. Здесь снова возникает конфликт между квантовой и релятивистской физикой. Становилось ясно, что теорию относительности и квантовую физику нельзя просто сложить вместе. Необходима более общая теория, которая содержала бы как релятивистские, так и квантовые идеи в единой гармоничной форме.

Самый важный шаг в этом направлении был сделан в 1928 году британским физиком П. Дираком, который начал свою карьеру в качестве инженера-электрика, но, не найдя для себя достойной работы, подал заявку на стипендию в области физики в Кембриджском университете. Его заявление (которое было принято) в настоящее время висит в симпатичной рамке в университетской библиотеке рядом с сертификатом о присуждении Нобелевской премии, который он получил скоро после перехода от электромеханики к квантовой физике.

Сейчас вокруг известных ученых нередко возникает образ «рассеянного профессора». В большинстве случаев это просто выдумки, но относительно Дирака, все эти истории действительно правдивы, по крайней мере, по мнению автора. Приведем некоторые из них здесь для будущих историков.

Дирак был великим физиком-теоретиком, а потому любил строить теории касательно всех повседневных жизненных проблем, а не находить их решение непосредственно экспериментальным путем. Однажды на вечеринке в Копенгагене он предложил теорию, согласно которой существует определенное расстояние, на котором лицо женщины выглядит наилучшим образом. Он утверждал, что при  $d = \infty$  ничего нельзя увидеть в любом случае, а при  $d = 0$  овал лица деформируется из-за маленького разреза человеческого глаза, и многие недостатки (например, мелкие морщины) становятся преувеличенными. Таким образом, существует определенное оптимальное расстояние, на котором лицо выглядит лучше всего.

— Скажи мне, Пол, — спросил я, — насколько близко ты когда-либо видел лицо женщины?

— О, — ответил Дирак, отводя ладони от лица чуть больше, чем на полметра, — примерно настолько.

Несколько лет спустя Дирак женился на «сестре Вигнера», известной среди физиков, потому что она была сестрой известного венгерского физика-теоретика Юджина Вигнера.

Когда один из старых друзей Дирака, который еще не знал о женитьбе, зашел к нему в гости, он увидел у Дирака привлекательную женщину, которая подавала чай, а затем удобно устроилась на диване.

— Как поживаете? — сказал друг, размышляя, что это за женщина.

— О! — воскликнул Дирак. — Извините. Я забыл представить вас. Это... это сестра Вигнера\*.

Чувство квантового юмора Дирака часто можно было наблюдать на научных встречах. Однажды в Копенгагене Клейн и Нишина продемонстрировали выведенную ими знаменитую формулы Клейна — Нишины, описывающую столкновения между электронами и гамма-квантами. После того как на доске была написана окончательная версия, кто-то из присутствовавших, кто уже видел рукопись работы, заметил, что в формуле, написанной на доске, второй член был со знаком «минус», тогда как в рукописи знак был «плюс».

— О, — сказал Нишина, выступавший с речью, — в рукописи знаки, безусловно, правильные, но здесь, на доске, я, должно быть, допустил ошибку в каком-то месте.

— В нечетном количестве мест! — заметил Дирак.

Другой пример острого наблюдения Дирака имеет литературный характер. Его друг Петр Капица, русский физик, дал ему «Преступление и наказание» Достоевского в английском переводе.

\* В недавнем разговоре с миссис Дирак (в Остине, штат Техас, кто бы мог подумать!) автор спросил, правдива ли эта история. Она сказала, что на самом деле Дирак сказал: «Это сестра Вигнера, которая теперь моя жена».

— Ну, как вам? — спросил Капица, когда Дирак вернул книгу.

— Довольно неплохо, — сказал Дирак, — но в одной из глав автор допустил ошибку. Он описывает восход солнца дважды в течение одного дня.

Это был его единственный комментарий к роману Достоевского\*.

Еще одна история произошла в гостях у Капицы: Дирак разговаривал с Петром о физике и наблюдал за тем, как Анна Капица вязала. Через пару часов после ухода Дирак влетел обратно в дом, очень взволнованный. «Вы знаете, Аня, — сказал он, — наблюдая за тем, как вы вязали этот свитер, я заинтересовался топологическим аспектом проблемы. Я обнаружил, что есть другой способ сделать это и что существует только два возможных способа. Первый — тот, который использовали вы, а второй вот такой...» И он продемонстрировал его своими длинными тонкими пальцами. Его только что открытый «другой способ», сообщила ему Аня, уже хорошо известен женщинам и является не чем иным, как «изнаночной гладью».

Чтобы закончить «истории Дирака», прежде чем мы перейдем к его научным достижениям, позвольте мне упомянуть еще одну. Во время во-

\* Услышав эту историю от Капицы, автор поленился еще раз прочитать «Преступление и наказание», чтобы выяснить, о какой главе идет речь. Но некоторые из читателей настоящей книги, возможно, захотят сами это выяснить.

просов после лекции Дирака в университете Торонто кто-то из аудитории заметил: «Профессор Дирак, я не понимаю, как вы вывели формулу в верхней левой части доски».

«Это не вопрос, — огрызнулся Дирак, — это утверждение. Следующий вопрос, пожалуйста».

## ОБЪЕДИНЕНИЕ КВАНТОВОЙ ТЕОРИИ И ТЕОРИИ ОТНОСИТЕЛЬНОСТИ

Теперь обратимся к достижениям Дирака в области физики. Как уже было сказано в начале главы, квантовую теорию и теорию относительности никто не мог совместить, словно они были деталями китайской головоломки. На первый взгляд они хорошо прилегают друг к другу, но все равно остаются небольшие несоответствия, и картина не получается идеальной.

Волновое уравнение Шредингера в квантовой теории выглядело очень похоже на классическое волновое уравнение, описывающее распространение звука или электромагнитных волн, но...

В классической физике рассматриваемые величины, будь то плотность воздуха или электромагнитные силы, всегда присутствуют в волновом уравнении в виде вторых производных\*, то есть

\* Понятие производных на элементарном уровне описывается в главе 3 («Расчеты») в книге автора под названием «Гравитация» (G. Gamov «Gravity»), опубликованной в 1962 году в этой же серии. См. также «Математические аспекты физики» Фрэнсиса Биттера (F. Bitter «Mathematical Aspects of physics»).

быстроты изменения скорости по  $x$ ,  $y$ ,  $z$  и  $t$ , что условно обозначается как

$$\frac{\partial^2 u}{\partial x^2}; \frac{\partial^2 u}{\partial y^2}; \frac{\partial^2 u}{\partial z^2}; \text{ и } \frac{\partial^2 u}{\partial t^2}.$$

Точное математическое решение таких уравнений всегда приводит к гармоническим волнам, распространяющимся в пространстве. Волновое уравнение Шредингера содержало вторые производные по  $x$ ,  $y$  и  $z$ , но первую производную по  $t$ . Причина состояла в том, что это уравнение было выведено из классической ньютоновской механики, в которой ускорение движущейся материальной частицы пропорционально действующей силе. Фактически, если  $x$  — это положение частицы, ее скорость  $v$  (то есть скорость изменения ее положения со временем) является первой производной  $x$  по  $t$ :

$$\left( \frac{\partial x}{\partial t} \right),$$

тогда как ее ускорение  $a$  (то есть величина изменения ее скорости во времени) является второй производной:

$$\frac{\partial \left( \frac{\partial x}{\partial t} \right)}{\partial t},$$

что обычно записывается как

$$\frac{\partial^2 x}{\partial t^2},$$

С другой стороны, сила  $F$  является первой производной потенциала  $P$  в этом положении:

$$\frac{\partial P}{\partial x}; \frac{\partial P}{\partial y} \text{ и } \frac{\partial P}{\partial z}.$$

Таким образом, основной закон движения Ньютона, утверждающий, что ускорение пропорционально силе, содержал первые производные по пространственным координатам и вторую производную по времени. Этот факт делает ньютоновское уравнение движения частицы математически неоднородным, придавая времени  $t$  статус, отличный от координат  $x, y, z$ . Эта ситуация, существовавшая веками в классической механике, отражена в релятивистской волновой механике Шредингера, в которой пространство и время рассматриваются как совершенно разные сущности.

Но как только мы пытаемся сформулировать законы квантовой теории на релятивистской основе, мы сталкиваемся с трудностью, заключающейся в том, что пространство и время очень тесно связаны друг с другом. Так, следуя основным идеям Эйнштейна, Г. Минковский сформулировал понятие четырехмерного пространственно-временного континуума, в котором время, умноженное на мнимую единицу  $i = \sqrt{-1}$ , рассматривается как эквивалентное трем пространственным координатам. В представлениях Мин-

ковского нет никакой разницы между  $x$ ,  $y$ ,  $z$  и  $ict$  (где  $c^*$  вводится из соображений размерности).

(В этой книге, посвященной квантовой теории, мы не будем подробно останавливаться на теории относительности; читателю, не знакомому с предметом, следует взять эту информацию из других книг\*\*.

Однако автор может предположить, что человек, читающий следующие главы, хотя бы элементарно знаком с основными идеями теории Эйнштейна.)

Как было сказано ранее, волновое механическое уравнение должно содержать одинаковые производные во всех четырех координатах. Уравнение Шредингера, однако, полученное из уравнения Ньютона, не удовлетворяет этому условию. Первые попытки исправить этот дефект были предприняты независимо О. Клейном и В. Гордоном, которые придали нерелятивистскому волновому уравнению Шредингера релятивистскую форму, просто введя вторые производные по времени вместо первых. Но хотя волновое уравнение Клейна-Гордона казалось очень заманчивым и очень релятивистским, оно страдало от ряда внутренних противоречий, и все попытки ввести в него спин любым рациональным способом привели к полному провалу.

---

\* Коэффициент  $c$  (скорость света) нужен для соотнесения размерности.

\*\* См. Герман Бонди «Относительность и здравый смысл».

Так было, пока однажды вечером 1928 года, сидя в кресле в своем кабинете в колледже Святого Иоанна и вытянув длинные ноги в направлении горящего камина, Поль Адриен Морис Дирак не выдвинул очень простую и просто блестящую идею.

Если нельзя получить хороший результат, используя в релятивистском волновом уравнении вторые производные по временной координате, то почему бы не использовать первые производные по пространственным координатам? Конечно, это будет означать введение большего количества мнимых единиц  $i$ , но это сделает волновое уравнение симметричным в пространстве и времени. Так появилось линейное уравнение Дирака (содержащее только первые производные), которое при применении к атому водорода немедленно привело к великолепным результатам. Все расщепления спектральных линий, которые упорно сопротивлялись интерпретации относительно спина и магнитного момента электрона, оказались совершенно логичными на основе новой теории.

Этот успех был особенно удивительным, потому что при формулировке своего уравнения, целью Дирака было только сделать его релятивистски правильным; вращающийся электрон сыграл в роли бонуса для правильного объединения теории относительности и квантовой теории. И это была не маленькая электрически заряжен-

ная и быстро вращающаяся сфера, а точечный заряд, который по воле уравнения Дирака вел себя как крошечный магнит.

Но после написания волнового уравнения, которое представляло собой идеальное объединение теории относительности и квантовой теории, Дираку пришлось столкнуться с другой трудностью, которая была характерна для любой попытки объединить эти две теории. Согласно известному соотношению Эйнштейна, масса покоя  $m_0$  (выраженная в граммах) была эквивалентна энергии  $m_0 c^2$  (выраженной в эргах), где  $c$  — скорость света. Если эта масса движется с определенной скоростью  $v$ , таким образом имея (в первом приближении) кинетическую энергию  $K = \frac{1}{2} m_0 v^2$ , то полная энергия равна:

$$E = \frac{m_0 c^2}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}} \cong m_0 c^2 + \frac{1}{2} m_0 v^2^{**}.$$

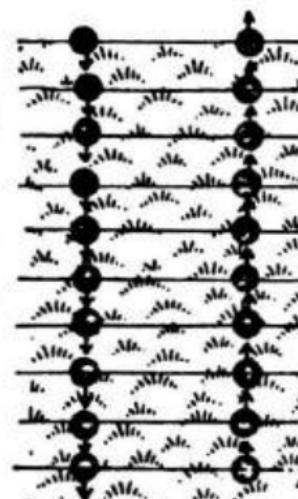
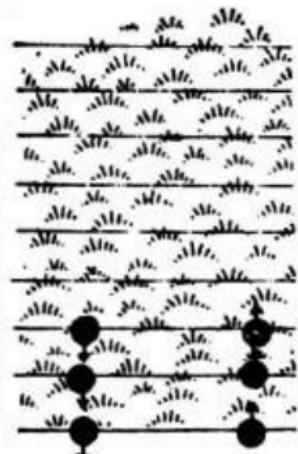
Но из-за математических свойств релятивистской механики Эйнштейна следует ожидать также тип движения, соответствующий полной энергии:

---

\* Или точнее:  $m_0 c^2 \left( \frac{1}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}} \right) - 1$ , что равно  $\frac{1}{2} m_0 v^2$ , если  $v \leq c$ .

\*\* Для  $v \leq c$ .

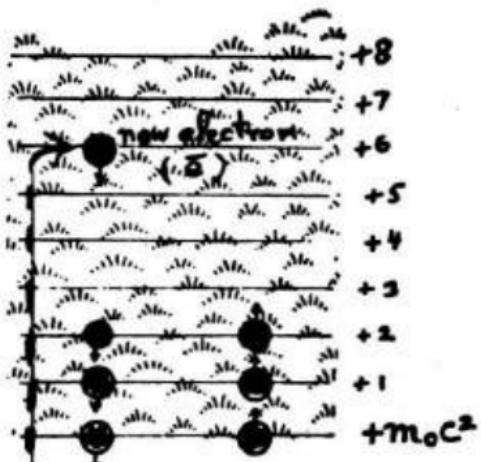
ПОЛОЖИТЕЛЬНАЯ МАССА



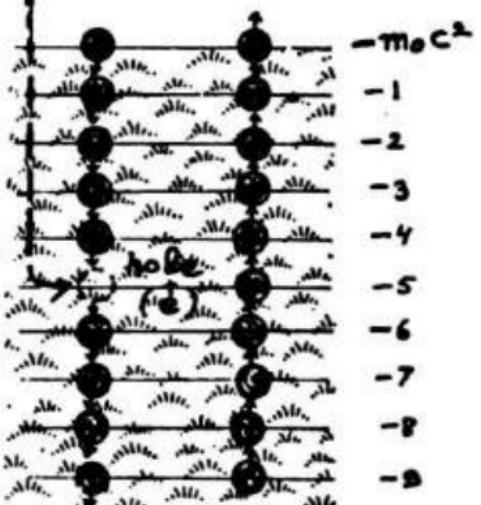
(a)

и т.д.

ОБРАЗОВАНИЕ ПАР



АННИХИЛЯЦИЯ ПАР



(b)

и т.д.

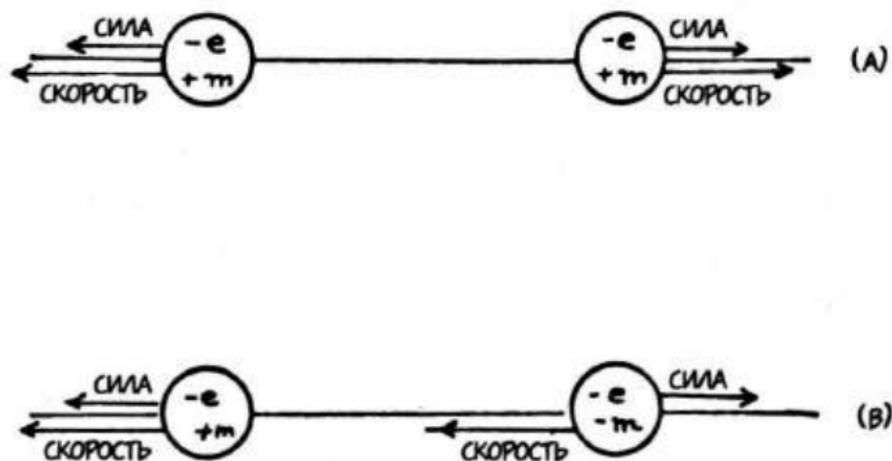
$$E = \frac{-m_0 c^2}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}} \cong -m_0 c^2 - \frac{1}{2} m_0 v^2 ^*,$$

Это уравнение можно получить из предыдущего, написав  $-m_0$  вместо  $+m_0$ , что физически означает введение отрицательной массы. Таким образом, релятивистская механика допускает в целом два отдельных набора уровней: уровни с энергией покоя  $+m_0 c^2$  и выше, другие с энергией покоя  $-m_0 c^2$  и ниже (рис. 26).

← Рис. 26. Дираковская картина распределения уровней энергии частиц с положительной и отрицательной массой. Слева (a) все уровни отрицательной энергии полностью заполнены, и только шесть обычных электронов могут существовать на нормальных положительных уровнях. Справа (b) один из электронов с отрицательного уровня поднимается до положительного уровня, оставляя за собой «дырку», которая ведет себя как обычный положительный электрон с положительной массой. Если этот дополнительный электрон с положительного уровня возвращается обратно (процесс аннигиляции  $\bar{e}$  и  $e^+$ ) разность энергий будет излучаться как  $\gamma$ -излучение).

\* Для  $v \leq c$ .

В то время как уровни энергии, показанные в верхней части диаграммы ( $E > 0$ ), соответствуют знакомым типам движения материальных частиц (электрон, протон и т.д.), уровни энергии в нижней части диаграммы ( $E < 0$ ) не соответствуют физической реальности. Частицы, имеющие отрицательную инертную массу, не наблюдаются в природе. Действительно, из-за отрицательного значения их массы они будут ускоряться в направлении, противоположном действующей на них силе, и, чтобы остановить движущуюся частицу такого типа, нужно воздействовать на нее в направлении ее движения, а не против него! Представьте себе две частицы, скажем, два электрона с численно равными массами, имеющими, однако, противоположные знаки ( $+m$  и  $-m$ ). Согласно кулоновскому закону, они будут отталкиваться друг от друга электростатическими силами, имеющими одинаковые числовые значения, но действующие в противоположном направлении. Если бы обе частицы имели положительные массы, это взаимодействие приводило бы к одинаковым, но противоположно направленным ускорениям (рис. 27а), и они улетали бы друг от друга с увеличивающимися скоростями. Если, однако, одна из частиц имеет отрицательную массу (рис. 27б), она будет ускоряться в том же направлении, что и другая частица, и они будут лететь вместе, сохраняя постоянное расстояние между собой и ускоряясь сверх любого предела ( $< c$ , ра-



*Рис. 27. Взаимодействие частиц с положительной и отрицательной массой.*

зумеется). Здесь нет противоречия с законом сохранения энергии, так как объединенная кинетическая энергия двух частиц будет:

$$\frac{1}{2}mv^2 + \frac{1}{2}(-m)v^2 = 0,$$

что значит такой же, как это было до начала движения.

Все это из области фантастики, и частицы, обладающие такими свойствами, никогда не были замечены.

В классической релятивистской механике (которая не учитывает квантовые явления) проблема частиц с отрицательной массой может быть легко устранена. Действительно, как видно из рис. 26, области положительных и отрицательных энергий разделены интервалом в  $2m_0c^2$  (около 1 млн элек-

тронвольт, говоря об электронах). Поскольку в неквантовой механике (классической и релятивистской) изменения энергии должны быть непрерывными, частица из верхней части диаграммы не может переместиться в нижнюю часть, потому что это потребовало бы скачкообразного изменения ее энергии.

Таким образом, в физическом описании Вселенной случаи отрицательных масс можно отвергнуть как нереализуемые математические возможности. Однако, если принимать во внимание квантовые явления, ситуация меняется довольно радикально: в квантовой теории электроны и другие элементарные частицы просто обожают перепрыгивать с более высоких уровней на более низкие. Таким образом, в релятивистской квантовой теории должно произойти парадоксальное событие: все нормальные электроны перепрыгнут из состояний с положительной массой в состояния с отрицательной массой, и Вселенная выйдет из строя!

Дирак видел лишь один способ разрешить этот парадокс, а именно: использовать принцип Паули и предположение, что все состояния, соответствующие отрицательной массе, уже заняты (два электрона с противоположным спином на каждое состояние), что не позволяет электронам из положительных состояний массы перепрыгнуть в них. Это напоминает ситуацию с уже знакомыми нам электронными оболочками атома, где электрон из *M*-оболочки не может перепрыгнуть в *L*- или

*K*-оболочки, потому что они полностью заселены электронами, занявшими их ранее.

Но, в то время как атомы являются ограниченными структурами, содержащими конечное число электронов, теория Дирака относилась к безграничному пространству и требовала бесконечного числа электронов на каждый кубический сантиметр вакуума. Пока все хорошо, если пренебречь бесконечной массой этих электронов, которая, согласно релятивистской теории гравитации Эйнштейна (иногда называемой общей теорией относительности), сделала бы радиус кривизны пустого пространства равным нулю!

Отложив на потом эту трудность, Дирак спросил себя, будет ли это распределение отрицательно заряженных электронов с отрицательной массой наблюдаться, то есть детектироваться с помощью каких-либо физических измерительных приборов. Ответ был — нет. Никакое электрическое оборудование не сможет обнаружить равномерное распределение заряда в пространстве, независимо от того, насколько он велик на единицу объема. Чтобы понять это утверждение, давайте представим глубоководную рыбку, которая никогда не поднимается на поверхность океана и никогда не опускается на самое дно. Если мы предположим, что в воде отсутствует трение (что-то вроде жидкого гелия), то выходит, что рыба, какой бы умной она ни была, не сможет определить, движется ли она в воде или в полном

вакууме. А если что-то нельзя пронаблюдать, это нельзя использовать в физическом описании природы.

Наша глубоководная рыба привыкла видеть объекты, движущиеся вниз, будь то мусор, выброшенный за борт с кораблей, плывущих через океан, или, в редких случаях, сами тонущие корабли. Так, вслед за Аристотелем рыба усвоит понятие гравитации, которая заставляет все материальные объекты двигаться вниз.

Но предположим теперь, что у тонущей пустой бутылки «Соса-Cola» или тонущего океанского лайнера внутри заключен воздух, который выпускается, когда они достигают дна. Что же увидит наша умная рыба? Она увидит скопление серебристых сфер (пузырьки воздуха, если выражаться обычным человеческим языком), поднимающихся вверх. Что подумает наша умная рыба, наблюдая за этими объектами? Что ж, она будет поражена, что они движутся в направлении, противоположном направлению силы тяжести, и будет склонна приписывать им массу противоположного знака по отношению к обычным объектам, которые движутся вниз.

Можно привести несколько более близкую аналогию, если рассмотреть сложный атом с заполненными оболочками  $K$ ,  $L$  и  $M$ , который подвергся жесткому рентгеновскому излучению и потерял один из двух электронов на  $K$ -оболочке. На  $K$ -оболочке образуется пустое пространство (пу-

стота Паули), и один из электронов  $L$ -оболочки перепрыгнет на нее, оставив пустое пространство на своей оболочке. Следующим шагом будет переход наиболее подвижного электрона из  $M$ -оболочки на пустое место  $L$ -оболочки. Конечно, существует также вероятность того, что  $M$ -оболочка обойдет  $L$ -оболочку, и пустота на  $K$ -оболочке будет занята непосредственно одним из электронов  $M$ -оболочки.

## ФИЗИКА АНТИЧАСТИЦ

Но мы можем взглянуть на проблему с другой точки зрения. Отсутствие отрицательного электрона на  $K$ -оболочке, равнозначно тому, что на ней располагается положительный заряд. Переход отрицательного электрона из  $L$ -оболочки вниз на  $K$ -оболочку равнозначен поднятию этого положительного заряда из  $K$ -оболочки на  $L$ -оболочку, а затем и на  $M$ -оболочку. С этой точки зрения мы имеем мнимую положительно заряженную частицу, которая перемещается с самого низкого уровня  $K$  на гораздо более высокий уровень  $M$ , а затем выходит в межатомное пространство. Поскольку, согласно закону Кулона, положительно заряженное ядро должно отталкивать положительно заряженный мнимый электрон, все идет превосходно.

Возвращаясь к морю Дирака, заполненному отрицательно заряженными электронами, обла-

дающими отрицательной массой, мы спрашиваем себя, как экспериментатор воспримет ситуацию, в которой один отрицательный электрон с отрицательной массой отсутствует на своем уровне. Очевидно, из этого следуют два простых вывода: (1) Отсутствие отрицательного заряда будет наблюдаться исходя из наличия положительного заряда. При этом экспериментатор будет наблюдать частицу с электрическим зарядом  $+e$ . (2) Отсутствие отрицательной массы эквивалентно наличию положительной массы. Таким образом, частица будет вести себя как обычно и наблюдаваться как обычная положительно заряженная частица. Придя к таким выводам, Дирак понял, что слишком далекошел, развивая свою идею. Он считал, что можно доказать, что числовое значение массы этой дыры в океане электронов с отрицательной массой примерно в 1840 раз больше массы обычного электрона. Если бы это было действительно так, дыры в море Дирака наблюдались бы как обычные протоны.

Статья Дирака, опубликованная в 1930 году (или, точнее, личные беседы и переписка до ее публикации), вылилась в яростную критику его идеи. Нильс Бор, который по какой-то неизвестной автору причине интересовался слонами, написал охотничий рассказ «Как поймать живого слона».

Он предложил следующий метод африканским охотникам на крупную дичь: в месте водо-

поя на реке, куда слоны приходят пить и купаться, нужно поставить большой плакат, объясняющий коротким предложением идею Дирака. Когда слон, который, как известно, очень мудрый зверь, придет за водой, он прочтет текст на плакате и замрет от удивления на несколько минут. Этим временем и воспользуются прячущиеся в кустах охотники для того, чтобы выскочить и надежно связать ноги слона прочными веревками. Затем животное можно отправлять в зоопарк Хагенбека в Гамбурге.

Паули, который тоже любил шутки, сделал некоторые расчеты, которые показали, что, если бы протоны в атомах водорода были дырами Дирака, электроны перепрыгивали бы в них за ничтожно малую долю секунды, и атомы водорода (а также атомы всех других элементов) были бы мгновенно уничтожены взрывом высокочастотного излучения. Паули предложил так называемый Второй принцип Паули, согласно которому любая теория, предложенная теоретиком, сразу же должна быть применена к его собственному телу. Таким образом, Дирак превратится в гамма-лучи, прежде чем он сможет рассказать кому-либо о своей идее.

Все это было очень весело, но через год после публикации статьи Дирака американский физик Карл Андерсон, изучая электроны космических лучей, проходящие через сильное магнитное поле, обнаружил, что, хотя половина из них была от-

клонена в ожидаемом для отрицательно заряженных частиц направлении, другая половина была отклонена под тем же углом в противоположном направлении. Это были положительно заряженные электроны, иногда называемые позитронами, предсказанные теорией Дирака. Экспериментальные исследования позитронов показали, что они ведут себя именно так, как должны были дираковские дыры. Хотя позитроны были впервые обнаружены в космических лучах, вскоре выяснилось, что они также могут быть созданы в контролируемых лабораторных условиях просто путем обстрела металлических пластин жесткими гамма-лучами.

Столкнувшись с атомным ядром,  $\gamma$ -квант исчезает, и вся его энергия преобразуется в два электрона, один отрицательный и один положительный, как показано на рис. 28а.

Поскольку масса одного электрона, выраженная в единицах энергии, равна 0,5 МэВ, процесс происходит только в том случае, если энергия  $\gamma$ -луча  $h\nu$  больше 1,0 МэВ. Избыток энергии:

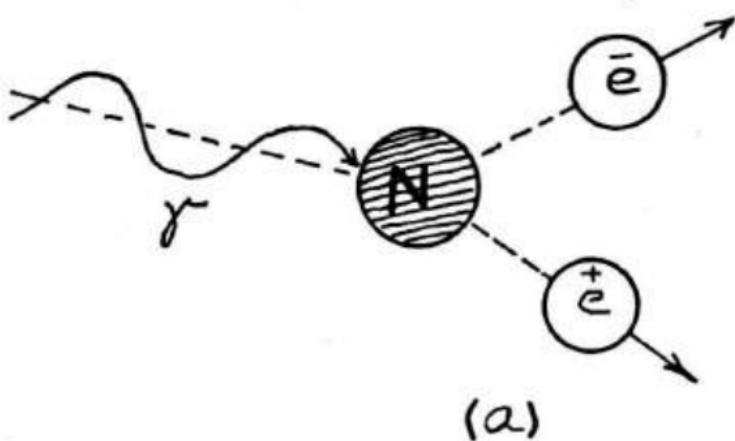
$$h\nu - 2m_0c^2$$

сообщается к электронной паре ( $e^+$ ,  $e^-$ ), «рожденной» при столкновении. Судьбы этих двух электронов совершенно разные. Отрицательный (обычный) электрон  $e^-$  постепенно замедляется при столкновениях с другими отрицательными электронами, образующими вещество, и стано-

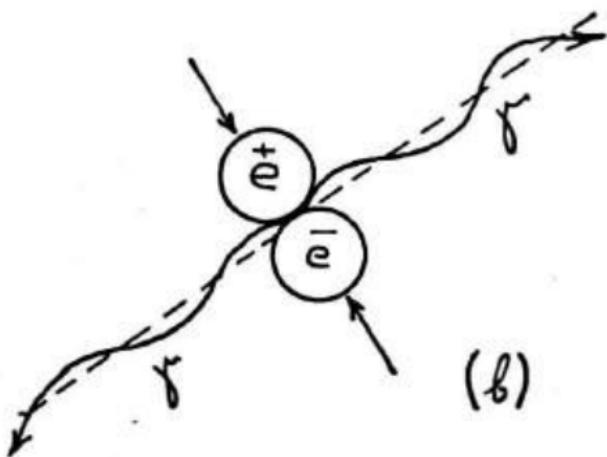
вится одним из них. Положительный электрон  $e^+$  не просуществует долго и аннигилирует при столкновении с одним из (обычных) отрицательных электронов, испуская два  $\gamma$ -кванта (рис. 28б). Термины «рожденный» и «аннигилированный» не следует понимать в метафизическом смысле; с тем же успехом можно сказать, что лед «рождается» из воды, когда ее температура становится ниже точки замерзания, и «аннигилирует» при комнатной температуре, превращаясь в воду. Законы сохранения массы и энергии (которые фактически являются одним законом из-за формулы Эйнштейна  $E = mc^2$ ) поддерживаются в обоих процессах, и мы здесь имеем дело только с преобразованием излучения в частицы и частиц в излучение на равных условиях.

Обнаружение антиэлектронов (позитронов) подняло вопрос о том, существуют ли также антипротоны, частицы, имеющие массу протона, но несущие отрицательный заряд. Поскольку протон примерно в 1840 раз тяжелее электрона, для образования пар протон—анти-протон требуется энергия миллиардов, а не миллионов электрон—вольт. Имея это в виду, Комиссия по атомной энергии потратила пропорциональные суммы в долларах на строительство ускорителей, которые могли бы сообщать ядерным снарядам необходимое количество энергии.

И в течение нескольких лет в Соединенных Штатах были построены два гигантских ускорителя: Беватрон в радиологической лаборатории



(а)



(б)

**Рис. 28.** «Рождение» и «аннигиляция» отрицательных и положительных электронов ( $\bar{e}$  и  $\bar{e}$ ) в соответствии с теорией Дирака: (а)  $\gamma$ -луч высокой энергии попадает в ядро ( $N$ ) и превращается в пару  $\bar{e}$  и  $\bar{e}$ ; (б) пара  $\bar{e}$  и  $\bar{e}$  сталкивается в свободном пространстве и производит два  $\gamma$ -луча, движущихся в противоположных направлениях.

Калифорнийского университета в Беркли и Космotron в Брукхейвенской национальной лаборатории на Лонг-Айленде, Нью-Йорк. Вскоре после этого аналогичные европейские аппараты были построены в ЦЕРНе, недалеко от Женевы, Швейцария, и в Советской России, недалеко от Москвы. Это было жесткое соревнование, которое, в конце концов, выиграли калифорнийцы, когда Эмилио Сегре и его коллеги объявили в октябре 1955 года, что они обнаружили отрицательные протоны, вышедшие из обстреливаемых объектов. Позже они также обнаружили антинейтроны, частицы которых аннигилируют при столкновении с обычными нейtronами. Как мы увидим позже, все другие вновь обнаруженные частицы (различные виды мезонов и гиперонов) также имеют себе противоположные.

Таким образом, хотя Дирак не смог в своем первоначальном намерении объяснить протон как антиэлектрон, он открыл широкую область физики античастиц.

Есть две нерешенные загадки об античастицах. Атомы, образующие земной шар, состоят из отрицательных электронов, положительных протонов и обычных нейтронов. Согласно астрономическим исследованиям, то же самое верно для всей Солнечной системы и самого Солнца. Фактически протоны и электроны, выбрасываемые Солнцем и попадающие в земную атмосферу, являются (обычными) положительными протонами и отрицательными электронами. Более неопределенным,

но, вероятно, верным является утверждение о том, что все звезды и межзвездное вещество Млечного Пути образованы из обычной материи, поскольку в противном случае можно было бы наблюдать интенсивное гамма-излучение во всех частях нашей галактики. Но как насчет миллиардов других галактик, которые отделены от нашего Млечного Пути миллионами световых лет? Является ли наша Вселенная несимметричной, полностью сформированной из «обычной» материи, или это совокупность галактик, половина из которых состоит из «обычной» материи, а другая половина состоит из «антиматерии»?

Этого мы не знаем и пока не видим способа узнать.

Другая загадка состоит в том, имеют ли античастицы, производимые в изобилии в наших современных ускорителях, положительную или отрицательную гравитационную массу. На первый взгляд кажется, что на этот вопрос легко можно получить ответ путем прямого эксперимента. Просто создать пучок антипротонов в высокоэнергетическом ускорителе, направить его горизонтально вдоль вакуумированной трубы и посмотреть, будет ли он под действием земной гравитации отклоняться вниз, как горизонтально брошенный камень, или вверх. Если верным окажется последнее, вывод: античастицы отталкиваются массой Земли. Проблема, однако, в том, что античастицы, производимые в наших лабораториях, движутся со скоростями, почти равными

скоростям света ( $3 \times 10^{10}$  см/сек). Таким образом, если длина трубы, скажем, 3 км ( $3 \times 10^5$  см), античастицы пройдут ее за промежуток времени  $10^{-5}$  сек. Согласно закону свободного падения, они будут смещены вниз или вверх (в случае отрицательной гравитационной массы) на величину  $\frac{1}{2} gt^2$  см, где  $g$  составляет около  $10^3$  см/сек<sup>2</sup>. Если  $t = 10^{-5}$  сек, вертикальное смещение будет порядка  $10^3 \times 10^{-10} = 10^{-7}$  см, что сопоставимо с диаметром атома! Очевидно, что никакое экспериментальное оборудование не сможет обнаружить такое маленькое отклонение луча. Чтобы провести эксперимент, можно попытаться замедлить античастицу до более разумных скоростей, скажем, нескольких сантиметров в секунду, тогда отклонение вниз или вверх станет легко заметным. Но как это сделать? В атомных реакторах нейтроны замедляют, пропуская их через различные «замедлители» (углерод или тяжелую воду), где нейтроны постепенно теряют свою энергию в столкновениях с другими атомами. Но мы не можем поступить так с античастицами, поскольку при прохождении через любой замедлитель, состоящий из обычной материи, они будут уничтожены при самом первом столкновении. Таким образом, вопрос все еще остается без ответа.

В заключение можно отметить, что доказательство отрицательной гравитационной массы античастиц было бы весьма полезным для решения различных космологических задач. Если бы как обычные, так и античастицы появлялись равно-

мерно в пространстве Вселенной, гравитационное притяжение между частицами одного и того же типа и гипотетическое гравитационное отталкивание между частицами противоположного вида привело бы к взаимному разделению. Образовались бы большие области пространства, заполненные исключительно обычной материей, и области, заполненные исключительно антиматерией. Такое разделение удовлетворит наше представление о симметрии природы. Но этого мы не знаем, и неизвестно, узнаем ли вообще.



## Глава 7

### Э. ФЕРМИ И ПРЕВРАЩЕНИЯ ЧАСТИЦ

Когда-то в старину любой физик мог заниматься как экспериментальной, так и теоретической частью своей науки. Выдающийся пример — сэр Исаак Ньютон, который создал закон всемирного тяготения (а для этого специально изобрел математическую дисциплину, известную сейчас как математический анализ). Он также провел важные экспериментальные исследования, доказывающие, что белый свет образуется в результате наложения спектра различных цветов, и он был создателем телескопа-рефлектора. Но по мере того как область физического знания расширялась, экспериментальные и математические методы становились все более и более сложными,

слишком сложными для того, чтобы один человек мог освоить их одновременно. Профессия физика разделилась на две ветви: «экспериментаторы» и «теоретики». Великий теоретик Альберт Эйнштейн ни разу не провел эксперимент своими руками (насколько известно автору), в то время как великий экспериментатор лорд Резерфорд был настолько плох в математике, что знаменитую формулу Резерфорда для рассеяния  $\alpha$ -частиц для него вывел молодой математик Р. Фаулер. Сегодня, как правило, физик-теоретик не рискнет прикоснуться к экспериментальному оборудованию, опасаясь его сломать (см. Эффект Паули, глава 3), в то время как экспериментаторы теряются в бурном потоке математических вычислений.

Энрико Ферми, родившийся в Риме в 1901 году, представлял собой редкий пример отличного физика-теоретика и экспериментатора в одном лице. Среди прочих, его важным вкладом в теоретическую физику было изучение вырожденного электронного газа, что повлияло на дальнейшее развитие электронной теории металлов, а также сыграло роль в изучении сверхплотных звезд, известных как белые карлики.

Другим важным достижением была формулировка математической теории преобразования частиц, включающей излучение таинственных незаряженных и безмассовых частиц, предложенных Паули ранее.

Ферми был крепким римским мальчиком с отличным чувством юмора. Когда он был профессором в Римском университете, Муссолини присвоил ему титул «Эчченца» (Его Превосходительство). Однажды ему пришлось присутствовать на собрании Академии наук в Палаццо Венеция, мероприятие было строго охраняемым, потому что сам Муссолини должен был появиться там. Все остальные участники прибывали в больших лимузинах иностранного производства, с водителями в форме, в то время как Ферми приехал на своем маленьком «Фиате». У ворот Палаццо его остановили два карабинера, скрестив оружие перед его маленькой машиной, и спросили, что ему здесь нужно.

Согласно истории, которую он рассказал автору этой книги, он не решался сказать охранникам: «Я Его Превосходительство Энрико Ферми», опасаясь, что они ему не поверят. Тогда, чтобы избежать смущения, он сказал:

— Я водитель Его Превосходительства синьора Энрико Ферми.

— Хорошо, — сказали охранники, — заезжайте, припаркуйтесь и ждите своего хозяина.

Хотя идея о том, что незаряженные частицы, не имеющие массы и сопровождающие электроны, испускаются в результате  $\beta$ -преобразований, изначально принадлежит Паули, Ферми был первым, кто разработал строгую математическую теорию  $\beta$ -излучения в сочетании с излучением ча-

стиц-любимчиков Паули и показал, что она прекрасно согласуется с наблюдаемыми фактами. Ему принадлежит и само название — нейтрино. Дело в том, что Паули называл своего подопечного нейтроном, что было нормально, так как частица, называемая сегодня нейроном (незаряженный протон), тогда еще не была открыта. Однако это имя не было «защищено авторским правом», поскольку оно использовалось только в личных беседах и переписке, но никогда в печати.

Когда в 1932 году Джеймс Чедвик доказал существование незаряженной частицы с массой, почти равной массе протона, он назвал ее нейтроном в своей статье, опубликованной в «Трудах Лондонского королевского общества». Когда Ферми, все еще будучи профессором в Риме, сообщил об открытии Чедвика на еженедельном семинаре по физике, кто-то из аудитории спросил: «Нейtron Чедвика» и «нейtron Паули» — это одно и то же?» — «Нет, — ответил Ферми (естественно, по-итальянски), — нейтроны Чедвика большие и тяжелые. Нейтроны Паули маленькие и легкие; их нужно называть «нейтрино»\*.

Сделав это филологическое заключение, Ферми решил разработать математическую теорию  $\beta$ -преобразований, в которой электрон (положительный или отрицательный) и нейтрино испу-

\* В итальянском языке «нейтрино» — уменьшительное от нейтрона; т.е. «маленький нейtron».

скаются одновременно нестабильными атомными ядрами, разделяя доступную энергию между собой случайным образом. Он сформировал свою теорию в русле, аналогичном теории излучения света атомами, когда возбужденный электрон переходит в состояние с более низкой энергией, освобождая избыточную энергию в форме единого кванта света. Движение электрона до прерывистого перехода описывалось волновой функцией, распространяющейся по сравнительно большой площади. После перехода волновая функция электрона сжималась до меньших размеров, и высвободившаяся энергия формировалась расходящуюся электромагнитную волну, распространяющуюся в пространстве. Силы, ответственные за это преобразование, были известными силами, действующими между электромагнитным полем и точечным зарядом. Таким образом, их действие может быть легко рассчитано на основе уже существующей теории. Оказалось, что вычисленные вероятности электронных переходов полностью согласуются с наблюдаемыми интенсивностями спектральных линий.

В своей теории  $\beta$ -распада Ферми столкнулся с гораздо более сложной ситуацией. Нейтрон, занимающий определенное энергетическое состояние внутри ядра, превратился в протон, тем самым изменив свой электрический заряд. Кроме того, вместо одного кванта света произошло одновременное испускание двух частиц (электрона и нейтрино).

## СИЛЫ, СТОЯЩИЕ ЗА $\beta$ -РАСПАДОМ

Основная трудность, однако, заключалась в том, что силы, управляющие процессом в случае излучения света силы, управляющие процессом, были знакомыми электромагнитными силами, а силы, ответственные за  $\beta$ -преобразование, были абсолютно неизвестны, и Ферми должен был сделать предположение относительно их природы.

Как истинный гений, он решил сделать самое простое из возможных предположений — что вероятность превращения нейтрона в протон (или наоборот), приводящего к образованию электрона (отрицательного или положительного) и нейтрино\*, пропорциональна произведению интенсивностей четырех соответствующих волновых функций в любой точке ядра. Коэффициент пропорциональности, который Ферми обозначил буквой  $g$ , Ферми планировал определить путем сравнения с экспериментальными данными. Используя довольно сложные вычисления, Ферми смог выяснить, какой должна быть форма спектра  $\beta$ -энергии и как скорость  $\beta$ -распада должна зависеть от количества вовлеченной энергии, если его простая гипотеза взаимодействия была верной. Результат потрясающим образом сходился с наблюдаемыми кривыми.

Единственный недостаток теории  $\beta$ -распада Ферми заключался в том, что числовое значение

\* Мы не будем подробно останавливаться на том, чем различаются нейтрино и антинейтрино.

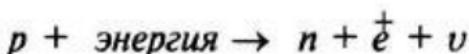
константы  $g$  ( $3 \times 10^{-14}$  в безразмерных единицах\*) нельзя было вывести теоретически, а нужно было получить путем наблюдений. Чрезвычайная малость числового значения  $g$  является причиной того, что, в то время как излучение  $\gamma$ -кванта ядром происходит в течение  $10^{-11}$  секунд, излучение пары электрон—нейтрино может занимать часы, месяцы или даже годы. Вот почему все преобразования частиц известны в современной физике как слабые взаимодействия. Задача физики будущего — объяснить эти чрезвычайно слабые взаимодействия во всех процессах, связанных с поглощением нейтринного излучения.

## ИСПОЛЬЗОВАНИЕ ЗАКОНОВ ВЗАЙМОДЕЙСТВИЯ ФЕРМИ

Процессам  $\beta$ -распада\*\*



и

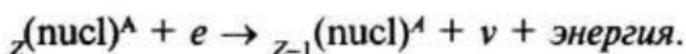


---

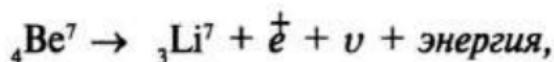
\*  $|g| \times \frac{|mc^2|}{\sqrt{2\pi h^3}}$ , где  $m$  — масса электрона,  $c$  — скорость света,  $h$  — квантовая постоянная.

\*\* С энергетической точки зрения первый процесс происходит в случае свободных нейтронов, а также в случае нейтронов, связанных внутри ядра, тогда как второй происходит только в сложных ядрах, где дополнительный источник энергии может быть получен от других нуклонов.

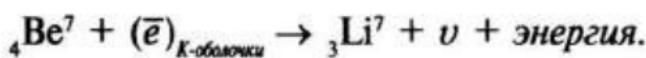
аналогичны другие процессы, которые также подчиняются законам взаимодействия Ферми. Одним из них является поглощение атомного электрона ядром, которое нестабильно по отношению к положительному  $\beta$ -распаду. Вместо испускания положительного электрона и нейтрино ядро может поглощать отрицательный электрон из собственной электронной оболочки, испуская нейтрино по формуле:



Поскольку атомный электрон, поглощенный ядром в таком процессе, является одним из электронов с К-оболочки (ближайшей к ядру), явление обычно называют «К-захватом». Простейшим примером такого процесса является нестабильный изотоп бериллия,  $\text{Be}^7$ , который может трансформироваться либо по формуле\*



либо

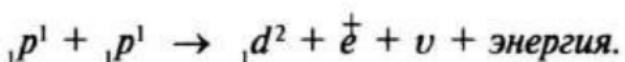


В последнем случае фотографии камеры Вильсона показывают только один трек (принадлежащий  ${}_{3}\text{Li}^7$ ), и ситуация похожа на инцидент, описанный Г. Уэллсом в его известной книге «Человек-невидимка», где лондонскому констеблю дали пинка и, обернувшись, он не мог увидеть

\* Нижний индекс слева показывает атомный номер, верхний индекс справа показывает атомный вес.

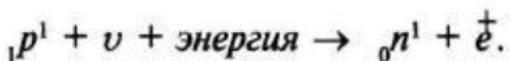
того, кто это сделал. Наблюдения процессов  $K$ -захвата показали, что частота их возникновения точно соответствует предсказаниям теории Ферми.

Другой интересный процесс, относящийся к той же категории — реакция  $H-H$  (водород—водород), впервые предложенная Чарльзом Крич菲尔дом, которая отвечает за выработку энергии Солнца и других более слабых звезд\*. В течение короткого промежутка времени, когда два сталкивающихся протона находятся в близком контакте, один из них превращается в нейтрон за счет излучения положительного электрона и нейтрино, образуя ядро дейтерия (тяжелого водорода) в соответствии с уравнением:



Вероятность этого процесса может быть предсказана точно на основе теории Ферми.

Последний, но не менее важный пример взаимодействия Ферми — это процесс, с помощью которого Ф. Райнес и К. Коуэн непосредственно доказали существование нейтрино. Вот он:



Райнес и Коуэн наблюдали это в камере, расположенной рядом с «атомным реактором», в рам-

\* Для более ярких звезд, например Сириуса, основной производящей энергию реакцией является так называемый углеродный цикл, предложенный независимо друг от друга К. фон Вайцзеккером и Г. Бете.

ках проекта по атомной энергии на реке Саванне. Количество наблюдаемых нейтронов и положительных электронов, образованных одновременно в камере, подвергшейся интенсивной нейтринной бомбардировке, оказалось точно таким же, как предсказывала теория Ферми. Взаимодействие настолько слабое, что для поглощения половины испускаемых нейтрино необходимо использовать щит из жидкого водорода толщиной в несколько световых лет!

Теория процессов с участием нейтрино Ферми также применима ко многим случаям распада новых элементарных частиц, обнаруженных в последние годы, и сегодня говорят о «Едином взаимодействии Ферми».

## ИССЛЕДОВАНИЯ ФЕРМИ В ОБЛАСТИ ЯДЕРНЫХ РЕАКЦИЙ

Наряду с теоретическими исследованиями Ферми принимал участие в обширных экспериментальных исследованиях ядерных реакций в тяжелых элементах, бомбардируемых медленными нейтронами, а также образования трансурановых элементов ( $z > 92$ ), и за эту работу он получил Нобелевскую премию в 1938 году.

Вскоре после этого он приехал жить в Соединенные Штаты и присутствовал на конференции 1939 года в Университете Джорджа Вашингтона, на которой Нильс Бор прочитал телеграмму от известного немецкого физика Лизы Мейтнер (кото-

рая к тому времени жила в Стокгольме), содержащую очень волнительные новости. Она писала, что ее бывшие коллеги, Отто Ган и Фриц Штрассман, в Берлинском университете обнаружили, что ядро урана, пораженное нейтроном, распадается на две примерно равные части, высвобождая огромное количество энергии. Это заявление положило начало ряду событий, кульминацией которых, спустя некоторое время, стало изобретение атомных бомб, атомных реакторов и т.д., что означало начало так называемого атомного (правильнее сказать — ядерного) века.

Ферми взял на себя руководство секретной лабораторией в Чикагском университете и 2 декабря 1942 года объявил, что им удалось достичь первой цепной реакции в уране, и это положило начало первому контролируемому освобождению ядерной энергии человеком.

Поскольку эта книга посвящена эволюции взглядов на понимание природы вещей, а не практическим аспектам вопроса, мы ничего не будем говорить о цепной реакции деления и завершим эту главу описанием интересного эксперимента, проведенного Ферми в недавно изобретенном реакторе деления. Впервые стало возможным измерить среднюю продолжительность жизни нейтрона, который в конечном итоге распадается на протон, электрон и нейтрино. Прибор, использованный в этом эксперименте, известен как «бутилка Ферми», хотя на самом деле это был сферический контейнер, внутри кото-

рого был вакуум, а сам он напоминал бутылку кьянти без горлышка.

Как показано на рис. 29, этот шар был помещена внутри атомного котла и оставлена там на довольно длительный период времени, пока он работал. Нейтроны деления, перемещающиеся вдоль и поперек котла в больших количествах, в большинстве случаев входили и выходили из

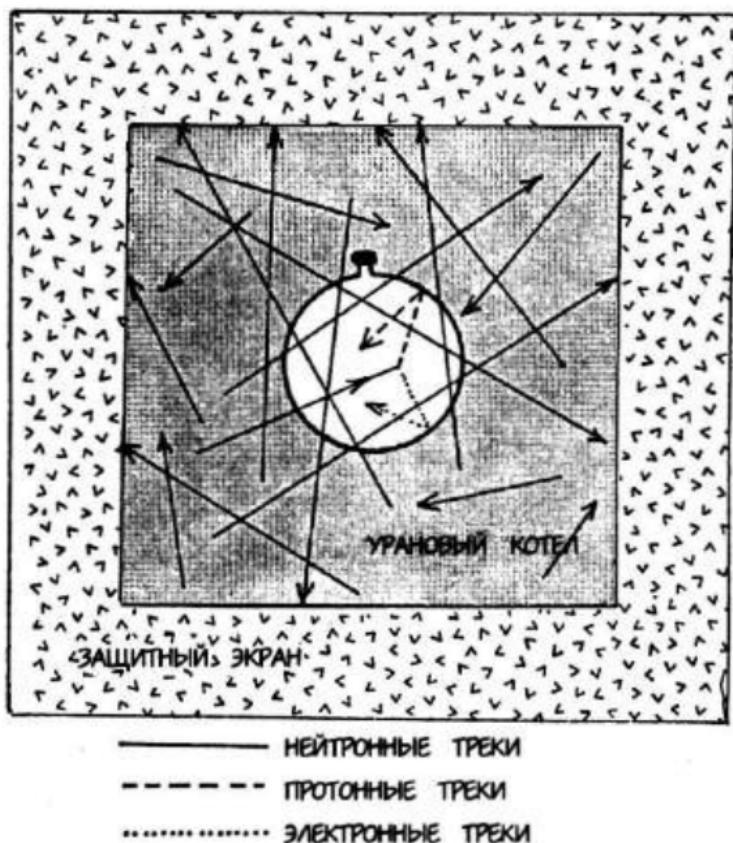


Рис. 29. Бутылка Ферми в урановом котле, предназначенная для измерения средней продолжительности жизни нейтрона.

«бутылки Ферми», преодолевая без особых трудностей ее стенки. Однако время от времени нейтрон, проходящий сквозь «бутылку», распадался на протон и электрон, для которого стенки «бутылки» были непроницаемыми. Таким образом, обычный водородный газ постепенно накапливался внутри «бутылки» со скоростью, которая зависела от вероятности того, что нейтрон распадется при прохождении «бутылки». Измеряя количество водорода, накопленного в «бутылке» за определенный период времени, можно легко оценить среднее время жизни нейтрона, которое, как выяснилось, составляет около четырнадцати минут.

Чтобы узнать больше о деятельности Ферми в этом направлении, читатель должен обратиться к книге «Атомы у нас дома», написанной после его смерти его женой Лаурой.



## Глава 8

### Х. ЮКАВА И МЕЗОНЫ

Из-за большого успеха теории Ферми о  $\beta$ -распаде встал вопрос о том, может ли она также применяться для объяснения сил притяжения, удерживающих нуклоны вместе. В то время было известно, что силы между двумя нуклонами — будь то два нейтрона, нейtron и протон или два протона — идентичны, за исключением того, что в последнем случае следует добавить к ним обычное кулоновское отталкивание между зарядами протона. Эксперименты показали, что, в отличие от кулоновских сил, которые сравнительно медленно уменьшаются с увеличением расстояния (как  $1/r^2$ ), ядерные силы больше похожи на силы сцепления классической физики. Так же, как два куска скотча не оказывают никакого влияния друг

на друга, независимо от того, насколько близко они находятся друг к другу, но плотно прилипают, как только вступают в контакт, силы между нуклонами внезапно возникают, когда они «касаются друг друга», что происходит на расстоянии около  $10^{-18}$  см.

Как только это происходит, разделить их становится можно лишь при помощи энергии примерно в десять миллионов электронвольт. Подобные силы, действующие между атомами, приписываются обмену электронами между атомными оболочками, как только они вступают в контакт. Волново-механическая теория этих «обменных сил» была разработана в 1927 году В. Гайтлером и Ф. Лондоном, которые показали, что проблему можно решить, рассмотрев простой пример двух атомов водорода, образующих двухатомную молекулу\*. Гайтлер и Лондон проанализировали два случая: (а) ион молекулы водорода  $H_2^+$ , состоящий из двух протонов и одного электрона; (б) нейтральная молекула водорода  $H_2$ , образованная двумя протонами и двумя электронами (рис. 30а и 30б). Волновое уравнение Шредингера для движения электрона точно выполнялось в обоих случаях. Аналитический результат показал, что существует равновесное состояние с самой низкой энергией на определенных расстояниях  $R$  и  $R'$  между двумя ядрами. Результат вычислений энергии этих состояний равновесия полностью согла-

\* Двухатомная молекула — молекула, которая состоит из двух атомов.

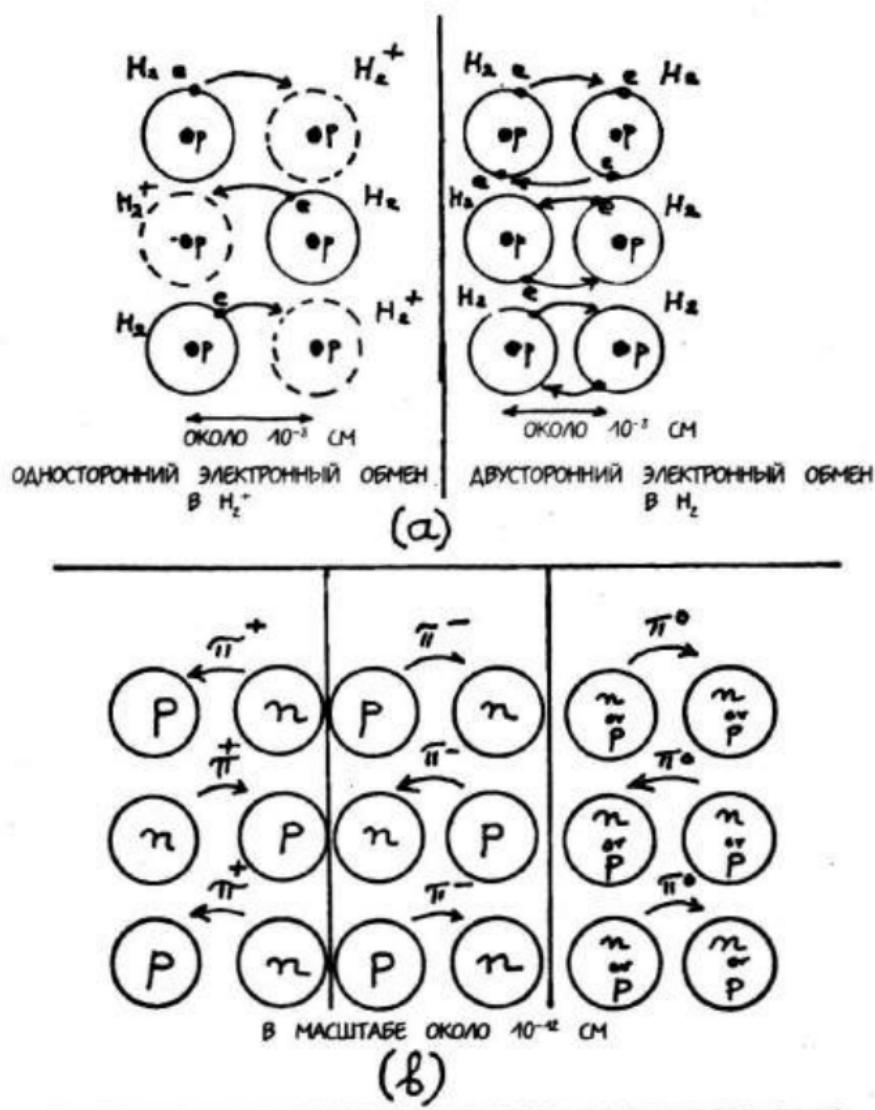


Рис. 30. Обмен сил.

- (a) Теория сил Гайтлера и Лондона, которые удерживают вместе два протона в ионизованной и нейтральной молекуле водорода.
- (b) Три разные возможности объяснения ядерных сил путем обмена пионами ( $\pi^+, \pi^-, \pi^0$ ).

совывался со значениями энергий диссоциации молекул  $H_2^+$  и  $H_2$ . Таким образом, понятие обменных сил между двумя одинаковыми атомами прочно утвердилось в области квантовой химии. Вполне естественно было предположить, что силы притяжения между двумя нуклонами можно объяснить аналогичным образом. Когда два нуклона сближаются, электрон, сопровождаемый нейтрино, перепрыгивает туда-сюда между ними, создавая притягивающую обменную силу. Это была замечательная идея, но (увы!) она не сработала.

Когда в 1934 году Д. Иваниенко и И. Тамм вычислили обменную силу между двумя нуклонами, возникающую в результате взаимодействия Ферми, они обнаружили, что ожидаемая энергия связи была порядка  $10^{-8}$  электронвольт! Нет, это не опечатка; сто миллионная одного электронвольта вместо десяти миллионов вольт; различие в пятнадцать порядков! По-видимому, «слабое» взаимодействие Ферми не могло быть причиной сильной связи протонов и нейтронов внутри атомного ядра.

Год спустя (в 1935 году) японский физик Хидэки Юкава предложил революционную идею для объяснения сильных взаимодействий между нуклонами. Если эти взаимодействия нельзя объяснить обменными силами, возникающими из-за скачков пар электрон—нейтрино, то должна существовать совершенно новая, еще не открытая частица, которая совершает скачки. Чтобы получить

силу, соответствующую экспериментальным показателям, эта частица должна быть примерно в две-сти раз тяжелее электрона (или примерно в десять раз легче протона). Кроме того, ее взаимодействие с нуклонами, характеризуемое константой взаимодействия Юкавы  $u$ , должно быть примерно в  $10^{14}$  раз больше, чем константа взаимодействия Ферми  $g$ , связанная с  $\beta$ -преобразованием, и, таким образом, сопоставимо с обычными кулоновскими взаимодействиями между электрическими зарядами. Эта гипотетическая частица была известна под многими псевдонимами: юкон, японский электрон, тяжелый электрон, мезотрон и, наконец, мезон. Два года спустя, после предположения Юкавы, частицы с массой в 207 раз больше массы электронов были обнаружены в космических лучах К. Андерсоном и С. Неддермайером в Калифорнийском технологическом институте, и они, казалось, дали блестящее подтверждение гипотезе Юкавы. Но затем возникли некоторые неполадки. Эксперименты, проведенные М. Конвери, Э. Панчини и О. Пиччиони, без всяких сомнений доказали, что, хотя новые частицы имели массу гипотетических мезонов Юкавы, их взаимодействие с нуклонами было в  $10^{12}$  раз меньше, чем необходимо для объяснения ядерных сил.

Лишь в 1947 году британский физик С. Пауэлл, отправив фотографические пластины в верхние слои атмосферы, обнаружил, что мезоны, наблюдаемые на уровне моря (207 электронных масс), на самом деле являются продуктами рас-

пада более тяжелых мезонов (массой в 264 электронных масс), которые формируются космическими лучами на верхних границах земной атмосферы. Таким образом, существует два вида мезонов: тяжелые и легкие. Первые теперь известны как  $\pi$ -мезоны, или просто пионы, в то время как последние называются  $\mu$ -мезонами, или сокращенно мюонами. Пионы демонстрируют очень сильное взаимодействие с нуклонами, и нет никаких сомнений в том, что они являются частицами, которые Юкава первоначально считал причиной ядерных сил. Однако точная теория этих процессов (если сравнивать, например, с теорией античастиц Дирака) еще не разработана.



## Глава 9

### УЧЕНЫЕ ЗА РАБОТОЙ

Читатель, вероятно, заметил, что главы этой книги стали короче. Причина вовсе не в нарастающей усталости автора, а в том, что после великих событий в первые тридцать лет своего развития квантовая теория столкнулась с серьезными трудностями, и ее прогресс значительно замедлился. Последней «полностью законченной главой» этого периода было объединение волновой механики и специальной теории относительности, выполненное Дираком, что привело к блестящей теории античастиц. После того как их существование было доказано экспериментально, оказалось, что античастицы вели себя точно в соответствии с теоретическими предсказаниями.

Теория Ферми о процессах, связанных с испусканием и поглощением пар электрон—нейтрино, оказывается немного расплывчатой применительно к более сложным процессам, таким как, например, распад мюона на один электрон и два нейтрино. Кроме того, численное значение постоянной Ферми  $g$  все еще не выводится из значений других фундаментальных постоянных мироздания. (Точно так же постоянная Ридберга  $R$  в старой спектроскопии оставалась эмпирической постоянной, пока Бор не опубликовал свою теорию атома водорода.)

Подобные трудности существуют и в теории сильных взаимодействий между элементарными частицами Юкавы — численное значение постоянной  $u$  все еще не объяснено. Экспериментальные исследования регулярно выводят на поверхность огромное количество новых фактов, и множество эмпирических правил формулируются путем введения новых понятий, таких как «паритет», «странные» и т.д. В целом сегодня ситуация во многом напоминает положение, существовавшее в оптике и химии в конце прошлого столетия, когда закономерности в спектральных рядах и свойствах химической валентности различных элементов были хорошо видны на уровне эксперимента, но не совсем понятны с теоретической точки зрения. Все резко изменились к лучшему, когда была разработана квантовая теория атомной структуры, которая пролила яр-

кий свет на все эмпирические факты, полученные тяжким трудом. По мнению автора, теория элементарных частиц обязательно сдвинется с мертвоточки — возможно, в следующем году, может быть, в 2000 году нашей эры — должна возникнуть совершенно новая идея, которая будет отличаться от современного мышления также, как нынешнее мышление отличается от классического. У нас нет хрустального шара, который предсказывает будущее теоретической физики, но в качестве его замены можно использовать дисциплину, известную как «анализ размерностей».

Всем известно, что все физические измерения основаны на трех основных единицах:

*Длина* (стадии, мили, лиги, метры и т.д.)

*Время* (годы, дни, миллисекунды и т.д.)

*Масса* (стоуны, фунты, драхмы, граммы и т.д.)

Каждая физическая величина может быть выражена через эти три с помощью так называемых формул размерности. Например, скорость ( $v$ ) — это длина (или расстояние), пройденная за единицу времени; плотность ( $p$ ) — масса на единицу объема (то есть длину в третьей степени); энергия ( $E$ ) — масса, умноженная на квадрат скорости, и т.д. Пишется:

$$|v| = \frac{|L|}{|T|}; \quad |p| = \frac{|M|}{|L|^3}; \quad |E| = |M| \times \left| \frac{L}{T} \right|^2,$$

где вертикальные черточки показывают, что это не числовое отношение, а отношение между фи-

зической природой указанных величин. Здесь не имеет значения, какие именно единицы использовать, и можно написать:

$|\$| = |\text{£}| = |\text{марка}| = |\text{франк}| = |\text{рубль}| = \text{и т.д.}$

или

$|\text{ярд}| = |\text{фут}| = |\text{метр}| = |\text{аршин}| = |\text{световой год}| = \text{и т.д.}$

Длина, время и масса (или, что не совсем правильно, вес) были выбраны в классической физике на антропоморфных основаниях, проще говоря, основываясь на том, с чем мы, люди, сталкиваемся в повседневной жизни. («Это в пяти милях отсюда»; «Вернусь через час»; «Дайте мне три фунта стейка».) Но выбирать эти конкретные единицы в действительности нет необходимости, и три любые сложные единицы, будь то сила электрического тока ( $A$ ), мощность двигателя (лошадиные силы) или яркость света (стандартная свеча) могут служить базовыми единицами при условии, что они не зависят друг от друга.

Однако при построении последовательной теории всех физических явлений целесообразно выбрать три фундаментальные единицы, каждая из которых управляет обширной областью физики, и выразить через них все остальные единицы. Какие же единицы должны входить в эту тройку?

Несомненно, одной из них должна быть скорость света в вакууме ( $c$ ), которая управляет всей

областью электродинамики и теории относительности. На самом деле, если предположить, что свет распространяется с бесконечной скоростью ( $c = \infty$ ), вся теория Эйнштейна сводится к классической механике Исаака Ньютона.

Другой член универсальной тройки — это, конечно, квантовая постоянная ( $\hbar$ ), которая управляет всеми атомными явлениями. Если предположить, что  $\hbar$  равна нулю, мы снова возвращаемся к ньютоновской механике. Большая заслуга Дирака состоит в том, что он сумел объединить теорию относительности и квантовую теорию, и в его уравнениях  $c$  и  $\hbar$  занимают одинаково почетные позиции.

Но какая третья универсальная постоянная может сделать систему теоретической физики завершенной? Конечно, одним из возможных кандидатов является гравитационная постоянная Ньютона. Но при более детальном рассмотрении оказывается, что эта постоянная не очень «сочетается» с двумя другими при объяснении атомных и ядерных явлений. Гравитационные силы очень важны в астрономии для объяснения движения планет, звезд и галактик. Но в масштабах нашей планеты гравитационное притяжение между материальными телами настолько мало, что им можно пренебречь, ведь было бы удивительно, если бы два яблока, которые лежат на столе на расстоянии нескольких сантиметров друг от друга, начали катиться друг к другу, движимые ньютоновским

притяжением. Только чрезвычайно чувствительные приборы позволяют нам измерить гравитационные силы между двумя телами нормального размера\*.

В атомном и ядерном мире силы гравитации весьма незначительны; примерно в  $10^{50}$  раз меньше электрических и магнитных сил! Однажды Дирак предположил, что «гравитационная постоянная» Ньютона на самом деле не постоянная, а переменная, которая уменьшается обратно пропорционально возрасту Вселенной. И он вполне может быть прав!

Но что тогда? Какая универсальная постоянная займет последнее место в тройке? Мы можем отталкиваться от рассуждений древнегреческих философов, которые впервые выдвинули идею об атоме: наименьшем количестве материи. В своей книге «Анализ материи» Берtrand Рассел пишет: «Мы можем предположить, как однажды предложил Анри Пуанкаре, и, как, очевидно, полагал Пифагор, что пространство и время зернисты, а не непрерывны, т.е. расстояние между двумя частицами всегда кратно некоторой единице, как и время между двумя событиями. Непрерывность восприятия не свидетельствует о непрерывности в физическом процессе».

Вернер Гейзенберг в своей книге «Физические принципы квантовой теории» писал: «Хотя, скорее всего, в принципе возможно уменьшить про-

\* См. Г. Гамов «Гравитация».

странственные и временные интервалы в неограниченное количество раз путем совершенствования измерительных приборов, тем не менее для принципиального обсуждения понятий волновой теории будет целесообразнее ввести конечные значения для значений пространственных и временных интервалов, участвующих в измерениях, и предположить, что ноль является единственным пределом ( $\Delta x \rightarrow 0$ ;  $\Delta t \rightarrow 0$ ) для этих интервалов в конце вычислений. Вполне возможно, что будущие разработки квантовой теории покажут, что нулевой предел для таких интервалов является абстракцией без физического смысла; однако в настоящее время, по-видимому, нет оснований для введения каких-либо пределов».

Однако шесть лет спустя Гейзенберг изменил свое мнение о десяти словах, следующих за словом «однако» в предыдущем предложении, и высказал мысль о том, что «расхождения», возникающие в различных областях квантовой теории, могут быть устранины путем введения элементарной длины порядка  $10^{-18}$  см.

Что означает слово «расхождение»? В математике этот термин относится к «бесконечным рядам», то есть к бесконечным последовательностям чисел, которые складываются друг с другом. Например:

$$1 + 2 + 3 + 4 + 5 + (\text{и так до бесконечности}).$$

Очевидно, результат сложения будет бесконечным. Но что насчет:

$1 + \frac{1}{2} + \frac{1}{3} + \frac{1}{4} + \frac{1}{5} + \dots$  (и так до бесконечности)?

Можно показать, что это суммирование также становится бесконечным или расходится, как говорят математики. С другой стороны, ряд:

$1 + \frac{1}{1!} + \frac{1}{2!} + \frac{1}{3!} + \frac{1}{4!} + \frac{1}{5!} + \dots$  (и так до бесконечности)

(где  $n!$  означает произведение всех целых чисел от 1 до  $n$ ) сходится и равен 2.3026... Точно так же ряды  $1 - \frac{1}{3!} + \frac{1}{5!} - \frac{1}{7!} + \dots$  (и так до бесконечности) сходятся к значению 0.

Результаты расчетов, проведенных в теоретической физике, часто представлены в виде бесконечных рядов.

Если они сходятся, как это часто бывает, у нас есть четкий ответ и определенное числовое значение для физической величины, которую мы пытаемся вычислить. Но если ряд расходится, результат не имеет смысла, приводя к бесконечному значению рассматриваемой величины. В качестве первого примера таких расхождений рассмотрим проблему массы электрона. Если мы представляем себе электрон в виде крошечной электрически заряженной сферы с зарядом  $e = 4,80 \times 10^{-10}$  электростатических единиц и радиусом  $r_0$ , то классическая электростатика говорит нам, что энергия окружающего его электрического поля равна  $\frac{1}{2} \frac{e^2}{r_0}$ . Согласно закону эквивалентности массы и энергии Эйнштейна, масса этого поля

равна  $\frac{1}{2} \frac{e^2}{r_0 c^2}$ . Поскольку эта масса не должна превышать наблюдаемой массы  $m_0$  электрона ( $= 0,9 \times 10^{-27}$  г), из этого следует, что:

$$\frac{e^2}{2r_0 c^2} \leq m_0, \text{ или } r_0 \geq \frac{e^2}{2m_0 c^2} = 2.82 \times 10^{-13} \text{ см}.$$

Однако, если предположить, что электрон является точечным зарядом ( $r_0 = 0$ ), масса окружающего его электрического поля становится бесконечной! С другой стороны, существует много веских теоретических причин, чтобы предположить, что электрон является точечным зарядом. Подобные противоречия стали возникать в больших количествах в ходе дальнейшего развития физики элементарных частиц, и все постоянно приходили к расходящимся (бесконечным) результатам, если только не отсекали бесконечные математические ряды, возникающие из прямых вычислений в определенной точке, без видимой на то причины. Паули в шутку назвал работу в этом направлении «Die Abschneidungsphysik» (Физика отсечений).

Характерно, что отсечения всегда происходили на расстоянии порядка  $10^{-18}$  см.

Когда в последующие годы диапазон сил, действующих между нуклонами, был измерен экспериментально с достаточной точностью, он оказался равным  $2,8 \times 10^{-18}$  см; то есть точно таким же, как и так называемый классический радиус электрона, рассчитанный теоретически в предположении, что его масса целиком обусловлена

электростатическим полем, окружающим его. Становится все более и более очевидным, что существует нижний предел расстояния, элементарная длина  $\lambda$ , ожидаемая Пифагором, Анри Пуанкаре, Бертраном Расселом, Вернером Гейзенбергом и др., которая является фундаментальной в физике. Так же, как никакая скорость не может превышать скорость света  $c$ , никакое механическое воздействие не может быть меньше, чем элементарное воздействие  $h$ , никакое расстояние не может быть меньше элементарной длины  $\lambda$ , и ни один временной интервал не может быть короче элементарного интервала  $\lambda/c$ . Когда мы узнаем, как ввести  $\lambda$  (и  $\lambda/c$ ) в основные уравнения теоретической физики, мы сможем гордо заявить: «Теперь, наконец, мы понимаем, как работают материя и энергия!»

Но после тридцати изобильных лет в начале нынешнего столетия мы переживаем теперь трудные, бесплодные годы и с надеждой смотрим в будущее. Несмотря на все усилия старшего поколения: Паули, Гейзенberга и других, а также молодого поколения: Фейнмана, Швингера, Гелл-Мана и других, теоретическая физика за последние три десятилетия добилась весьма незначительного прогресса, сравнительно с тремя предыдущими.

К настоящему моменту опубликованы сотни статей об элементарных частицах, а мы все еще блуждаем в темноте неопределенности по этому

вопросу. Будем надеяться, что через одно или два десятилетия или, по крайней мере, к началу двадцать первого века нынешние бесплодные годы теоретической физики завершатся взрывом совершенно новых революционных идей, подобных тем, которые ознаменовали начало века двадцатого.

## **СОДЕРЖАНИЕ**

Предисловие . . . . .	3
Введение . . . . .	6
Глава 1. ПЛАНК И СВЕТОВЫЕ КВАНТЫ .	13
Статистическая механика и тепловое излучение. . . . .	17
Макс Планк и квант энергии . . . . .	27
Световые кванты и фотоэлектрический эффект . . . . .	33
Эффект Комптона . . . . .	41
Глава 2. Н. БОР И КВАНТОВЫЕ ОРБИТЫ. . . . .	44
Теория ядерной модели атома Резерфорда . .	48
Квантование механических систем . . . . .	54
Эллиптические орбиты зоммерфельда . . . . .	65
Институт Нильса Бора . . . . .	70
Глава 3. В. ПАУЛИ И ЕГО ПРИНЦИП ИСКЛЮЧЕНИЯ . . . . .	87
Ограничение числа электронов на энергетическом уровне . . . . .	90

Вращающийся электрон . . . . .	95
Паули и ядерная физика . . . . .	99
Нейтрино. . . . .	103
<b>Глава 4. Л. ДЕ БРОЙЛЬ</b>	
<b>И ВОЛНЫ-ПИЛОТЫ . . . . .</b>	110
Уравнение Шредингера . . . . .	119
Применение волновой механики . . . . .	126
<b>Глава 5. В. ГЕЙЗЕНБЕРГ И ЕГО ПРИНЦИП НЕОПРЕДЕЛЕННОСТИ . . .</b>	133
Отказ от классических линейных траекторий . . . . .	142
<b>Глава 6. П. ДИРАК И АНТИЧАСТИЦЫ . .</b>	158
Объединение квантовой теории и теории относительности . . . . .	164
Физика античастиц. . . . .	177
<b>Глава 7. Э. ФЕРМИ И ПРЕВРАЩЕНИЯ ЧАСТИЦ . . . . .</b>	187
Силы, стоящие за $\beta$ -распадом . . . . .	192
Использование законов взаимодействия ферми . . . . .	193
Исследования ферми в области ядерных реакций . . . . .	196
<b>Глава 8. Х. ЮКАВА И МЕЗОНЫ . . . .</b>	200
<b>Глава 9. УЧЕНЫЕ ЗА РАБОТОЙ . . . .</b>	206

Исключительные права на публикацию книги  
на русском языке принадлежат издательству AST Publishers.  
Любое использование материала данной книги,  
полностью или частично, без разрешения  
 правообладателя запрещается.

Научно-популярное издание

**Гамов Георгий Антонович**

## ТРИДЦАТЬ ЛЕТ, КОТОРЫЕ ПОТРЯСЛИ ФИЗИКУ

Редакторы *K. Маховер, A. Шанин*  
Художественный редактор *E. Фрей*  
Технический редактор *T. Полонская*  
Компьютерная верстка: *P. Рыдалин*

Подписано в печать 09.11.2023. Формат 76x100 1/32

Печать офсетная. Гарнитура Newton.

Усл. печ. л. 9,85. Тираж 4000 экз. Заказ Э17857.

Отпечатано в типографии ООО «ЭкоПейпер».  
420044, Россия, г. Казань, пр. Ямашева, д. 36Б.

Общероссийский классификатор продукции ОК-034-2014 (КПЕС 2008);  
58.11.1 – книги, брошюры печатные

Произведено в Российской Федерации  
Изготовлено в 2024 г.

Изготовитель: ООО «Издательство АСТ»

129085, г. Москва, Звездный бульвар, дом 21, строение 1, комната 705,  
пом. I, 7 этаж.

Наш электронный адрес: [www.ast.ru](http://www.ast.ru). Интернет-магазин: [www.book24.ru](http://www.book24.ru).  
E-mail: [ask@ast.ru](mailto:ask@ast.ru). ВКонтакте: [vk.com/ast\\_neoclassic](https://vk.com/ast_neoclassic).

«Баспа Аста» деген ООО  
129085, г. Мәскеу, Жүлдөздөй гүлзар, д. 21, 1 күрүлым, 705 белме, пом. 1,  
7-кабат

Біздің зерттеушілдік мекеменжаймыз: [www.ast.ru](http://www.ast.ru)

Интернет-магазин: [www.book24.kz](http://www.book24.kz) Интернет-дүкен: [www.book24.kz](http://www.book24.kz)

Импортер в Республику Казахстан и Представитель по приему претензий  
в Республике Казахстан — ТОО РДЦ Алматы, г. Алматы.

Казакстан Республикасына импорттаушы және Казакстан Республикасында  
наразылыктарды кабылдау бойынша екіл — «РДЦ-Алматы» ЖШС, Алматы  
к., Домбровский көш., 3 «а», Б литері оғис 1. Тел.: 8(727) 2 51 59 90,91,  
факс: 8 (727) 251 59 92 ішкі 107; E-mail: [RDC-Almaty@eksno.kz](mailto:RDC-Almaty@eksno.kz), [www.book24.kz](http://www.book24.kz)

Тауар белгісі: «АСТ» Өндірілген жылы: 2024  
Өтімнін жарамдылық; мерзімі шектелмеген.

ВКонтакте: [vk.com/ast\\_neoclassic](https://vk.com/ast_neoclassic)



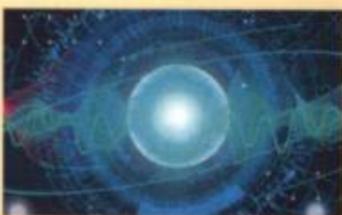
**Георгий Антонович Гамов** (1904–1968) – один из отцов-основателей современной физики, известный своими работами в области квантовой механики, атомной и ядерной физики, астрофизики, космологии, биологии.

GEORGI  
HEOPGM

GEORGI  
HEOPGM

В начале прошлого века классическую физику потрясли две великие революционные теории. Одна из них – теория относительности Альберта Эйнштейна – произвела переворот в классической концепции пространства-времени. Вторая – квантовая – родилась и развивалась в содружестве целого созвездия ученых, таких как Макс Планк, Нильс Бор, Вернер Гейзенберг, Поль Дирак.

В своей книге «Тридцать лет, которые потрясли физику» Георгий Гамов рассказывает захватывающую историю «мозгового штурма» великих умов, в котором и сам принимал непосредственное участие.



ISBN 978-5-17-161030-2



9 785171 610302 >



ТРИДЦАТЬ ЛЕТ,  
КОТОРЫЕ ПОТРЯСЛИ  
ФИЗИКУ

р у с с к а я    к л а с с и к а